

Algoritmos e Estruturas de dados

Ano Lectivo 2012/2013

RELATÓRIO DE PROJECTO:

SchoolCARD – Cartão electrónico da escola

Docente: Prof. Vasco Amaral

Turno: P2

Autores:

Hugo António, nº 34334

Ricardo Gaspar, nº 35277

ÍNDICE

TIPOS ABSTRACTOS DE DADOS	3
Card e CardWritable.....	3
Product e ProductWritable.....	6
Transaction	8
SchoolSystem.....	9
ESTUDO DAS COMPLEXIDADES	13
Complexidade temporal.....	13
Complexidade espacial.....	18
ANEXOS	19
DIAGRAMA DE CLASSES	20
CÓDIGO FONTE	21
ESTRUTURAS IMPLEMENTADAS	22

TIPOS ABSTRACTOS DE DADOS

Card e CardWritable

As interfaces **Card** e **CardWritable** representam o cartão.

Card contém todas as operações relativas ao cartão que não modificam os seus atributos. Esta interface só possui métodos de consulta, por forma a proteger o código, uma vez que este tipo de objectos é devolvido para o programa principal (main).

```
public interface Card {

    /**
     * Devolve o código do cartão.
     *
     * @return Código do cartão.
     */
    int getCode();

    /**
     * Devolve o nome do aluno.
     *
     * @return Nome do aluno.
     */
    String getName();

    /**
     * Devolve o saldo do cartão.
     *
     * @return Saldo do cartão.
     */
    int getBalance();

    /**
     * Devolve a turma à qual o aluno pertence.
     *
     * @return Turma do aluno.
     */
    String getStudentClass();

    /**
     * Devolve a morada do aluno.
     *
     * @return Morada do aluno.
     */
    String getAddress();

    /**
     * Devolve o contacto do aluno.
     *
     * @return Contacto do aluno.
     */
    String getContact();

    /**
     * Devolve um produto favorito existente indicando o seu nome.
     *
     * @param productName
     *         Nome do produto a devolver.
     * @return Produto favorito com o nome indicado.
     * @throws CardWithoutFavouritesException
     *         Caso o cartão não tenha produtos favoritos associados.
     * @throws FavouriteProductInexistenceException
     *         Caso o cartão não tenha o produto favorito com o nome indicado
     */
    Product getFavouriteProduct(String productName)
```

```
/**
 * Devolve os movimentos realizados com o cartão.
 *
 * @return Iterador de movimentos realizados com o cartão.
 * @throws CardWithoutTransactionsException
 *     Caso não existam movimentos realizados pelo cartão.
 */
Iterator<Transaction> getTransactions()
    throws CardWithoutTransactionsException;

/**
 * Devolve todos os produtos favoritos associados ao cartão.
 *
 * @return Conjunto de entradas na árvore dos produtos favoritos existentes no cartão.
 * @throws CardWithoutFavouritesException
 *     Caso o cartão não tenha produtos favoritos associados.
 */
Set<Map.Entry<String, Product>> getFavourites() throws CardWithoutFavouritesException;
}
```

CardWritable contém as operações relativas ao cartão que modificam os seus atributos.

```

public interface CardWritable extends Card {

    /**
     * Recarrega o cartão.
     *
     * @param amount
     *      Valor a adicionar ao saldo.
     */
    void increaseBalance(int amount);

    /**
     * Adiciona um movimento ao cartão.
     *
     * @param product
     *      Produto.
     * @param totalItems
     *      Número de itens.
     */
    void addTransaction(Product product, int totalItems);

    /**
     * Adiciona um produto aos favoritos do cartão.
     *
     * @param p
     *      Produto a adicionar.
     * @throws FavouriteProductAlreadyExistsException
     *      Caso o produto indicado já exista nos favoritos do cartão.
     */
    void addFavourite(Product product) throws FavouriteProductAlreadyExistsException;

    /**
     * Remove um produto dos favoritos do cartão.
     *
     * @param productName
     *      Nome do produto.
     * @throws FavouriteProductInexistenceException
     *      Caso o produto indicado não exista nos favoritos do cartão.
     */
    void removeFavourite(String productName)
        throws FavouriteProductInexistenceException;

    /**
     * Remove todos os movimentos do cartão.
     */
    void clearTransactions();
}

```

A estrutura de dados escolhida para armazenar um conjunto de cartões foi um dicionário, implementado utilizando uma tabela de dispersão aberta, devido ao facto de permitir pesquisas (por chave), inserções e remoções com complexidade temporal constante (no caso esperado).

