

# Design de Bases de Dados Relacionais

## ■ Tópicos:

- \* Objetivos com o Desenho de Bases de Dados
- \* Dependências funcionais
- \* 1ª Forma Normal
- \* Decomposição
- \* Forma Normal de Boyce-Codd
- \* 3ª Forma Normal
- \* Dependências multivalor
- \* 4ª Forma Normal
- \* Visão geral sobre o processo de design

## ■ Bibliografia:

- \* Capítulo 8 do livro recomendado
- \* Capítulos 4, 5, 6 e 7 do livro *The theory of relational databases*
  - ❖ Neste último, a matéria está muito mais detalhada, e o livro está disponível online, gratuitamente, na página do autor.

# Objectivos com o Design de BDs Relacionais

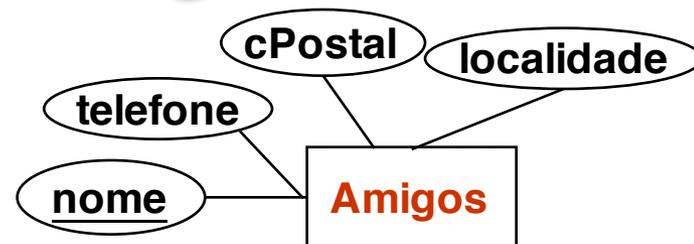
- Pretende-se encontrar “bons” conjuntos de esquemas relações, para armazenar os dados.
- Um “mau” design pode levar a:
  - ✦ Repetição de dados.
  - ✦ Impossibilidade de representar certos tipos de informação.
  - ✦ Dificuldade na verificação da integridade
- Objectivos do Design:
  - ✦ Evitar dados redundantes
  - ✦ Garantir que as relações relevantes sobre dados podem ser representadas
  - ✦ Facilitar a verificação de restrições de integridade.

# 1ª Forma Normal

- Um esquema R diz-se na **1ª forma normal** se os domínios de todos os seus atributos são atómicos.
- Uma domínio é **atomico** se os seus elementos forem unidades indivisíveis.
  - ★ Exemplo de domínios não atómicos:
    - ❖ Conjuntos (e.g. de nomes, de telefones), atributos compostos (e.g. com nome de rua, nº de porta, código postal e localidade)
    - ❖ Identificações com partes distintas (e.g. nº de carta de condução E-111222-5, nº de BI com último dígito)
- Os valores não atómicos complicam o armazenamento e encorajam repetições desnecessárias de dados.
  - ★ Acresce que complicam desnecessariamente a definição de dependências funcionais, e não trazem nenhuma vantagem!
- Daqui para a frente, assumiremos que todas os esquemas de relações estão já na 1ª Forma Normal.

# Exemplo de mau design

- Este esquema dá origem à tabela:  
*Amigos* = (nome, telefone, cPostal, localidade)



- Este esquema não é "bom design"

nome	telef	cPostal	localidade
Maria	1111	2815	Caparica
João	2222	1000	Lisboa
Pedro	1112	1100	Lisboa
Ana	3333	2815	Caparica

Repetido!

Redundante!

- Redundância:
  - ★ Os valores de (*cPostal*, *localidade*) são repetidos para cada amigo com um mesmo código postal
  - ★ Dá azo a inconsistências
  - ★ Complica bastante a verificação da integridade dos dados
- É redundante porque *cPostal* → *localidade*

# Evitar Redundância

- **1º Objetivo:** Obter um conjunto de esquemas que evite redundâncias
- Há redundância num esquema  $R$  sse existir alguma dependência funcional  $\alpha \rightarrow \beta$  não trivial definida sobre  $R$ , em que  $\alpha$  não é superchave em  $R$
- Dito de outra forma: Não há redundância sse para toda a dependência funcional  $\alpha \rightarrow \beta$  não trivial definida sobre  $R$ ,  $\alpha$  é superchave em  $R$
- Formalmente, não há redundância em  $R$  se para toda  $\alpha \rightarrow \beta \in F^+$ :
  - \*  $\beta \subseteq \alpha$  **ou**
  - \* Se  $\alpha \subseteq R$  e  $\beta \subseteq R$  então  $\alpha \rightarrow R \in F^+$

