

Algoritmos e Estruturas de Dados
Departamento de Informática, Universidade Nova de Lisboa
Segundo teste - 16 de Dezembro de 2014

Atenção: Os Anexos ao teste poderão ser-lhe úteis.

1. Considere a árvore AVL apresentada na Figura 1. Em cada nó está apenas representada a chave do mesmo.

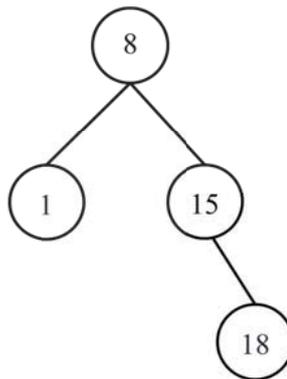


Figura 1

- a) Desenhe a árvore AVL resultante de inserir um elemento com a chave 16 na árvore apresentada;
 - b) Desenhe a árvore AVL resultante de remover o elemento com a chave 8 da árvore apresentada na Figura 1. Atenção que a remoção deve ser feita na árvore original, representada na Figura.
2. Considere o Tipo Abstrato de Dado Player representado pelo interface abaixo. O interface Player permite a consulta de informação relativa a um jogador de Basquetebol (nome, ano de nascimento, média de cestos marcados e convocação para o próximo jogo).

```
public interface Player {  
  
    //Devolve o nome do jogador.  
    String getName();  
  
    //Devolve o ano de nascimento do jogador.  
    int getYearOfBirth();  
  
    //Devolve a média de cestos marcados pelo jogador.  
    double getAverage();  
  
    //Devolve um valor boolean que determina se o jogador foi convocado para o  
    //próximo jogo.  
    boolean getConvened();  
  
}
```

Dado este interface, implemente o iterador `ConvenedIterator`, um iterador de objetos do tipo `Player` que recebe, no construtor, um iterador de objetos do mesmo tipo, em qualquer ordem, e que implementa a iteração de todos os jogadores da equipa, iterando primeiros os jogadores convocados para o próximo jogo. A ordem de iteração, dentro dos jogadores convocados e não convocados não é relevante.

Defina as variáveis de instância do iterador e implemente todos métodos auxiliares de que necessitar para completar a classe. Para cada método apresentado calcule (justificando) as suas complexidades temporais, no pior caso. Para este efeito pode considerar que os jogadores associados ao iterador de objetos `Player`, submetido no construtor do iterador a desenvolver, estão guardados em Lista duplamente ligada (`DoublyLinkedList<Player>`).

```
public class ConvenedIterator implements Iterator<Player> {  
  
    //Cria um iterador dos jogadores contidos no iterador it. Este iterador  
    //deverá iterar primeiro os jogadores convocados para o próximo jogo e  
    //só depois os restantes.  
    public ConvenedIterator(Iterator<Player> it);  
  
    //Inicializa a iteração.  
    public void rewind();  
  
    //Devolve true se a iteração ainda não tiver chegado ao fim.  
    public boolean hasNext();  
  
    //Devolve o próximo jogador na iteração, se esta não tiver chegado ao fim.  
    //Requires: hasNext()  
    public Player next() throws NoSuchElementException;  
}
```

3. Pretendemos desenvolver um Sistema de gestão de pagamentos mensais de um Liceu Privado. O Liceu gere os pagamentos com base nas famílias cujos filhos frequentam o liceu. O pagamento é efetuado por família, e quando a família inscreve os seus jovens no liceu, tem direito a desconto de 10% a partir do segundo filho inscrito. O valor base a pagar individualmente por cada aluno pode variar ao longo do ano e cada pagamento é efetuado por família, ou seja, engloba o pagamento das propinas de todos os alunos pertencentes à família. Desta forma, a informação associada à família é: código identificador (único) da família, número de filhos inscritos, nome do encarregado de educação e informação sobre se o pagamento mensal já foi regularizado. Relativamente aos dados do aluno, estes contêm: número de aluno (único no sistema), nome do aluno, ciclo em que se inscreve, valor mensal de base a pagar e família a que o aluno pertence. **Importante:** O sistema só gere os pagamentos de um mês. Quando um novo mês se inicia são arquivados os dados relativos ao mês anterior e o sistema é reinicializado. O sistema deverá permitir as seguintes operações:

- a) *Inserir família*, recebendo a seguinte informação: código de família e nome do encarregado de educação. A inserção só tem sucesso se o código de família ainda não existir no sistema. Pode assumir que o nome do encarregado de educação é único;

- b) *Inserir um novo Aluno*, recebendo: número de aluno, nome, ciclo, valor mensal base e família a que o aluno pertence. A Inserção só tem sucesso se a família já existe no sistema e se o número de aluno ainda não existe. O sistema deve ainda validar se o nome do aluno não existe ainda na família em causa, ou seja o nome do aluno deve ser único dentro da família;
- c) *Consultar valor mensal a pagar*, dando o código da família. Esta operação só terá sucesso se o código da família existir no sistema e deve calcular o valor mensal a pagar pela família, tendo em conta os descontos aplicáveis;
- d) *Efetuar pagamento*, dando o código da família. Esta operação só terá sucesso se o código da família existir no sistema, se pelo menos um filho estiver inscrito no liceu e se o pagamento do mês a decorrer não tiver ainda sido regularizado;
- e) *Alterar valor mensal de base a pagar*, dando o número do aluno e o código da família. Esta operação só tem sucesso se o número do aluno e o código da família existirem no sistema e se o pagamento mensal da família ainda não tiver sido efetuado;
- f) *Remover aluno*, dando o código da família e o número do aluno. Para a operação ter sucesso, o código da família e o número do aluno têm de existir no sistema. Se o aluno for o único filho da família inscrito no liceu, a família deverá também ser removida;
- g) *Listar pagamentos não efetuados*, ordenados alfabeticamente pelo nome do encarregado de educação. Esta operação deverá listar, para cada família que ainda não efetuou o pagamento mensal, o nome do encarregado de educação e o código da família.

Espera-se que o número de alunos e de famílias seja da ordem dos milhares. Com base nesta especificação:

- Explícite detalhadamente as estruturas de dados e as variáveis de instância mais adequadas para implementar esta aplicação;
- Descreva sumariamente os algoritmos para efetuar as sete operações (enumeradas de (a) a (g)) e calcule (justificando) as suas complexidades temporais, no caso esperado.

Não deve desenvolver código em java, apenas fazer uma descrição da implementação das operações de acordo com a sua escolha de estruturas de dados.