A estrutura de dados escolhida para armazenar os produtos favoritos associados a um cartão foi um dicionário ordenado, implementado por uma árvore AVL. Esta é utilizada para permitir o armazenamento dos produtos favoritos ordenados por ordem alfabética, bem como a sua listagem.

A sua inserção, remoção e pesquisa têm complexidade temporal ($1.44 \log n$).

Product e ProductWritable

As interfaces **Product** e **ProductWritable** representam o produto.

Product contém todas as operações relativas ao produto que não modificam os seus atributos. Esta interface só possui métodos de consulta, por forma a proteger o código, uma vez que este tipo de objectos é devolvido para o programa principal (main).

```
public interface Product {  
  
    /**  
     * Devolve o código do produto.  
     *  
     * @return Código do produto.  
     */  
    int getCode();  
  
    /**  
     * Devolve o nome do produto.  
     *  
     * @return Nome do produto.  
     */  
    String getName();  
  
    /**  
     * Devolve o preço do produto.  
     *  
     * @return Preço do produto.  
     */  
    int getPrice();  
  
    /**  
     * Devolve o total monetário de vendas.  
     *  
     * @return Valor total monetário de vendas.  
     */  
    int getTotalSales();  
}
```

ProductWritable contém as operações relativas ao cartão que modificam os seus atributos.

```
public interface ProductWritable extends Product{  
  
    /**  
     * Adiciona um valor ao total monetário de vendas do produto.  
     *  
     * @param totalItems  
     *       Numero de itens a adicionar ao total monetário de vendas.  
     */  
    void increaseTotalSales(int totalItems);  
  
    /**  
     * Inicializa o valor total monetário de vendas do produto.  
     */  
    void clearTotalSales();  
  
}
```

A estrutura de dados escolhida para armazenar um conjunto de produtos foi um dicionário, implementado utilizando uma tabela de dispersão aberta, devido ao facto de permitir pesquisas (por chave), inserções e remoções com complexidade temporal constante(no caso esperado). Além do dicionário, foi utilizada um dicionário ordenado implementado utilizando uma árvore AVL. Esta é utilizada para as listagens por ordem alfabética dos produtos.

Transaction

A interface **Transaction** representa um movimento.

```
public interface Transaction {  
  
    /**  
     * Devolve o código do produto.  
     *  
     * @return Código do produto.  
     */  
    int getProductCode();  
  
    /**  
     * Devolve o número total de itens do produto.  
     *  
     * @return Número total de itens do produto.  
     */  
    int getTotalItems();  
  
    /**  
     * Devolve o custo total do movimento.  
     *  
     * @return Custo total do movimento.  
     */  
    int getTotalCost();  
}
```

A estrutura de dados escolhida para armazenar um conjunto de movimentos foi uma lista, implementada utilizando uma lista duplamente ligada, devido ao facto de ser iterável. Esta é utilizada segundo uma disciplina de pilha de forma a manter a ordem de inserção. Assim sendo, a complexidade da inserção é constante.