# Forma Normal de Boyce-Codd

Um esquema  $R$  diz-se na **Forma Normal de Boyce-Codd, BCNF**, relativamente a um conjunto de dependências  $F$ , sse para toda a dependência em  $F^+$  da forma  $\alpha \rightarrow \beta$ , onde  $\alpha \subseteq R$  e  $\beta \subseteq R$ , pelo menos uma das condições é verdadeira:

- ✱  $\alpha \rightarrow \beta$  é trivial (i.e.,  $\beta \subseteq \alpha$ )
- ✱  $\alpha$  é superchave de  $R$  (i.e.,  $\alpha \rightarrow R$ )

- Evita redundâncias
- Verificação de dependências funcionais definidas sobre atributos de  $R$ , limita-se a verificação de chaves.
- Quando há redundância, ou seja quando o esquema não está na BCNF, há que decompor o esquema!

# Decomposição sem perdas

- Decomposição de *Amigos* em *Amigos1* = (*nome, telefone, código\_postal*) e *CPs* = (*código\_postal, localidade*) :

<b>nome</b>	<b>telef</b>	<b>cPostal</b>	<b>localidade</b>
Maria	1111	2815	Caparica
João	2222	1000	Lisboa
Pedro	1112	1100	Lisboa
Ana	3333	2815	Caparica

Notar que é válida:  
*cPostal* → *localidade*

<b>nome</b>	<b>telef</b>	<b>cPostal</b>
Maria	1111	2815
João	2222	1000
Pedro	1112	1100
Ana	3333	2815

<b>cPostal</b>	<b>localidade</b>
2815	Caparica
1000	Lisboa
1100	Lisboa

# Decomposição com perdas

## ■ Decomposição de *Amigos* em:

★ *Amigos2* = (*nome, telefone, localidade*) e *Loc* = (*código\_postal, localidade*).

nome	telef	cPostal	localidade
Maria	1111	2815	Caparica
João	2222	1000	Lisboa
Pedro	1112	1100	Lisboa
Ana	3333	2815	Caparica



nome	telef	localidade
Maria	1111	Caparica
João	2222	Lisboa
Pedro	1112	Lisboa
Ana	3333	Caparica

cPostal	localidade
2815	Caparica
1000	Lisboa
1100	Lisboa

Notar que **não é válida** nenhuma das dependências:

*localidade* → *cPostal*

*localidade* → *nome, telefone*

# Decomposição sem perdas

- **2º objetivo:** Só fazer decomposições sem perdas
- Para que seja uma decomposição válida do esquema  $R$  em  $R_1$  e  $R_2$ , todos os atributos de  $R$  têm que aparecer ou em  $R_1$  ou em  $R_2$ 
  - ★ Formalmente:  $R = R_1 \cup R_2$
- Há perda de informação sse os atributos comuns a  $R_1$  e  $R_2$  não são chave nem em  $R_1$  nem em  $R_2$
- Dito de outra forma, a decomposição é sem perdas sse os atributos comuns a  $R_1$  e  $R_2$  são chave em  $R_1$  ou em  $R_2$
- Formalmente, a decomposição de  $R$  em  $R_1$  e  $R_2$  é sem perdas se pelo menos uma das dependências abaixo pertence a  $F^+$ :

$$R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1$$

$$R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2$$

# Exemplo

- $R = (A, B, C)$   
 $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C\}$
- $R$  não está em BCNF:
  - ★  $B \rightarrow C \in F$  e  $\{B\}^+ = \{B, C\} \neq R = \{A, B, C\}$
- Decomposição em  $R_1 = (A, B)$ ,  $R_2 = (B, C)$ 
  - ★  $R_1$  e  $R_2$  estão na BCNF  
 $F_1^+ = \{A \rightarrow B, \dots\}$  e  $\{A\}^+ = \{A, B\} = R_1$   
 $F_2^+ = \{B \rightarrow C, \dots\}$  e  $\{B\}^+ = \{B, C\} = R_2$
  - ★ Decomposição sem perdas:  
 $R_1 \cap R_2 = \{B\}$  e  $B \rightarrow BC \in F^+$

