

# PROCURA COM ADVERSÁRIOS (JOGOS)

ANO LECTIVO 2013/2014 - 1º SEMESTRE – ADAPTADO DE  
[HTTP://AIMA.EECS.BERKELEY.EDU/SLIDES-TEX/](http://aima.eecs.berkeley.edu/slides-tex/)

# Resumo

- ◇ Estratégias óptimas
- ◇ Recursos Limitados
- ◇ Corte  $\alpha$ - $\beta$
- ◇ Jogos com factor sorte
- ◇ Jogos com informação imperfeita

# Jogos vs. problemas de procura

Adversário “imprevisível”  $\Rightarrow$  solução é uma **estratégia**  
especificando uma jogada para cada resposta possível do oponente

Limites temporais  $\Rightarrow$  pouco provável encontrar estratégia óptima, tem de se aproximar

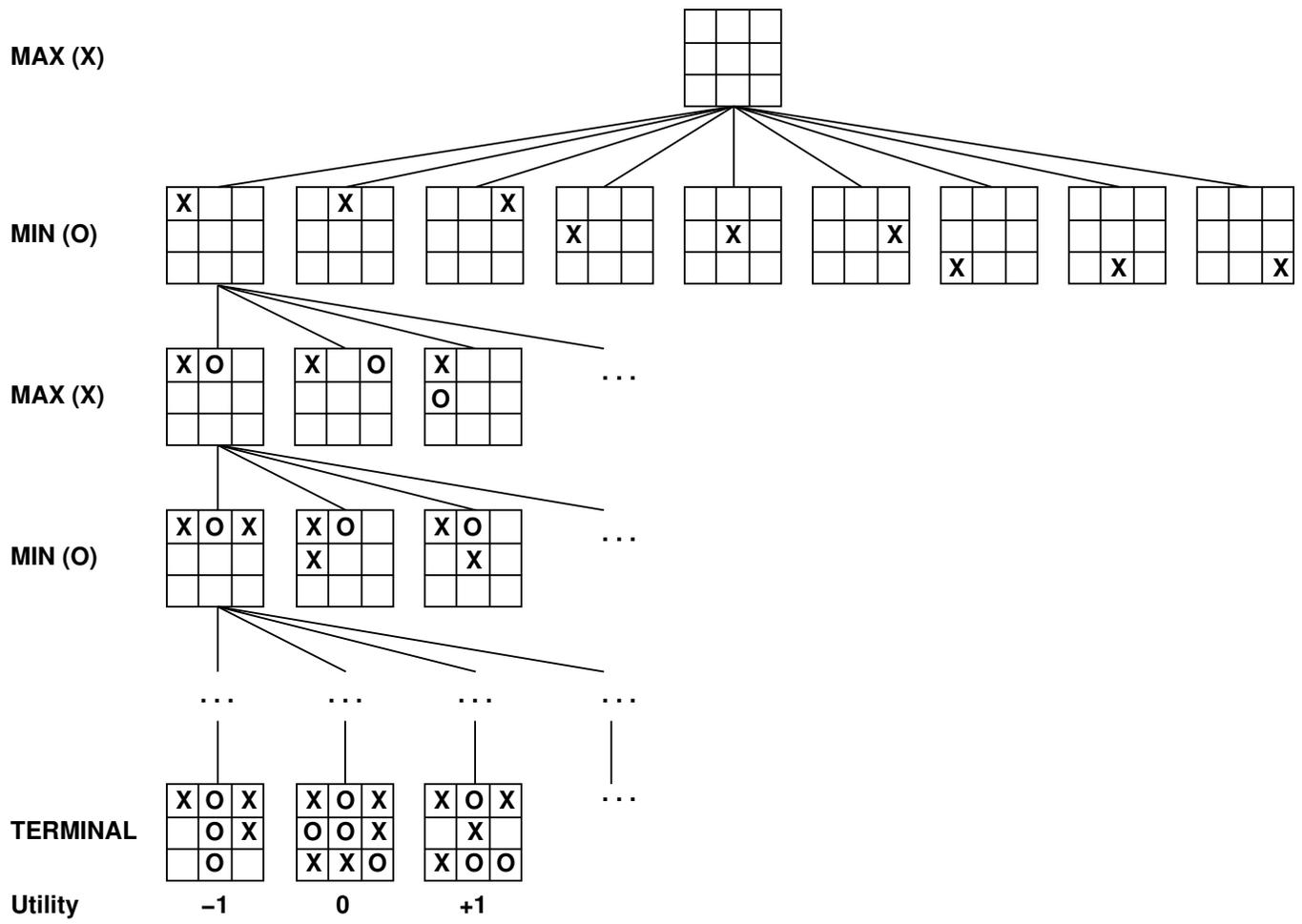
Plano de ataque:

- Computador considera as possíveis jogadas (Babbage, 1846)
- Algoritmo para jogador perfeito (Zermelo, 1912; Von Neumann, 1944)
- Horizonte finito, avaliação aproximada (Zuse, 1945; Wiener, 1948; Shannon, 1950)
- Primeiro jogador de Xadrez (Turing, 1951)
- Aprendizagem automática para melhor precisão da avaliação (Samuel, 1952–57)
- Cortes permitem procura mais profunda (McCarthy, 1956)

# Tipos de jogos

	<b>deterministic</b>	<b>chance</b>
<b>perfect information</b>	<b>chess, checkers, go, othello</b>	<b>backgammon monopoly</b>
<b>imperfect information</b>	<b>battleships, blind tictactoe</b>	<b>bridge, poker, scrabble nuclear war</b>

# Árvore de Jogo (2 jog., determ., alternados)

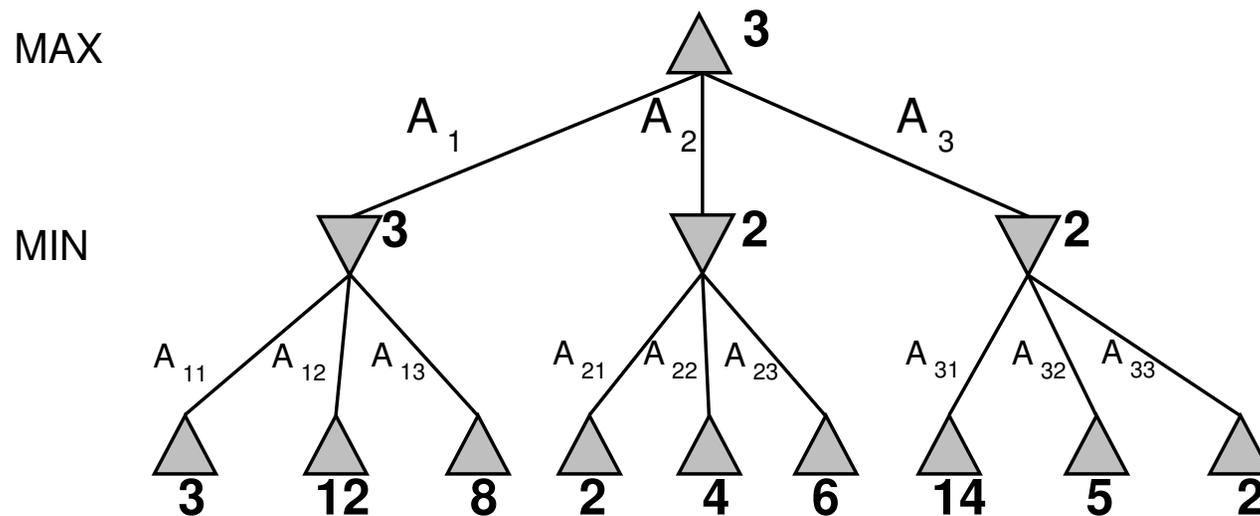


# Minimax

Estratégia perfeita para jogos deterministas e com informação perfeita

Ideia: escolher a jogada para posição com maior *valor minimax*  
= melhor recompensa alcançável com estratégia óptima do adversário