SchoolSystem

A interface **SchoolSystem** representa o Sistema de Gestão de Cartões Eletrónicos escolares. Esta contém todas as operações possíveis de realizar no sistema.

```
public interface SchoolSystem {

    /**
     * Inserir um novo cartão no sistema.
     *
     * @param cardCode
     *     Código do cartão.
     * @param studentName
     *     Nome do aluno.
     * @param balance
     *     Saldo inicial do cartão.
     * @param studentClass
     *     Turma do aluno.
     * @param address
     *     Morada do aluno.
     * @param contact
     *     Contacto do aluno.
     * @throws CardAlreadyExistsException
     *     Caso já exista um cartão com o mesmo código.
     */
    void insertCard(int cardCode, String studentName, int balance,
                   String studentClass, String address, String contact)
        throws CardAlreadyExistsException;

    /**
     * Remove um cartão do sistema.
     *
     * @param cardCode
     *     Código do cartão.
     * @throws CardInexistenceException
     *     Caso não exista nenhum cartão com o código indicado.
     */
    void removeCard(int cardCode) throws CardInexistenceException;

    /**
     * Devolve um cartão existente no sistema.
     *
     * @param cardCode
     *     Código do cartão.
     * @return Cartão com o código indicado.
     * @throws CardInexistenceException
     *     Caso não exista nenhum cartão com o código indicado.
     */
    Card getCard(int cardCode) throws CardInexistenceException;

    /**
     * Carrega um cartão dado o seu código e o valor a carregar.
     *
     * @param cardCode
     *     Código do cartão.
     * @param amount
     *     Valor a carregar.
     * @throws CardInexistenceException
     *     Caso não exista nenhum cartão com o código indicado.
     */
    void increaseCardBalance(int cardCode, int amount)
        throws CardInexistenceException;
}
```

```

/**
 * Inserir um produto no sistema.
 *
 * @param productCode
 *     Código do produto.
 * @param productName
 *     Nome do produto.
 * @param productPrice
 *     Preço do produto.
 * @throws ProductAlreadyExistsException
 *     Caso já exista um produto no sistema com o mesmo código.
 * @throws ProductNameAlreadyExistsException
 *     Caso já exista um produto no sistema com o mesmo nome.
 */
void insertProduct(int productCode, String productName, int productPrice)
    throws ProductAlreadyExistsException,
           ProductNameAlreadyExistsException;

/**
 * Devolve um produto existente no sistema.
 *
 * @param productCode
 *     Código do produto.
 * @return Produto com o código indicado.
 * @throws ProductInexistenceException
 *     Caso o produto com o código indicado não exista.
 */
Product getProduct(int productCode) throws ProductInexistenceException;

/**
 * Compra de um produto.
 *
 * @param cardCode
 *     Código do cartão.
 * @param productCode
 *     Código do produto.
 * @param totalItems
 *     Número de itens a comprar do produto indicado.
 * @throws CardInexistenceException
 *     Caso o cartão com o código indicado não exista.
 * @throws ProductInexistenceException
 *     Caso o produto com o código indicado não exista.
 * @throws InsufficientBalanceException
 *     Caso o saldo do cartão indicado não tenha saldo insuficiente
 *     para a compra a realizar.
 */
void purchaseProduct(int cardCode, int productCode, int totalItems)
    throws CardInexistenceException, ProductInexistenceException,
           InsufficientBalanceException;

/**
 * Adiciona um produto aos favoritos de um cartão.
 *
 * @param cardCode
 *     Código do cartão.
 * @param productCode
 *     Código do produto.
 * @throws CardInexistenceException
 *     Caso o cartão com o código indicado não exista.
 * @throws ProductInexistenceException
 *     Caso o produto com o código indicado não exista.
 * @throws FavouriteProductAlreadyExistsException
 *     Caso o produto já exista nos favoritos do cartão.
 */
void addFavouriteProduct(int cardCode, int productCode)
    throws CardInexistenceException, ProductInexistenceException,
           FavouriteProductAlreadyExistsException;

