

**Teoria da Computação**

**Nome:** \_\_\_\_\_

**Número:** \_\_\_\_\_

**Segundo Semestre 2017/2018**

**Mini-teste 4 - H**

**4/6/2018**

**Duração: 40 Minutos**

**Classificar (Sim/Não)** \_\_\_\_\_

---

Quem não pretender ter nota nesta prova (*i.e.*, pretender “desistir”) deve indicar em cima que não pretende a prova classificada.

Este enunciado tem 5 páginas (incluindo esta). Apenas volte a página quando o professor assim o disser. Não é permitida a divulgação deste enunciado. A cópia em papel fornecida na prova deverá ficar sempre com um docente depois desta ser realizada (quer esteja preenchido ou não).

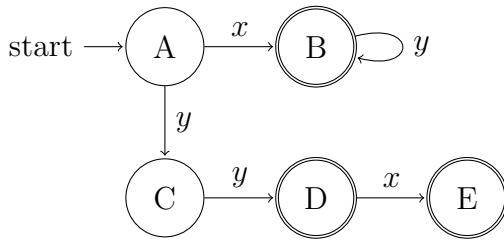
A folha de respostas múltiplas está anexa a este enunciado. Qualquer pergunta errada desconta 1/3 do seu valor no total da pontuação obtida com as respostas certas. Não é permitido o uso de qualquer tipo de material auxiliar ou electrónico enquanto estiver na sala em que decorre a prova.

**Tabela de Pontuação**

Question	Points	Score
1	10	
2	10	
3	10	
4	10	
5	10	
6	10	
7	10	
8	10	
9	10	
10	10	
Total:	100	

---

1. (10 points) O autómato



gera um sistema com as seguintes equações:

- A.  $A = Bx, B = By, A = Cy, C = Dy, D = Ex, D = \epsilon, E = \epsilon;$
- B.  $xA = B, yB = B, xA = C, yC = D, xD = E, D = \epsilon, xE = \epsilon ;$
- C.  $A = xB, B = yB, A = yC, C = yD, D = xE;$
- D.  $B = xA, B = yB, C = yA, D = yC, E = yD, D = \epsilon, E = \epsilon;$
- E.** nenhuma das anteriores.

2. (10 points) O sistema anterior, resolvido em ordem ao estado inicial, dá a expressão:

- A.  $yyxxy^*$
- B.  $yyx + xy^*$
- C.  $(xy)^* + yyx$
- D.  $yy\epsilon + xy^*$
- E.**  $yy(\epsilon + x) + xy^*$

3. (10 points) Considere a linguagem  $\{a^k b^{2k} \mid k \in \mathbb{N}\}$ . Prova-se que não é regular utilizando o Lema da Bombagem, sendo um dos contra-exemplos para  $n = 4$ :

- A.**  $w = aaabbbbb, x = aa, y = ab$  e  $i = 2$
- B.  $w = aaabbbbb, x = aaab, y = bb$  e  $i = 0$
- C.  $w = aaabbbbb, x = aaa, y = bbb$  e  $i = 0$
- D.  $w = aaabbbbb, x = aaa, y = \epsilon, z = bb$  e  $i = 0$
- E.  $w = aaabbbbb, x = aaa, y = \epsilon, z = bb$  e  $i = 1$

4. (10 points) Seja  $A$  uma variável e  $B$  e  $C$  expressões regulares nas quais  $A$  não ocorre. O Lema de Arden tem o seguinte enunciado.

- A.  $A = BA + \epsilon \Leftrightarrow A = B^* + \epsilon$
- B.  $A = BA + C \Leftrightarrow A = (BC)^*$
- C.  $A = BA + C \Leftrightarrow A = B^* + C$
- D.**  $A = BA + C \Leftrightarrow A = B^*C$
- E. nenhuma das anteriores

5. (10 points) Lema da bombagem: se a linguagem  $\mathcal{L}$  é regular, então existe  $n \in \mathbb{N}$  tal que qualquer palavra  $w \in \mathcal{L}$  que tenha pelo menos  $n$  símbolos pode ser re-escrita como  $w = xyz$  com:

- A. 1.  $y = \epsilon$ ;  
2.  $xy$  tem no máximo  $n$  símbolos;  
3.  $xy^iz \in \mathcal{L}$ , para cada  $i \geq 0$ .
  - B. 1.  $y \neq \epsilon$ ;  
2.  $xy$  tem mais que  $n$  símbolos;  
3.  $xy^iz \in \mathcal{L}$ , para cada  $i \geq 0$ .
  - C. 1.  $y \neq \epsilon$ ;  
2.  $xy$  tem no máximo  $n$  símbolos;  
3.  $xy^iz \in \mathcal{L}$ , para algum  $i \geq 0$ .
  - D.** 1.  $y \neq \epsilon$ ;  
2.  $xy$  tem no máximo  $n$  símbolos;  
3.  $xy^iz \in \mathcal{L}$ , para cada  $i \geq 0$ .
  - E. nenhuma das anteriores
6. (10 points) Considere a gramática independente de contexto  $G = \langle \{S\}, \{a, b\}, P, S \rangle$  com  $P = \{(S, \epsilon), (S, abbS)\}$ . A sua linguagem é:
- A.  $\{a^n b^{2n} \mid n \in \mathbb{N}_0\}$
  - B.  $\{ab^{2n} \mid n \in \mathbb{N}_0\}$
  - C.**  $\{(ab^2)^n \mid n \in \mathbb{N}_0\}$
  - D.  $\{a^n b^{2n} \mid n \in \mathbb{N}_0\}$
  - E.  $\{a^n b^m \mid n, m \in \mathbb{N}_0\}$
7. (10 points) Qual das seguintes palavras é derivável pela gramática anterior?
- A.  $aab$
  - B.**  $abbabb$
  - C.  $aabb$
  - D.  $ab$
  - E.  $aabbbb$

8. (10 points) Considere a gramática independente de contexto

$$G = \langle \{S, R\}, \{(,), -, \odot, \odot\}, P, A \rangle$$

com  $P$  contendo as regras seguintes.

- 1)  $A \rightarrow \epsilon$
- 2)  $A \rightarrow (B - A)$
- 3)  $A \rightarrow B$
- 3)  $B \rightarrow \odot$
- 4)  $B \rightarrow \odot$

Qual das seguintes opções está correcta?

- A.**  $FIRST(B) = \{\odot, \odot\}$ ,  $FIRST(A) = \{(,), \odot, \odot\}$ ,  $FOLLOW(B) = \{(), -\}$  e  $FOLLOW(A) = \{\}\}$
- B.  $FIRST(B) = \{\()\}, FIRST(A) = \{(,), \odot, \odot\}$ ,  $FOLLOW(B) = \{\)\}$  e  $FOLLOW(A) = \{-\}$
- C.  $FIRST(A) = \{\odot, \odot\}$ ,  $FIRST(B) = \{\()\}, FOLLOW(A) = \{-\}$  e  $FOLLOW(B) = \{-\}$
- D.  $FIRST(A) = \{\odot, \odot\}$ ,  $FIRST(B) = \{\odot, \odot\}$ ,  $FOLLOW(A) = \{(), -\}$  e  $FOLLOW(B) = \{-\}$
- E.  $FIRST(B) = \{\odot, \odot\}$ ,  $FIRST(A) = \{\odot, \odot\}$ ,  $FOLLOW(B) = \{(), -\}$  e  $FOLLOW(A) = \{-\}$

9. (10 points) Considere a gramática da questão anterior. Qual das seguintes opções está correcta?

- |           |          |    |    |    |         |         |            |
|-----------|----------|----|----|----|---------|---------|------------|
| <b>A.</b> | $\delta$ | (  | )  | -  | $\odot$ | $\odot$ | $\epsilon$ |
|           | A        | 2  | 1  | SE | 3       | 3       | 1          |
|           | B        | SE | SE | SE | 3       | 4       | SE         |
- |           |          |    |    |    |         |         |  |
|-----------|----------|----|----|----|---------|---------|--|
| <b>B.</b> | $\delta$ | (  | )  | -  | $\odot$ | $\odot$ |  |
|           | A        | 2  | 1  | SE | 3       | 3       |  |
|           | B        | SE | SE | SE | 3       | 4       |  |
- |           |          |    |    |    |         |         |            |
|-----------|----------|----|----|----|---------|---------|------------|
| <b>C.</b> | $\delta$ | (  | )  | -  | $\odot$ | $\odot$ | $\epsilon$ |
|           | A        | 3  | 1  | 2  | 3       | 3       | 1          |
|           | B        | SE | SE | SE | 3       | 4       | SE         |
- |           |          |    |    |    |         |         |  |
|-----------|----------|----|----|----|---------|---------|--|
| <b>D.</b> | $\delta$ | (  | )  | -  | $\odot$ | $\odot$ |  |
|           | A        | 3  | 1  | 2  | 3       | 3       |  |
|           | B        | SE | SE | SE | 3       | 4       |  |
- |           |          |    |    |    |         |         |            |
|-----------|----------|----|----|----|---------|---------|------------|
| <b>E.</b> | $\delta$ | (  | )  | -  | $\odot$ | $\odot$ | $\epsilon$ |
|           | A        | 3  | 1  | SE | 3       | 3       | SE         |
|           | B        | SE | SE | SE | 3       | 4       | SE         |

10. (10 points) Ao processar a palavra '( $\odot\odot$ )' , o analisador sintático LL(1) correspondente à gramática da questão 8 termina com:

- A. a entrada e a pilha vazias.
- B. ' $\odot$ ' na entrada e ' $-\odot$ ' na pilha.
- C. ' $\odot$ ' na entrada e a pilha vazia.
- D. ')'' na entrada e ')'' na pilha.
- E. ' $\odot$ )' na entrada e ' $-A$ )' na pilha.