E.g., jogo com 2 jogadas:



# Algoritmo Minimax

**function** MINIMAX-DECISION(*state*) **returns** *an action*

**inputs:** *state*, current state in game

$v \leftarrow \text{MAX-VALUE}(state)$

**return** the *action* in SUCCESSORS(*state*) with value  $v$

---

**function** MAX-VALUE(*state*) **returns** *a utility value*

**if** TERMINAL-TEST(*state*) **then return** UTILITY(*state*)

$v \leftarrow -\infty$

**for**  $a, s$  in SUCCESSORS(*state*) **do**  $v \leftarrow \text{MAX}(v, \text{MIN-VALUE}(s))$

**return**  $v$

---

**function** MIN-VALUE(*state*) **returns** *a utility value*

**if** TERMINAL-TEST(*state*) **then return** UTILITY(*state*)

$v \leftarrow \infty$

**for**  $a, s$  in SUCCESSORS(*state*) **do**  $v \leftarrow \text{MIN}(v, \text{MAX-VALUE}(s))$

**return**  $v$

# Propriedades do minimax

Completo??

# Propriedades do minimax

Completo?? Apenas se a árvore é finita (o Xadrez tem regras específicas para o efeito). **NB** uma estratégia finita pode existir mesmo em árvores infinitas!

Óptima??

# Propriedades do minimax

Completo?? Apenas se a árvore é finita (o Xadrez tem regras específicas para o efeito). **NB** uma estratégia finita pode existir mesmo em árvores infinitas!

Óptima?? Sim, contra um adversário perfeito. Caso contrário??

Complexidade Temporal??

# Propriedades do minimax

Completo?? Apenas se a árvore é finita (o Xadrez tem regras específicas para o efeito). **NB** uma estratégia finita pode existir mesmo em árvores infinitas!

Ótima?? Sim, contra um adversário perfeito. Caso contrário??

Complexidade Temporal??  $O(b^m)$

Complexidade Espacial??

# Propriedades do minimax

Completo?? Apenas se a árvore é finita (o Xadrez tem regras específicas para o efeito). **NB** uma estratégia finita pode existir mesmo em árvores infinitas!

Óptima?? Sim, contra um adversário perfeito. Caso contrário??

Complexidade Temporal??  $O(b^m)$

Complexidade Espacial??  $O(bm)$  (exploração pelo melhor primeiro)

Para o Xadrez,  $b \approx 35$ ,  $m \approx 100$  para jogos “razoáveis”  
⇒ solução exacta completamente impossível

# Recursos Limitados

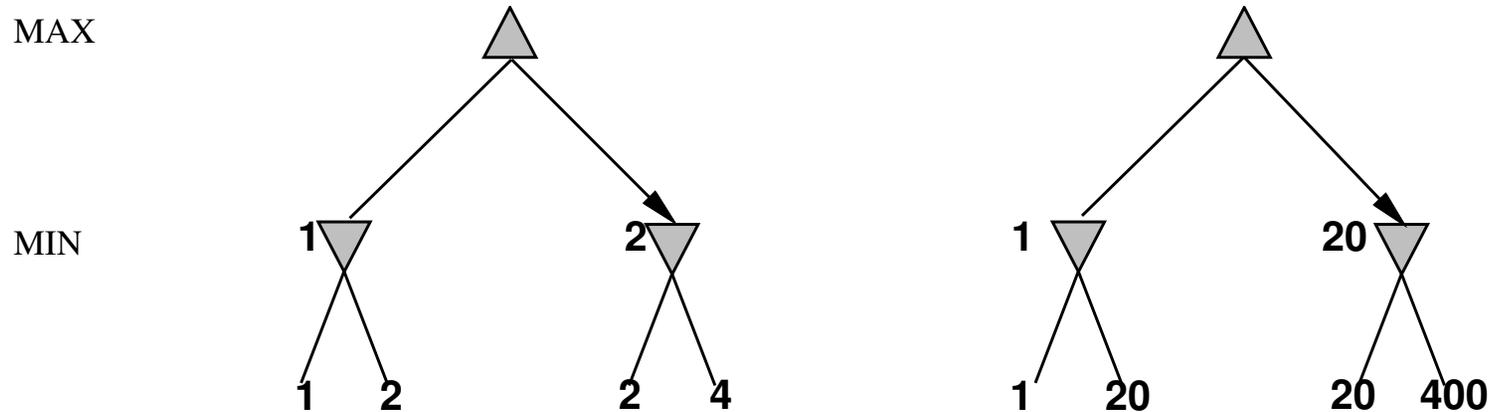
Suponha-se que temos 100 segundos, explorando  $10^4$  nós/segundo  
 $\Rightarrow 10^6$  nós por jogada