```

```

/**
 * Compra de um produto favorito existente no cartão.
 *
 * @param cardCode
 *         Código do cartão.
 * @param productName
 *         Nome do produto.
 * @param totalItems
 *         Número de itens a comprar do produto indicado.
 * @throws CardInexistenceException
 *         Caso o cartão com o código indicado não exista.
 * @throws FavouriteProductInexistenceException
 *         Caso o produto não exista nos favoritos do cartão.
 * @throws InsufficientBalanceException
 *         Caso o saldo do cartão indicado não tenha saldo insuficiente
 *         para a compra a realizar.
 */
void purchaseFavouriteProduct(int cardCode, String productName,
                              int totalItems) throws CardInexistenceException,
                              FavouriteProductInexistenceException, InsufficientBalanceException;

/**
 * Remove um produto existente nos favoritos de um cartão.
 *
 * @param cardCode
 *         Código do cartão.
 * @param productName
 *         Nome do produto.
 * @throws CardInexistenceException
 *         Caso o cartão com o código indicado não exista.
 * @throws FavouriteProductInexistenceException
 *         Caso o produto não exista nos favoritos do cartão.
 */
void removeFavouriteProduct(int cardCode, String productName)
                              throws CardInexistenceException,
                              FavouriteProductInexistenceException;

/**
 * Lista os produtos favoritos do cartão indicado.
 *
 * @param cardCode
 *         Código do cartão.
 * @return Iterador de entries de produtos favoritos existentes no cartão.
 * @throws CardInexistenceException
 *         Caso o cartão com o código indicado não exista.
 * @throws CardWithoutFavouritesException
 *         Caso o cartão não tenha produtos favoritos.
 */
Iterator<Entry<String, Product>> listFavouriteProducts(int cardCode)
                              throws CardInexistenceException, CardWithoutFavouritesException;

/**
 * Lista todos os movimentos do cartão indicado.
 *
 * @param cardCode
 *         Código do cartão.
 * @return Iterador dos movimentos realizados com o cartão indicado.
 * @throws CardInexistenceException
 *         Caso o cartão com o código indicado não exista.
 * @throws CardWithoutTransactionsException
 *         Caso o cartão não tenha produtos favoritos.
 */
Iterator<Transaction> listTransactions(int cardCode)
                              throws CardInexistenceException, CardWithoutTransactionsException;

/**
 * Muda de mês do sistema. Faz com que o valor de vendas de todos os
 * produtos seja inicializado e os movimentos de todos os cartões existentes
 * sejam removidos.
 */
void changeMonth();

```

```
/**
 * Lista todos os produtos existentes no sistema.
 *
 * @return Iterador de entries de produtos existentes no sistema.
 * @throws ProductInexistenceException
 *         Caso não existam produtos no sistema.
 */
Iterator<Entry<String, Product>> listProducts() throws ProductInexistenceException;
}
```

ESTUDO DAS COMPLEXIDADES

Complexidade temporal

Nesta secção assume-se que todas as operações descritas nas tabelas ocorrem com sucesso.

Legenda:

λc – factor de ocupação da tabela de dispersão dos cartões.

$nCartões$ – número de elementos da tabela de dispersão dos cartões. No pior caso a complexidade é linear devido à possibilidade de realizar o rehash da tabela.

λp – factor de ocupação da tabela de dispersão dos produtos.

$nProdutos$ – número de elementos existentes na estrutura de dados que armazena produtos.

$nFavoritos$ – número de elementos existentes na AVL que armazena produtos favoritos.

$nMovimentos$ - número de elementos existentes na lista que armazena movimentos.

insertCard

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar a existência do cartão na tabela de dispersão dos cartões	$O(1)$	$O(nCartões)$	$O(1+\lambda c)$
Inserir cartão na tabela de dispersão dos cartões	$O(1)$	$O(nCartões)$	$O(1+\lambda c)$
TOTAL	$O(1)$	$O(nCartões)$	$O(1+\lambda c)$

removeCard

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar a existência do cartão na tabela de dispersão dos cartões	$O(1)$	$O(nCartões)$	$O(1+\lambda c)$
Remover o cartão da tabela de dispersão dos cartões	$O(1)$	$O(nCartões)$	$O(1+\lambda c)$
TOTAL	$O(1)$	$O(nCartões)$	$O(1+\lambda c)$

getCard

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar a existência do cartão na tabela de dispersão dos cartões	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(1+\lambda c)$
TOTAL	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(1+\lambda c)$

increaseCardBalance

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar a existência do cartão na tabela de dispersão dos cartões	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(1+\lambda c)$
TOTAL	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(1+\lambda c)$

insertProduct

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar a existência do produto na tabela de dispersão dos produtos	$O(1)$	$O(n\text{Produtos})$	$O(1+\lambda p)$
Verificar a existência do produto na AVL	$O(1)$	$(1.44) \log n\text{Produtos}$	$\log n\text{Produtos}$
Inserir o produto na tabela de dispersão dos produtos	$O(1)$	$O(n\text{Produtos})$	$O(1+\lambda p)$
Inserir o produto na AVL	$O(1)$	$O(1.44 \log n\text{Produtos})$	$O(\log n\text{Produtos})$
TOTAL	$O(1)$	$O(n\text{Produtos})$	$\log n\text{Produtos}$

getProduct

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar a existência do produto na tabela de dispersão dos produtos	$O(1)$	$O(n\text{Produtos})$	$O(1+\lambda p)$
TOTAL	$O(1)$	$O(n\text{Produtos})$	$O(1+\lambda p)$

purchaseProduct

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar a existência do cartão na tabela de dispersão dos cartões	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(1+\lambda c)$
Verificar a existência do produto na tabela de dispersão dos produtos	$O(1)$	$O(n\text{Produtos})$	$O(1+\lambda p)$
Adicionar transacção ao cartão	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
TOTAL	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$ ou $O(n\text{Produtos})$	$O(1+\lambda c)$ ou $O(1+\lambda p)$

