

Teoria da Computação

Nome: _____

Número: _____

Segundo Semestre 2017/2018

Mini-teste 3 - versão E

22/5/2018

Duração: 30 Minutos

Classificar (Sim/Não) _____

Quem não pretender ter nota nesta prova (*i.e.*, pretender “desistir”) deve indicar em cima que não pretende a prova classificada.

Este enunciado tem 5 páginas (incluindo esta). Apenas volte a página quando o professor assim o disser. Não é permitida a divulgação deste enunciado. A cópia em papel fornecida na prova deverá ficar sempre com um docente depois desta ser realizada (quer esteja preenchido ou não).

A folha de respostas múltiplas está anexa a este enunciado. Qualquer pergunta errada desconta 1/3 do seu valor no total da pontuação obtida com as respostas certas. Não é permitido o uso de qualquer tipo de material auxiliar ou electrónico enquanto estiver na sala em que decorre a prova.

Tabela de Pontuação

Question	Points	Score
1	10	
2	10	
3	10	
4	10	
5	15	
6	10	
7	15	
8	20	
Total:	100	

1. (10 points) Qual das seguintes alternativas define a expressão regular cuja linguagem é o conjunto de palavras sobre $\{x, y\}$ que ou tem um número ímpar de y s ou antes de cada x tem um número par de y s?

- A. $((yy)^*x)^*y + (yy)^*y$
- B. $((yy)^+x)^*y^* + (yy)^+y$
- C. $((yy)^*x)^+y^* + (yy)^*y$
- D. $((yy)^*x)^*y^+ + (yy)^+y$
- E. $((yy)^*x)^+y^* + (yy)y^*$

2. (10 points) Qual das seguintes alternativas define a linguagem da expressão regular $(xy)^*(x + y)$, considerando, por exemplo, $w^3 = w w w$?

- A. $\{(xy)^n \mid n \in \mathbb{N}_0\} \cdot \{x, y\}$
- B. $\{(xy)^n \mid n \in \mathbb{N}_0\} \cap \{x, y\}$
- C. $\{(xy)^n \mid n \in \mathbb{N}_0\} \cup \{x, y\}$
- D. $\{x^n y^n \mid n \in \mathbb{N}_0\} \cdot \{x, y\}$
- E. $\{x^n y^n \mid n \in \mathbb{N}_0\} \cup \{x, y\}$

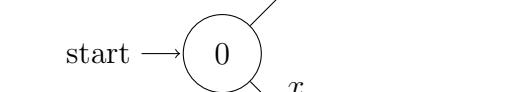
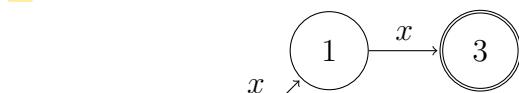
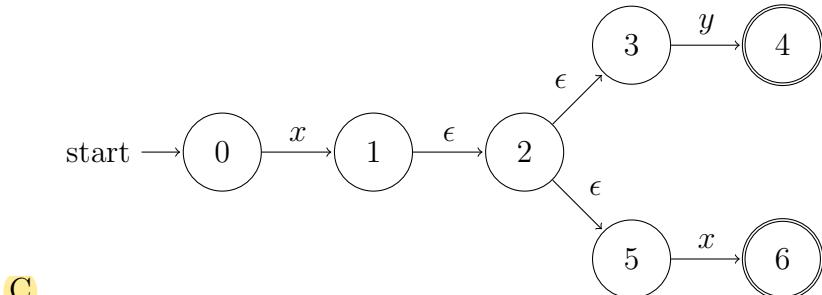
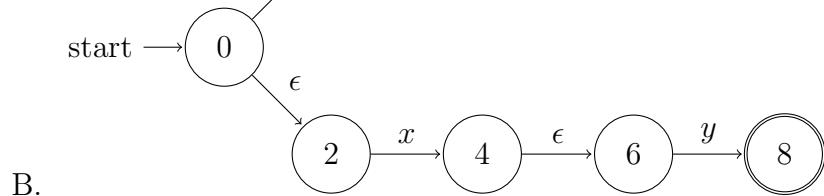
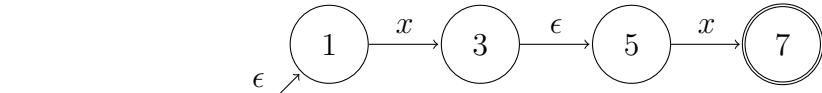
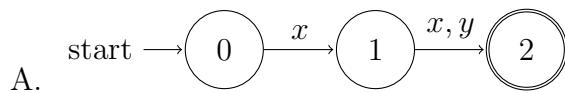
3. (10 points) Seleccione a justificação correcta.