# Teste para BCNF

- Para determinar se uma dependência não trivial  $\alpha \rightarrow \beta$  é causa de violação de BCNF
  1. calcular  $\alpha^+$  (fecho de atributos em  $\alpha$ ), e
  2. Verificar se inclui todos os atributos de  $R$ , i.e. é superchave de  $R$ . Se incluir, está na BCNF; caso contrário não está.
- **Teste simplificado:** Em vez de verificar para todas as dependências de  $F^+$ , verificar apenas para as dependências numa cobertura.
  - ★ Se nenhuma das dependências da cobertura violar a BCNF, então nenhuma das dependências de  $F^+$  viola a BCNF.

# Teste para BCNF

- Mas **cuidado** quando há dependências que não estão na cobertura canônica mas que estão definidas sobre o esquema!!
  - ✦ E.g. Seja  $R(A, B, C, D)$ , com  $F = \{A \rightarrow B, B \rightarrow C\}$ 
    - ❖ Decomposição de  $R$  em  $R_1(A, B)$  e  $R_2(A, C, D)$
    - ❖ Nenhuma das dependências em  $F$  contém só atributos de  $(A, C, D)$
    - ❖ Por isso, podemos (erradamente) pensar que  $R_2$  satisfaz BCNF.
    - ❖ Mas a dependência  $A \rightarrow C \in F^+$  e portanto também pertence a  $F_2$ , demonstrando que  $R_2$  não está na BCNF.

# Algoritmo para Decomposição BCNF

```
result := {R};  
done := false;  
calcular  $F^+$ ;  
while (not done) do  
  if (há um esquema  $R_i$  em result que não está na BCNF)  
  then begin  
    Seja  $\alpha \rightarrow \beta$  uma dependência sobre  $R_i$  tal que  
       $\alpha \rightarrow R_i \notin F^+$  e  $\alpha \cap \beta = \emptyset$ ;  
    result := (result -  $R_i$ )  $\cup$  ( $R_i$  -  $\beta$ )  $\cup$  ( $\alpha$ ,  $\beta$ );  
  end  
else done := true;
```

Nota: cada  $R_i$  está na BCNF, e a decomposição é sem perdas.

# Exemplo de Decomposição BCNF

- $Amigos = (nome, telefone, código\_postal, localidade)$
- $F = \{ nome \rightarrow telefone, código\_postal$   
 $código\_postal \rightarrow localidade \quad \}$
- Decomposição:
  - ★  $result = \{Amigos\}$ 
    - ❖  $código\_postal \rightarrow localidade \in F^+$
    - ❖  $código\_postal \rightarrow nome, telefone, código\_postal, localidade \notin F^+$ 
      - i.e.  $código\_postal$  não é chave
    - ❖  $\{código\_postal\} \cap \{localidade\} = \emptyset$
  - ★  $result = \{(nome, telefone, código\_postal), (código\_postal, localidade)\}$
  - ★ Já está na BCNF.

# Outro exemplo

- $R = (\text{balcão}, \text{localidade}, \text{ativos}, \text{cliente}, \text{num\_emprestimo}, \text{valor})$   
 $F = \{\text{balcão} \rightarrow \text{ativos}, \text{localidade}$   
 $\quad \text{num\_emprestimo} \rightarrow \text{valor}, \text{balcão} \}$   
Chave =  $\{\text{num\_emprestimo}, \text{cliente}\}$
- Decomposição
  - ★  $\text{result} = \{R\}$ 
    - ❖  $\text{balcão} \rightarrow \text{ativos}, \text{localidade} \in F^+$  e  $\text{balcão}$  não é chave em  $R$
    - ❖  $R_1 = (\text{balcão}, \text{ativos}, \text{localidade})$
    - ❖  $R_2 = (\text{balcão}, \text{cliente}, \text{num\_emprestimo}, \text{valor})$
  - ★  $\text{result} = \{R_1, R_2\}$ 
    - ❖  $\text{num\_emprestimo} \rightarrow \text{valor}, \text{balcão} \in F_2^+$  e  $\text{num\_emprestimo}$  não é chave em  $R_2$
    - ❖  $R_3 = (\text{num\_emprestimo}, \text{valor}, \text{balcão})$
    - ❖  $R_4 = (\text{cliente}, \text{num\_emprestimo})$
  - ★  $\text{result} = \{R_1, R_3, R_4\}$
  - ★ Já está na BCNF