Aproximação Standard:

- *teste de corte*  
e.g., limitar profundidade (possivelmente com *procura quiescente*)
- *função de avaliação*  
= estimativa da razoabilidade da posição



# Digressão: Valores exactos não são importantes



O comportamento é preservado com qualquer transformação *monótona* de EVAL

Apenas a ordem interessa:

recompensa em jogos deterministas comporta-se como uma função de *utilidade ordinal*

## Cortar a procura

MINIMAXCUTOFF é idêntico a MINIMAXVALUE excepto

1. TERMINAL? é substituído por CUTOFF?
2. UTILIDADE é substituído por EVAL

Funciona na prática?

$$b^m = 10^6, \quad b = 35 \quad \Rightarrow \quad m = 4$$

4-jogadas de previsão é um jogador de Xadrez iniciante!

4-jogadas  $\approx$  jogador iniciante

8-jogadas  $\approx$  PC típico, mestre

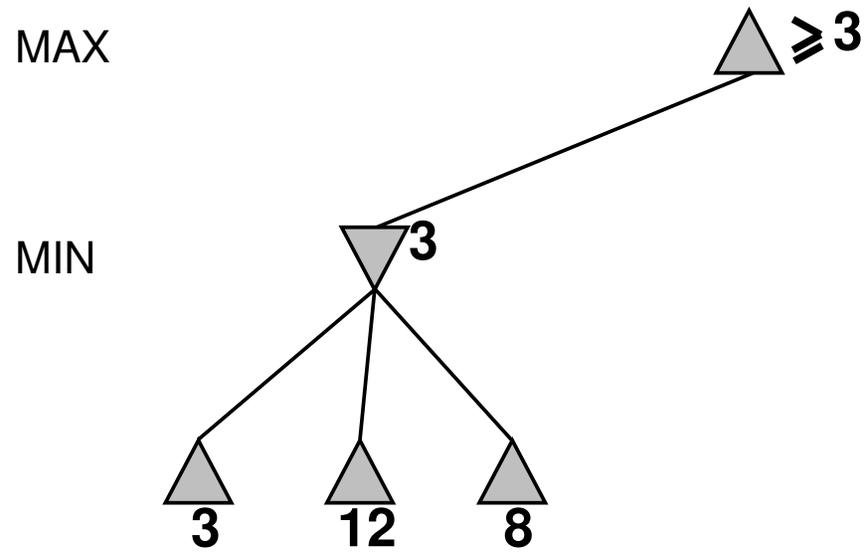
12-jogadas  $\approx$  Deep Blue, Kasparov