- A. $xy \in \mathcal{L}(x^*y^+z^*)$, porque $xy = x\epsilon y$, $x \in \mathcal{L}(x^*)$, $\epsilon \in \mathcal{L}(y^+)$ e $y \in \mathcal{L}(z^*)$;
- B. $xy \in \mathcal{L}(x^*y^+z^*)$, porque $xy = \epsilon xy$, $\epsilon \in \mathcal{L}(x^*)$, $y \in \mathcal{L}(y^+)$ e $\epsilon \in \mathcal{L}(z^*)$;
- C. $xy \in \mathcal{L}(x^*y^+z^*)$, porque $xy = xy\epsilon$, $x \in \mathcal{L}(x^+)$, $y \in \mathcal{L}(y^+)$ e $\epsilon \in \mathcal{L}(z^+)$;
- D. $xy \in \mathcal{L}(x^*y^+z^*)$, porque $xy = xy\epsilon$, $x \in \mathcal{L}(x^*)$, $y \in \mathcal{L}(y^+)$ e $\epsilon \in \mathcal{L}(z^*)$;
- E. $xy \in \mathcal{L}(x^*y^+z^*)$, porque $xy = x\epsilon y$, $x \in \mathcal{L}(x^+)$, $y \in \mathcal{L}(y^*)$ e $z \in \mathcal{L}(z^*)$;

4. (10 points) Seleccione a justificação correcta.

- A. $xy \notin \mathcal{L}((x + y)zy^*)$, porque z pode aparecer numa palavra da linguagem;
- B. $xy \notin \mathcal{L}((x + y)zy^*)$, porque z deve aparecer em qualquer palavra da linguagem.
- C. $xy \notin \mathcal{L}((x + y)zy^*)$, porque x e y devem aparecer numa palavra da linguagem;
- D. $xy \notin \mathcal{L}((x + y)zy^*)$, porque z faz parte do alfabeto da linguagem;
- E. $xy \notin \mathcal{L}((x + y)zy^*)$, porque x não faz parte do alfabeto da linguagem;

5. (15 points) A conversão de $x(y + x)$, usando o algoritmo dado na aula, resulta no autómato



6. (10 points) A conversão de $(xy)^*$, usando o algoritmo dado na aula, resulta no autómato

- A.
-
- ```

graph LR
 start((start)) --> 0((0))
 0 -- x --> 0
 0 -- y --> 1((1))

```
- B.
- 
- ```

graph LR
    start((start)) --> 1((1))
    1 -- x --> 2((2))
    1 -- "ε" --> 3((3))
    1 -- y --> 4((4))
    2 -- "ε" --> 3
    3 -- y --> 4
    
```
- C.
-
- ```

graph LR
 start((start)) --> 1((1))
 1 -- x --> 2((2))
 1 -- y --> 3((3))
 1 -- "ε" --> 2
 2 -- "ε" --> 3

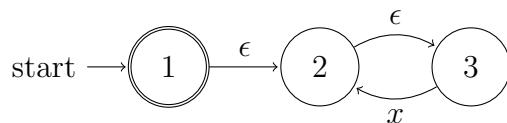
```
- D.
- 
- ```

graph LR
    start((start)) --> 0((0))
    0 -- "ε" --> 1((1))
    0 -- x --> 2((2))
    0 -- "ε" --> 3((3))
    0 -- y --> 4((4))
    1 -- x --> 2
    3 -- "ε" --> 4
    2 -- "ε" --> 3
    
```
- E.
-
- ```

graph LR
 start((start)) --> 0((0))
 0 -- x --> 1((1))
 0 -- y --> 2((2))
 0 -- x --> 3((3))
 0 -- "ε" --> 4((4))
 1 -- "ε" --> 2
 2 -- x --> 3
 3 -- y --> 4

```

7. (15 points) Considere o autómato



A sua determinização, usando o algoritmo dado na aula, resulta no autómato

- A.
- 
- ```

graph LR
    start((start)) -- "ε" --> 123((123))
    123 -- x --> 23((23))
    23 -- x --> 23
    
```
- B.
-
- ```

graph LR
 start((start)) -- "ε" --> 123((123))
 123 -- x --> 123

```
- C.
- 
- ```

graph LR
    start((start)) -- "ε" --> 12((12))
    12 -- x --> 23((23))
    23 -- "ε" --> 23
    
```
- D.
-
- ```

graph LR
 start((start)) -- "ε" --> 123((123))
 123 -- x --> 3((3))
 3 -- x --> 3

```
- E.
- 
- ```

graph LR
    start((start)) -- "ε" --> 12((12))
    12 -- x --> 23((23))
    23 -- x --> 23
    
```

8. (20 points) Qual das opções corresponde à minimização do autómato seguinte.

	x	y	z
0		1	
1	3		2
2	5	4	
3	1		2
4	4		4
5	2		
6	6	1	6

A. $\langle \{0, 1, 2, 4, 5\}, \{x, y, z\}, 0, \delta, \{2\} \rangle$, com δ :

	x	y	z
0		1	
1	1		2
2	5	4	
4	4		4
5	2		

B. $\langle \{0, 1, 2, 3, 5\}, \{x, y, z\}, 0, \delta, \{2\} \rangle$, com δ :

	x	y	z
0		1	
1	3		2
2	5		
3	1		2
5	2		

C. $\langle \{0, 1, 2, 5\}, \{x, y, z\}, 0, \delta, \{2\} \rangle$, com δ :

	x	y	z
0		1	
1	1		2
2	5		
5	2		

D. $\langle \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}, \{x, y, z\}, 0, \delta, \{2\} \rangle$, com δ :

	x	y	z
0		1	
1	3		2
2	5	4	
3	1		2
4	4		4
5	2		

E. nenhuma das anteriores