# Teste de Decomposição BCNF

- Para verificar se  $R_i$  numa decomposição de  $R$  está na BCNF, pode-se testar  $R_i$  relativamente à restrição de  $F$  a  $R_i$  (i.e. todas as dependências em  $F^+$  que só contêm atributos de  $R_i$ ).
  - ✦ No entanto, obriga ao cálculo de  $F^+$
- Pode-se usar uma cobertura de dependências sobre  $R$  mas com o seguinte teste:

- ✦ Para todo o subconjunto  $\alpha$  de atributos de  $R_i$ , verificar se  $\alpha^+$  (fecho relativo a  $F$ ) não inclui nenhum atributo de  $R_i - \alpha$ , ou inclui todos os atributos de  $R_i$ .
  - ❖ Se a condição do teste for violada para um subconjunto  $\alpha$  de atributos de  $R_i$ , então a dependência funcional  $\alpha \rightarrow (\alpha^+ - \alpha) \cap R_i$  pertence a  $F^+$ .
  - ❖ Usa-se essa dependência para decompor  $R_i$

gestores-bal

balcão	gestor-conta
Lisboa	Ana
Porto	Francisco
Faro	Maria

## Exemplo

Redundância!

clientes

gestores		clientes	
balcão	cliente	gestor-conta	gestor-conta
Lisboa	Pedro	Ana	Ana
Porto	Carla	Francisco	Francisco
Porto	Pedro	Francisco	Francisco
Porto	Pedro	Maria	Francisco
Faro	Pedro	Maria	Maria

- Considere o esquema  $Gestores = (balcão, cliente, gestor-conta)$ ,
- com as dependências:
  1.  $gestor-conta \rightarrow balcão$  (um gestor só trabalha num balcão)
  2.  $cliente, balcão \rightarrow gestor-conta$  (cada cliente só tem um gestor por balcão)
- Não está na BCNF (a dependência 1 não é trivial e  $gestor-conta$  não é superchave – não determina  $cliente$ )  $\Rightarrow$  Redundância
- Usando a dependência 1 para decompor Gestores, obtemos:  $Gestores-Bal = (balcão, gestor-conta)$  e  $Clientes = (cliente, gestor-conta)$
- Agora já está na BCNF
- No entanto, não se preservam as dependências funcionais:
  - \* A dependência 2 não se pode verificar numa só relação, i.e. não podemos verificar que cada cliente só tem um gestor por balcão analisando separadamente as relações Gestores-Bal e Clientes.

# Normalização por uso de Dependências

- Quando decomparamos um esquema  $R$  com dependências  $F$ , em  $R_1, R_2, \dots, R_n$  queremos
  - ✦ 1º objetivo: Evitar redundância
  - ✦ 2º objetivo: Decomposição sem perdas
  - ✦ 3º objetivo: **Preservação de dependências**
- Seja  $F_i$  o conjunto de dependências de  $F^+$  que só contêm atributos de  $R_i$ .
  - ❖ A decomposição **preserva as dependências** se
$$(F_1 \cup F_2 \cup \dots \cup F_n)^+ = F^+$$
  - ❖ Sem preservação de dependências, a garantia de integridade pode obrigar a considerar mais do que um esquema, sempre que se adicionam, apagam ou atualizam relações da base de dados. Tal pode tornar-se bastante ineficiente!