## Como cortar um nó?

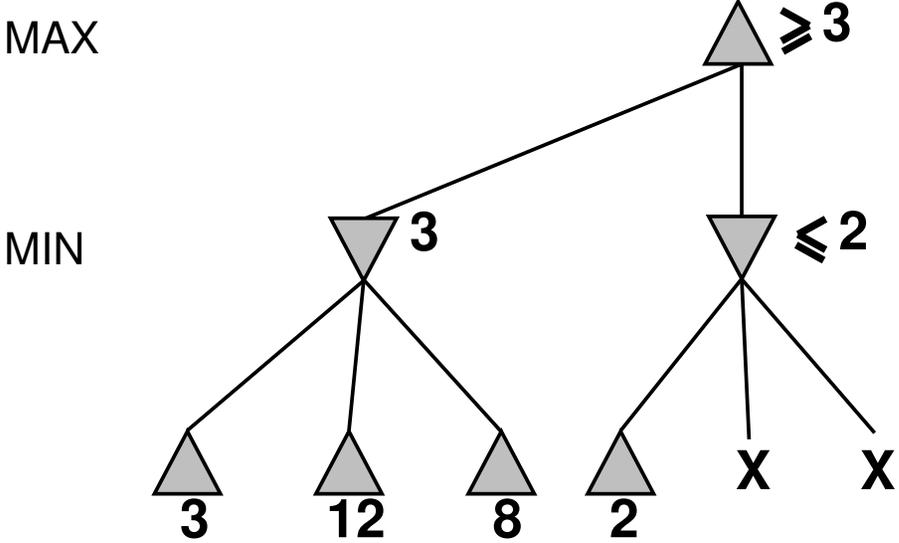
- ◇ Limitar a profundidade a um número fixo (naïf...)
- ◇ Efectuar aprofundamento progressivo enquanto houver tempo.
- ◇ Efectuar **procura quiescente**  
Só cortar nós em que o valor da função de avaliação estabilizou (sem grandes alterações previsíveis nas próximas jogadas)

Mias difícil de resolver é o problema da morte adiada (ou efeito horizonte). Uma jogada terrível pode ter os seus efeitos protelados pelo o outro jogador, de maneira a ficarem invisíveis.

