

## REGRAS DE DERIVAÇÃO

Sejam:  $\alpha$  uma constante;  $x$  uma variável;  $f, g$  funções. Tem-se:

$(f + g)' = f' + g'$	derivada da soma	$(\alpha f)' = \alpha \cdot f'$	derivada do produto de uma constante por uma função
$(f \cdot g)' = f' \cdot g + f \cdot g'$	derivada do produto	$\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f' \cdot g - f \cdot g'}{g^2}$	derivada do quociente
$[g(f(x))]' = g'(f(x)) \cdot f'(x)$	derivada da composta	$(f^{-1})'(x) = \frac{1}{f'(y)}$	derivada da inversa

Sejam ainda:  $a$  e  $\alpha$  constantes;  $e$  nº neperiano;  $n$  nº natural. Tem-se:

$\alpha' = 0$	$x' = 1$
$(x^\alpha)' = \alpha x^{\alpha-1}$	$(f^\alpha)' = \alpha f^{\alpha-1} \cdot f'$
$(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$	$(\sqrt{f})' = \frac{f'}{2\sqrt{f}}$
$(\sqrt[n]{x})' = \frac{1}{n\sqrt[n]{x^{n-1}}}$	$(\sqrt[n]{f})' = \frac{f'}{n\sqrt[n]{f^{n-1}}}$
$(e^x)' = e^x$	$(e^f)' = e^f \cdot f'$
$(a^x)' = a^x \cdot \log a, \quad a \in \mathbb{R}^+ \setminus \{1\}$	$(a^f)' = a^f \cdot \log a \cdot f', \quad a \in \mathbb{R}^+ \setminus \{1\}$
$(f^g)' = g \cdot f^{g-1} \cdot f' + f^g \cdot \log f \cdot g'$	
$(\log x)' = 1/x$	$(\log f)' = f'/f$
$(\log_a x)' = \frac{1}{x \cdot \log a}, \quad a \in \mathbb{R}^+ \setminus \{1\}$	$(\log_a f)' = \frac{f'}{f \cdot \log a}, \quad a \in \mathbb{R}^+ \setminus \{1\}$
$(\operatorname{sen} x)' = \cos x$	$(\operatorname{sen} f)' = \cos f \cdot f'$
$(\cos x)' = -\operatorname{sen} x$	$(\cos f)' = -\operatorname{sen} f \cdot f'$
$(\operatorname{tg} x)' = \sec^2 x = 1/\cos^2 x$	$(\operatorname{tg} f)' = \sec^2 f \cdot f' = f'/\cos^2 f$
$(\operatorname{cotg} x)' = -\operatorname{cosec}^2 x = -1/\operatorname{sen}^2 x$	$(\operatorname{cotg} f)' = -\operatorname{cosec}^2 f \cdot f' = -f'/\operatorname{sen}^2 f$
$(\operatorname{arc sen} x)' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$(\operatorname{arc sen} f)' = \frac{f'}{\sqrt{1-f^2}}$
$(\operatorname{arc cos} x)' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$(\operatorname{arc cos} f)' = -\frac{f'}{\sqrt{1-f^2}}$
$(\operatorname{arc tg} x)' = \frac{1}{1+x^2}$	$(\operatorname{arc tg} f)' = \frac{f'}{1+f^2}$
$(\operatorname{arc cotg} x)' = -\frac{1}{1+x^2}$	$(\operatorname{arc cotg} f)' = -\frac{f'}{1+f^2}$

## TABELA DE PRIMITIVAS

(Imediatas e Quase Imediatas)

Sejam ainda:  $e$  nº neperiano;  $C$  uma constante real. Tem-se:

$P(\alpha) = \alpha x + C$	
$P(x^\alpha) = \frac{x^{\alpha+1}}{\alpha+1} + C \quad \alpha \neq -1$	$P(f' \cdot f^\alpha) = \frac{f^{\alpha+1}}{\alpha+1} + C \quad \alpha \neq -1$
$P(e^x) = e^x + C$	$P(f' \cdot e^f) = e^f + C$
$P(a^x) = \frac{a^x}{\log a} + C, \quad a \in \mathbb{R}^+ \setminus \{1\}$	$P(f' \cdot a^f) = \frac{a^f}{\log a} + C, \quad a \in \mathbb{R}^+ \setminus \{1\}$
$P(1/x) = \log  x  + C$	$P(f'/f) = \log  f  + C$
$P(\sin x) = -\cos x + C$	$P(f' \cdot \sin f) = -\cos f + C$
$P(\cos x) = \sin x + C$	$P(f' \cdot \cos f) = \sin f + C$
$P(\sec^2 x) = \operatorname{tg} x + C$	$P(f' \cdot \sec^2 f) = \operatorname{tg} f + C$
$P(1/\cos^2 x) = \operatorname{tg} x + C$	$P(f'/\cos^2 f) = \operatorname{tg} f + C$
$P(\operatorname{cosec}^2 x) = -\cot g x + C$	$P(f' \cdot \operatorname{cosec}^2 f) = -\cot g f + C$
$P(1/\sin^2 x) = -\cot g x + C$	$P(f' / \sin^2 f) = -\cot g f + C$
$P\left(\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}\right) = \arcsen x + C$	$P\left(\frac{f'}{\sqrt{1-f^2}}\right) = \arcsen f + C$
$P\left(\frac{1}{1+x^2}\right) = \operatorname{arc tg} x + C$	$P\left(\frac{f'}{1+f^2}\right) = \operatorname{arc tg} f + C$

**Substituições aconselháveis:**

Se na função figura a expressão...	Substitui-se $x = g(t)$ por ...
$\sqrt{a^2 - x^2}$	$x = a \operatorname{sen} t$
$\sqrt{a^2 + x^2}$	$x = a \operatorname{tg} t$
$\sqrt{x^2 - a^2}$	$x = a \operatorname{sec} t$
$e^{ax}$	$x = \ln t$
$\ln^a x$	$x = e^t$
$\sqrt[n]{ax + b}$	$x = \frac{t^n - b}{a}$

## EQUAÇÕES DIFERENCIAIS

TIPO DE EQUAÇÃO DIFERENCIAL	SOLUÇÃO
$y' + g(x)y = 0$	$y = k e^{-\int g(x) dx}, \quad k \text{ constante}$
$y' + g(x)y = h(x)$	$y = c e^{-\int g(x) dx} + e^{-\int g(x) dx} \int e^{\int g(x) dx} h(x) dx, \quad c \in \mathbb{R}$
$A(y) dy = B(x) dx$	$\int A(y) dy = \int B(x) dx + c, \quad c \in \mathbb{R}$ .