# Exemplo

■  $R = (Nome, CP, Local)$  com  $F = \{Nome \rightarrow CP, CP \rightarrow Local\}$

■ *Decomposição de  $R$  em  $R_1 = (Nome, CP)$  e  $R_2 = (CP, Local)$*

★ *Decomposição sem perdas:*

$$R_1 \cap R_2 = \{CP\} \text{ e } CP \rightarrow CP, Local$$

★ *Preserva as dependências:*

$$(F_1 \cup F_2)^+ = F^+ \text{ onde } F_1 = \{Nome \rightarrow CP, \dots\} \text{ e } F_2 = \{CP \rightarrow Local, \dots\}$$

■ *Decomposição de  $R$  em  $R_1 = (Nome, CP)$  e  $R_2 = (Nome, Local)$*

★ *Decomposição sem perdas:*

$$R_1 \cap R_2 = \{Nome\} \text{ e } Nome \rightarrow Nome, CP$$

★ **Não** *preserva as dependências:*

$$(F_1 \cup F_2)^+ \neq F^+ \text{ onde } F_1 = \{Nome \rightarrow CP, \dots\} \text{ e } F_2 = \{Nome \rightarrow Local, \dots\}$$

❖ *não se pode verificar  $CP \rightarrow Local$  só com base em  $R_1$  e  $R_2$  separadamente*

# Teste de Preservação de Dependências

Para verificar se  $\alpha \rightarrow \beta$  é preservada na decomposição R em  $R_1, R_2, \dots, R_n$  aplica-se o seguinte teste:

★ *result* :=  $\alpha$

**while** (alterações a *result*) **do**

**for each**  $R_i$  na decomposição

*result* := *result*  $\cup ((\text{result} \cap R_i)^+ \cap R_i)$

★ Se *result* contém todos os atributos em  $\beta$ , então  $\alpha \rightarrow \beta$  é preservada.

■ Aplica-se este teste a todas as dependências de F, para verificar se a decomposição preserva as dependências

■ Ao contrário do cálculo de  $F^+$  e  $(F_1 \cup F_2 \cup \dots \cup F_n)^+$  (que tem complexidade exponencial), este procedimento tem complexidade polinomial.

# BCNF e preservação de dependências

- Nem sempre é possível obter uma decomposição BCNF que preserve as dependências.

- $R = (J, K, L)$

$$F = \{JK \rightarrow L$$

$$L \rightarrow K\}$$

Duas chaves candidatas =  $JK$  e  $JL$

- $R$  não está na BCNF

- Nenhuma decomposição de  $R$  preserva

$$JK \rightarrow L$$

# Normalização por uso de Dependências

- Quando decomparamos um esquema  $R$  com dependências  $F$ , em  $R_1, R_2, \dots, R_n$  queremos
  - \* **Decomposição sem perdas**: Por forma a não se perder informação.
  - \* **Não haja redundância**: Garantido pela Forma Normal de Boyce Codd
  - \* **Preservação de dependências**: Para que a verificação da integridade se possa fazer relação a relação
- O algoritmo para decomposição BCNF:
  - \* Garante uma decomposição sem perdas.
  - \* Garante que as relações resultantes estão na BCNF.
  - \* **Não garante** a preservação das dependências!

# Motivação para a 3ª Forma Normal

- Há situações em que:
  - ✦ a BCNF não preserva as dependências, e
  - ✦ a eficiência na verificação de integridade aquando de alterações é importante
- Solução: definir uma forma normal mais fraca – 3ª Forma Normal:
  - ✦ Admite alguma redundância (o que pode trazer problemas, como veremos à frente)
  - ✦ Mas as dependências podem ser verificadas relação a relação, isoladamente
  - ✦ É sempre possível fazer uma decomposição sem perdas para a 3NF, que preserva as dependências.