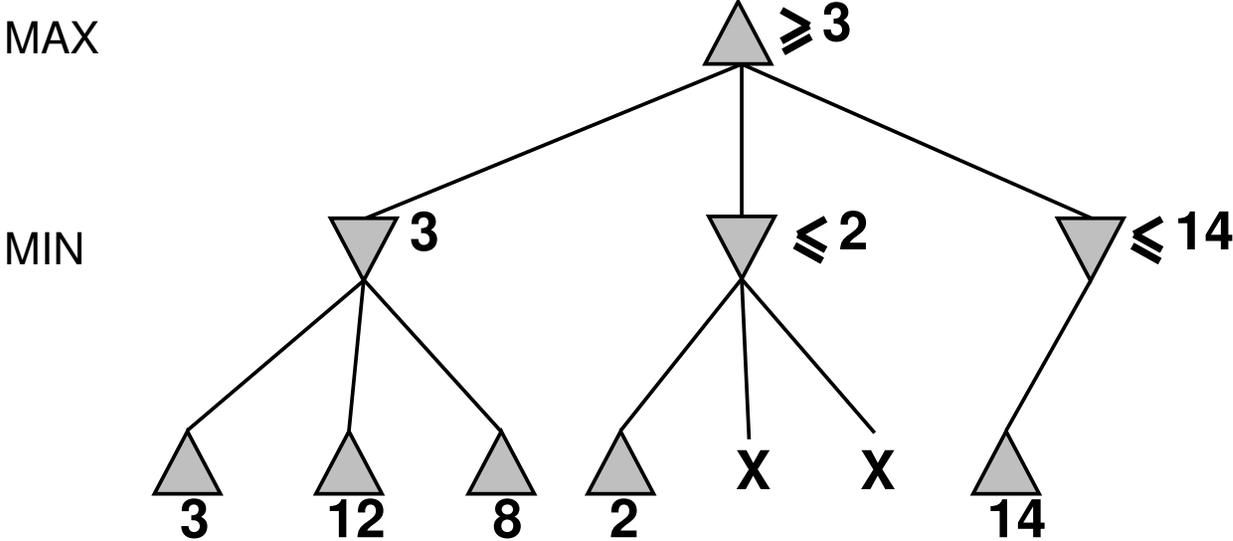
## Exemplo de corte $\alpha-\beta$



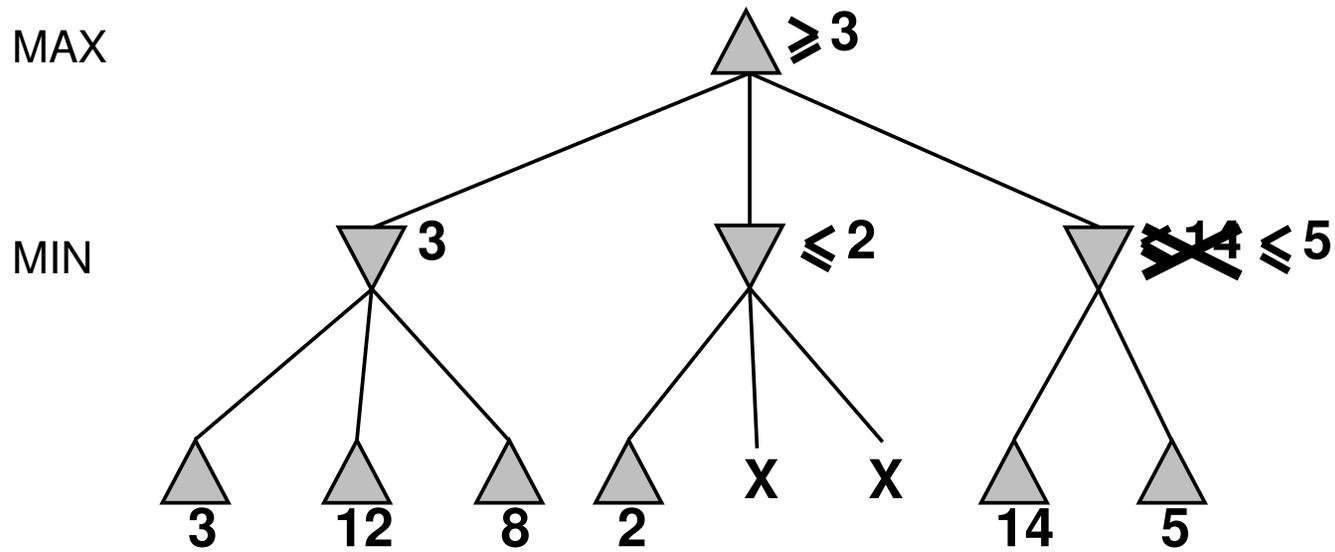
**Exemplo de corte  $\alpha-\beta$**



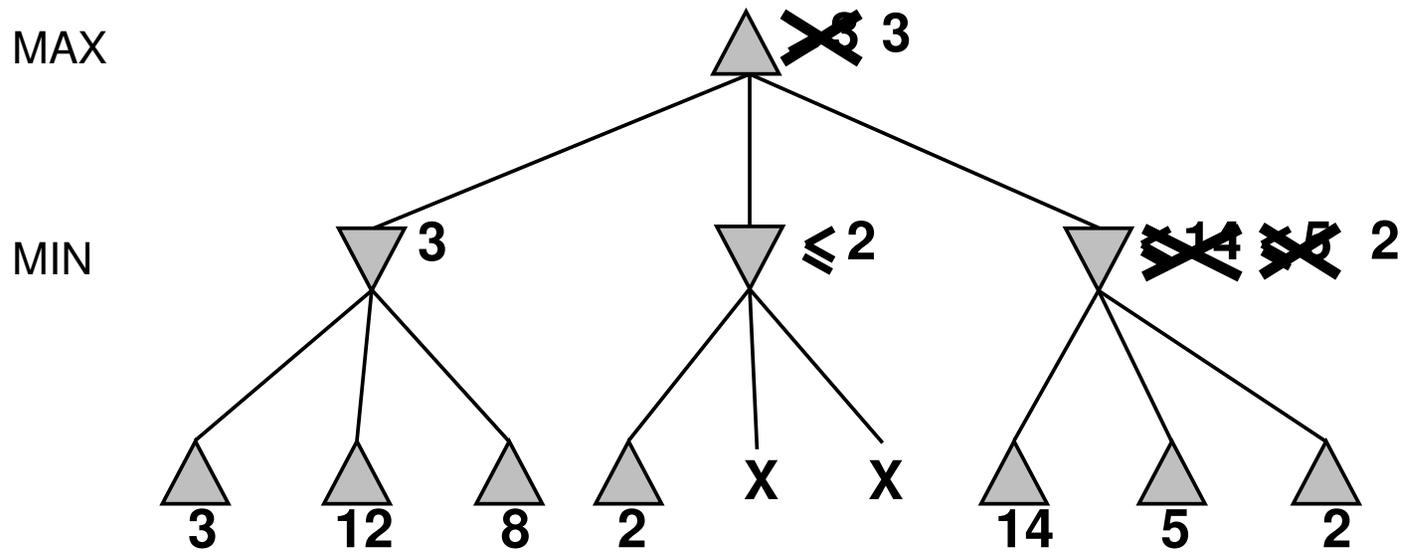
# Exemplo de corte $\alpha-\beta$



# Exemplo de corte $\alpha-\beta$



# Exemplo de corte $\alpha-\beta$



## Propriedades do $\alpha-\beta$

Corte *não* afecta o resultado final

Uma boa ordenação das jogadas melhora o efeito do corte

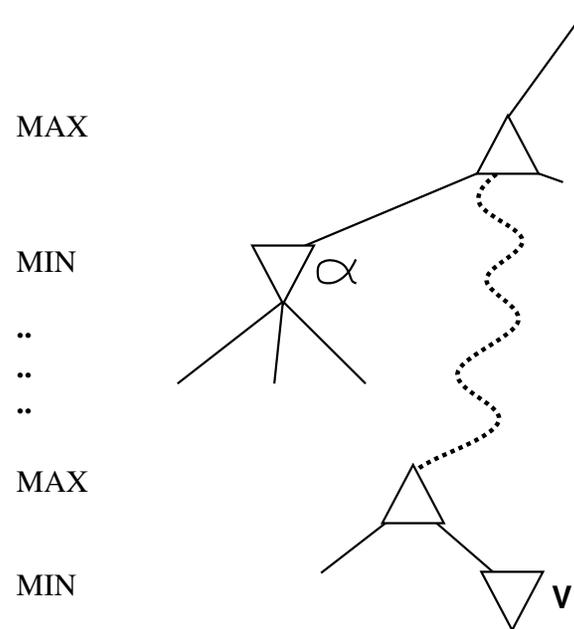
Com “ordenação perfeita,” complexidade temporal =  $O(b^{m/2})$

⇒ *duplica* profundidade da procura

⇒ pode facilmente atingir profundidade 8 e jogar bem Xadrez

Um exemplo simples do valor do raciocínio sobre quais as computações relevantes (uma forma de *metaraciocínio*)

# Caso geral $\alpha-\beta$ ?



$\alpha$  é o melhor valor (para o jogador MAX) encontrado até ao momento

Se  $v$  é pior do que  $\alpha$ , MAX evita-o  $\Rightarrow$  corta esse ramo

Define-se  $\beta$  similarmente para MIN

## O algoritmo $\alpha-\beta$

**function** ALPHA-BETA-SEARCH(*state*) **returns** an action

**inputs:** *state*, current state in game

$v \leftarrow$  MAX-VALUE(*state*,  $-\infty$ ,  $+\infty$ )