Neste método a complexidade no pior caso e no caso esperado dependem do número de produtos e cartões. Ou seja, aquela que for maior determina a complexidade desta operação.

addFavouriteProduct

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar a existência do cartão na tabela de dispersão dos cartões	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(1+\lambda c)$
Verificar a existência do produto na tabela de dispersão dos produtos	$O(1)$	$O(n\text{Produtos})$	$O(1+\lambda p)$
Inserir produto favorito na AVL dos favoritos do cartão	$O(1)$	$O(1.44 \log n\text{Favoritos})$	$O(\log n\text{Favoritos})$
TOTAL	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$ ou $O(n\text{Produtos})$	$O(\log n\text{Favoritos})$

Neste método a complexidade no pior caso dependem do número de produtos e cartões. Ou seja, aquela que for maior determina a complexidade desta operação.

purchaseFavouriteProduct

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar a existência do cartão na tabela de dispersão dos cartões	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(1+\lambda c)$
Verificar a existência do produto favorito na tabela de dispersão dos produtos	$O(1)$	$O(n\text{Produtos})$	$O(1+\lambda p)$
Adicionar transacção ao cartão	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
TOTAL	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$ ou $O(n\text{Produtos})$	$O(1+\lambda c)$ ou $O(1+\lambda p)$

Neste método a complexidade no pior caso e no caso esperado dependem do número de produtos e cartões. Ou seja, aquela que for maior determina a complexidade desta operação.

removeFavouriteProduct

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar a existência do cartão na tabela de dispersão dos cartões	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(1+\lambda c)$
Remover produto favorito da AVL dos favoritos do cartão	$O(1)$	$O(1.44 \log n\text{Favoritos})$	$O(\log n\text{Favoritos})$
TOTAL	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(\log n\text{Favoritos})$

changeMonth

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Remover os movimentos de todos os cartões	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(n\text{Cartões})$
Inicializar as vendas de todos os produtos	$O(1)$	$O(n\text{Produtos})$	$O(n\text{Produtos})$
TOTAL	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$ ou $O(n\text{Produtos})$	$O(n\text{Cartões})$ ou $O(n\text{Produtos})$

Neste método a complexidade no pior caso e no caso esperado dependem do número de produtos e cartões. Ou seja, aquela que for maior determina a complexidade desta operação.

listFavouriteProducts

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar a existência do cartão na tabela de dispersão dos cartões	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(1+\lambda c)$
Devolver iterador da AVL dos favoritos de um cartão	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
TOTAL	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(1+\lambda c)$

listTransactions

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar a existência do cartão na tabela de dispersão dos cartões	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(1+\lambda c)$
Devolver iterador da lista dos movimentos de um cartão	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
TOTAL	$O(1)$	$O(n\text{Cartões})$	$O(1+\lambda c)$

listProducts

Acção	Melhor caso	Pior caso	Caso esperado
Verificar se a AVL está vazia	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
Devolver iterador da AVL dos produtos	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$
TOTAL	$O(1)$	$O(1)$	$O(1)$

Complexidade espacial

A complexidade espacial do programa é dada pela seguinte fórmula:

$$O(\text{dim1}) + O(\text{dim2}) + O(\text{dim3})$$

Dim1 – dimensão do vector da tabela de dispersão dos cartões. Sendo que cada cartão tem uma lista de movimentos (com a dimensão de $n\text{Movimentos}$) e uma árvore AVL de produtos favoritos (com a dimensão de $n\text{Favoritos}$).

Dim2 – dimensão do vector da tabela de dispersão dos produtos.

Dim3 – dimensão da árvore AVL dos produtos

ANEXOS

DIAGRAMA DE CLASSES

CÓDIGO FONTE

ESTRUTURAS IMPLEMENTADAS