# Exemplo Motivador

- O esquema *Gestores* = (*balcão*, *cliente*, *gestor-conta*), com as dependências:
  1. *gestor-conta* → *balcão*
  2. *cliente*, *balcão* → *gestor-conta*não estava na BCNF por causa da primeira dependência.
- As duas chaves candidatas de *Gestores* são {*cliente*, *balcão*} e {*gestor-conta*, *cliente*}. Mas:
  - ✦ Ao decompor *Gestores* com base na 1ª dependência, *balcão* vai ficar numa relação diferente daquela onde fica *cliente*.
  - ✦ Logo deixa de ser possível verificar a chave candidata {*cliente*, *balcão*} (2ª dependência funcional) de *Gestores* numa só relação!
- Solução:
  - ✦ Para se continuar a poder verificar a chave candidata da relação original, a solução é não permitir a decomposição de um esquema com base numa dependência que à direita contenha apenas alguns dos atributos de uma chave candidata.

# 3ª Forma Normal

Um esquema  $R$  está na 3ª Forma Normal (3FN) sse para toda:

$$\alpha \rightarrow \beta \in F^+$$

pelo menos uma das condições é verdadeira:

- ✦  $\alpha \rightarrow \beta$  é trivial (i.e.,  $\beta \subseteq \alpha$ )
- ✦  $\alpha$  é superchave de  $R$  (i.e.,  $\alpha \rightarrow R \in F^+$ )
- ✦ Todo atributo  $A \in (\beta - \alpha)$  está contido numa chave candidata de  $R$ .

(NOTA: cada um dos atributos pode pertencer a uma chave candidata distinta)

- A 3ª condição relaxa a BCNF para garantir que é possível uma decomposição com preservação de dependências
- Se  $R$  está na BCNF então está também na 3FN

# Exemplo

- Esquema *Gestores* = (*balcão*, *cliente*, *gestor-conta*) com as dependências:

- gestor-conta* → *balcão*
- cliente*, *balcão* → *gestor-conta*

*gestores*

<i>balcão</i>	<i>cliente</i>	<i>gestor-conta</i>
Lisboa	Pedro	Ana
Porto	Carla	Francisco
Porto	Pedro	Francisco
Faro	Pedro	Maria

Redundância!

- Tem duas chaves candidatas: {*cliente*, *balcão*} e {*gestor-conta*, *cliente*}.
- Está na 3ªFN porque:
  - balcão* ∈ chave candidata {*cliente*, *balcão*} e
  - {*cliente*, *balcão*} é superchave
- Não está na BCNF porque dep. func. 1. não é trivial e *gestor-conta* não é superchave.
- Decomposição BCNF:

Não preserva a dependência funcional  
*cliente*, *balcão* → *gestor-conta*

*clientes*

<i>cliente</i>	<i>gestor-conta</i>
Pedro	Ana
Carla	Francisco
Pedro	Francisco
Pedro	Maria

*gestores-bal*

<i>balcão</i>	<i>gestor-conta</i>
Lisboa	Ana
Porto	Francisco
Faro	Maria

# Teste para 3FN

- **Optimização:** Basta verificar para uma cobertura de  $F$  (não é necessário verificar para toda a dependência em  $F^+$ )
- Usar fecho de atributos para verificar, em toda a dependência  $\alpha \rightarrow \beta$ , se  $\alpha$  é superchave.
- Se  $\alpha$  não for superchave, há que verificar se todo o atributo em  $\beta$  pertence a alguma chave candidata de  $R$ 
  - ✦ Este teste é bastante ineficiente, pois envolve o cálculo de chaves candidatas
  - ✦ Pode demonstrar-se que verificar se um conjunto de esquemas está na 3FN tem complexidade NP-hard (muito complexo!)
  - ✦ No entanto, é possível fazer a decomposição para a 3FN em tempo polinomial

# Algoritmo de Decomposição para 3FN

Seja  $F_c$  uma cobertura canônica de  $F$ ;

$i := 0$ ;

**for each**  $\alpha \rightarrow \beta \in F_c$  **do**

**if** nenhum dos esquemas  $R_j$ ,  $1 \leq j \leq i$  contém  $\alpha \beta$

**then begin**

$i := i + 1$ ;

$R_i := \alpha \beta$

**end**

**if** nenhum dos esquemas  $R_j$ ,  $1 \leq j \leq i$  contém uma chave  
candidata de  $R$

**then begin**

$i := i + 1$ ;

$R_i :=$  uma (qualquer) chave candidata de  $R$ ;

**end**

**return**  $(R_1, R_2, \dots, R_i)$

# Exemplo

- Considere o esquema:

*Info-Gestores* = (*balcão*, *cliente*, *gestor-conta*, *gabinete*)

- As dependências definidas sobre este esquema são:

*gestor-conta* → *balcão*, *gabinete*

*cliente*, *balcão* → *gestor-conta*

- As chaves candidatas são:

{*cliente*, *balcão*} e {*gestor-conta*, *cliente*}

- *Info-Gestores* não está na 3FN. Considerando a dependência funcional *gestor-conta* → *balcão*, *gabinete*, verificamos que:

- ★ *gestor-conta* não é superchave;

- ★ *gabinete* ∉ chave candidata.

- O ciclo **for** do algoritmo leva à introdução dos seguintes esquemas na decomposição:

*Gestores-gab* = (*gestor-conta*, *balcão*, *gabinete*)

*Gestores* = (*cliente*, *balcão*, *gestor-conta*)

- Como *Gestores* contém uma chave candidata de *Info-Gestores*, {*cliente*, *balcão*}, o processo de decomposição termina.

# Exemplo

- Esquema *Gestores* = (balcão, cliente, gestor-conta, gabinete) com as dependências:
  - gestor-conta → balcão, gabinete
  - cliente, balcão → gestor-conta

Redundância!

info-gestores

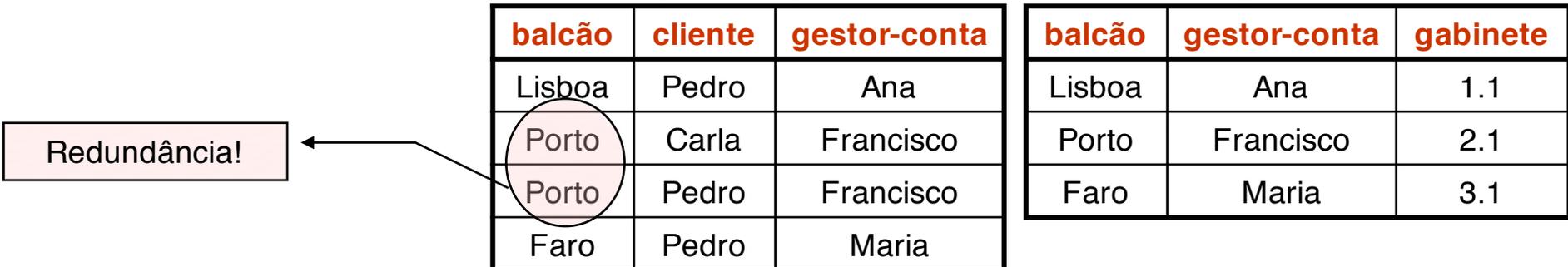
balcão	cliente	gestor-conta	gabinete
Lisboa	Pedro	Ana	1.1
Porto	Carla	Francisco	2.1
Porto	Pedro	Francisco	2.1
Faro	Pedro	Maria	3.1

- Não está na BCNF nem na 3NF

- Decomposição BCNF:



- Decomposição 3NF:



# Outro exemplo

- Considere o esquema:

$$R = (A, B, C)$$

- Com as dependências:

$$A \rightarrow C$$

$$B \rightarrow C$$

- A chave candidata é:

$$\{ A, B \}$$

- O ciclo **for** do algoritmo, leva à introdução dos seguintes esquemas na decomposição:

$$R_1 = (A, C)$$

$$R_2 = (B, C)$$

- Como nem  $R_1$  nem  $R_2$  contém a chave candidata de  $R$  o processo de decomposição adiciona ainda:

$$R_3 = (A, B)$$

# Mais um exemplo

- Considere o esquema  $\text{Semestre}=(C,P,H,S,A,N)$  representando a informação relativa à componente prática de uma dada cadeira num semestre, onde  $C$ =Cadeira,  $P$ =Professor,  $H$ =Hora,  $S$ =Sala,  $A$ =Aluno e  $N$ =Nota.
- Considere as seguintes dependências funcionais:  
 $F = \{C \rightarrow P, HS \rightarrow C, HP \rightarrow S, CA \rightarrow N, HA \rightarrow S, HSP \rightarrow CS\}$
- Primeiro determina-se uma cobertura canónica:  
 $F_c = \{C \rightarrow P, HS \rightarrow C, HP \rightarrow S, CA \rightarrow N, HA \rightarrow S\}$
- Chaves candidatas:  $\{A,H\}$
- Ciclo **for**: cria as seguintes 5 relações, correspondentes às 5 dependências funcionais da cobertura canónica:  
 $R_1=(C,P) \quad R_2=(H,S,C) \quad R_3=(H,P,S) \quad R_4=(C,A,N) \quad R_5=(H,A,S)$
- Como já existe uma relação ( $R_5$ ) contendo uma chave candidata ( $\{A,H\}$ ), não é necessário criar mais relações.

# Propriedade do algoritmo de Decomposição

- O algoritmo descrito garante que:
  - ✦ Todo o esquema  $R_i$  está na 3FN
  - ✦ A decomposição preserva as dependências e é sem perdas
- Note que só é garantido que se preservam as dependências no conjunto de todas as relações da decomposição. Mesmo que exista um subconjunto dessas relações que contenha todos os atributos da relação original, não se garante que, nele, as dependências sejam preservadas.
- A decomposição de  $R = (A, B, C)$ , com  $A \rightarrow C$  e  $B \rightarrow C$ , em:  
$$R_1 = (A, C) \quad R_2 = (B, C) \quad R_3 = (A, B)$$
preserva as dependências:
  - ✦  $F_1 = \{A \rightarrow C, \dots\}$ ,  $F_2 = \{B \rightarrow C, \dots\}$ ,  $F_3 = \{\dots\}$  e  $(F_1 \cup F_2 \cup F_3)^+ = F^+$
- Mas  $(F_1 \cup F_3)^+ \neq F^+$ , apesar de  $R_1 \cup R_3 = R!!$
- Em particular  $B \rightarrow C \in F^+$  mas  $B \rightarrow C \notin (F_1 \cup F_3)^+$

# Propriedade do algoritmo de Decomposição

- O resultado do algoritmo não é único pois depende:
  - ✦ da cobertura canónica utilizada
  - ✦ da chave candidata de R utilizada
  - ✦ nalguns casos, também da ordem pela qual se consideram as dependências funcionais

# BCNF versus 3NF

- É sempre possível decompor um esquema, num conjunto de esquemas na 3FN em que:
  - \* a decomposição é sem perdas
  - \* as dependências são preservadas
  - \* **Mas pode haver alguma redundância!!**
- É sempre possível decompor um esquema, num conjunto de esquemas na BCNF em que
  - \* a decomposição é sem perdas
  - \* não há redundância
  - \* **Mas nem sempre se podem preservar as dependências!!**

# BCNF ou 3NF?

- Objetivos do design, numa primeira fase:
  - ✦ BCNF.
  - ✦ Decomposição sem perdas.
  - ✦ Preservação de dependências.
- Porquê?
  - ✦ Porque assim, todas as dependências funcionais se podem testar impondo superchaves em relações, isoladamente
  - ✦ Nos SGBD esses testes são muito eficientes!
- Se tal não for possível, então há que optar por uma de
  - ✦ Admitir algumas inconsistência – **Esta é a pior das soluções!**
  - ✦ BCNF e fazer testes entre tabelas para de dependências não preservadas
  - ✦ 3NF e fazer testes adicionais para evitar inconsistência vinda de redundância
  - ✦ Veremos mais à frente, como é que se podem fazer esses testes
- Como escolher entre BCNF e 3NF?
  - ✦ Depende de que testes forem mais eficientes
    - ❖ mas isso depende em muito do tipo de uso da BD
  - ✦ Eficiência não é o foco desta UC