**return** the *action* in SUCCESSORS(*state*) with value  $v$

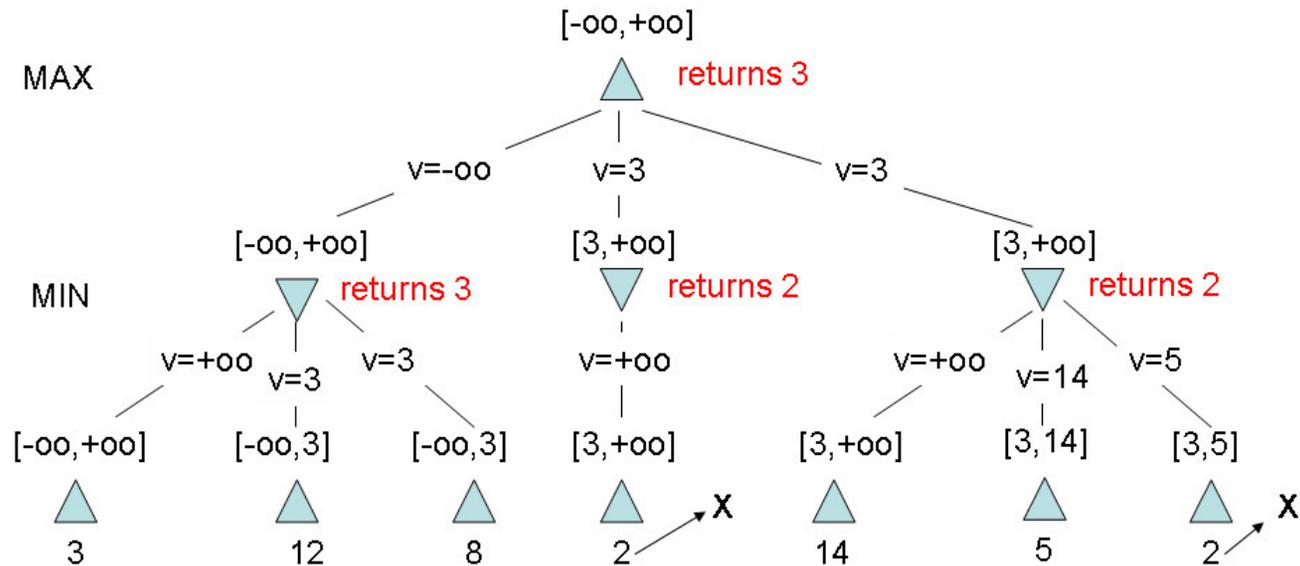
## O algoritmo $\alpha$ - $\beta$

```
function MAX-VALUE(state,  $\alpha$ ,  $\beta$ ) returns a utility value  
  if CUTOFF-TEST(state) then return EVAL(state)  
   $v \leftarrow -\infty$   
  for each  $a, s$  in SUCCESSORS(state) do  
     $v \leftarrow \text{MAX}(v, \text{MIN-VALUE}(s, \alpha, \beta))$   
    if  $v \geq \beta$  then return  $v$   
     $\alpha \leftarrow \text{MAX}(\alpha, v)$   
  return  $v$ 
```

---

```
function MIN-VALUE(state,  $\alpha$ ,  $\beta$ ) returns a utility value  
  if CUTOFF-TEST(state) then return EVAL(state)  
   $v \leftarrow +\infty$   
  for each  $a, s$  in SUCCESSORS(state) do  
     $v \leftarrow \text{MIN}(v, \text{MAX-VALUE}(s, \alpha, \beta))$   
    if  $v \leq \alpha$  then return  $v$   
     $\beta \leftarrow \text{MIN}(\beta, v)$   
  return  $v$ 
```

# Execução do algoritmo $\alpha-\beta$



Legenda:

$[\alpha, \beta]$	Valor dos parâmetros na invocação
$v = u$	Valor da variável $v$ antes da chamada recursiva
<b>X</b>	Corte (após retorno da chamada recursiva)
returns $u$	valor MINIMAX de saída da chamada

## Jogos deterministas na prática

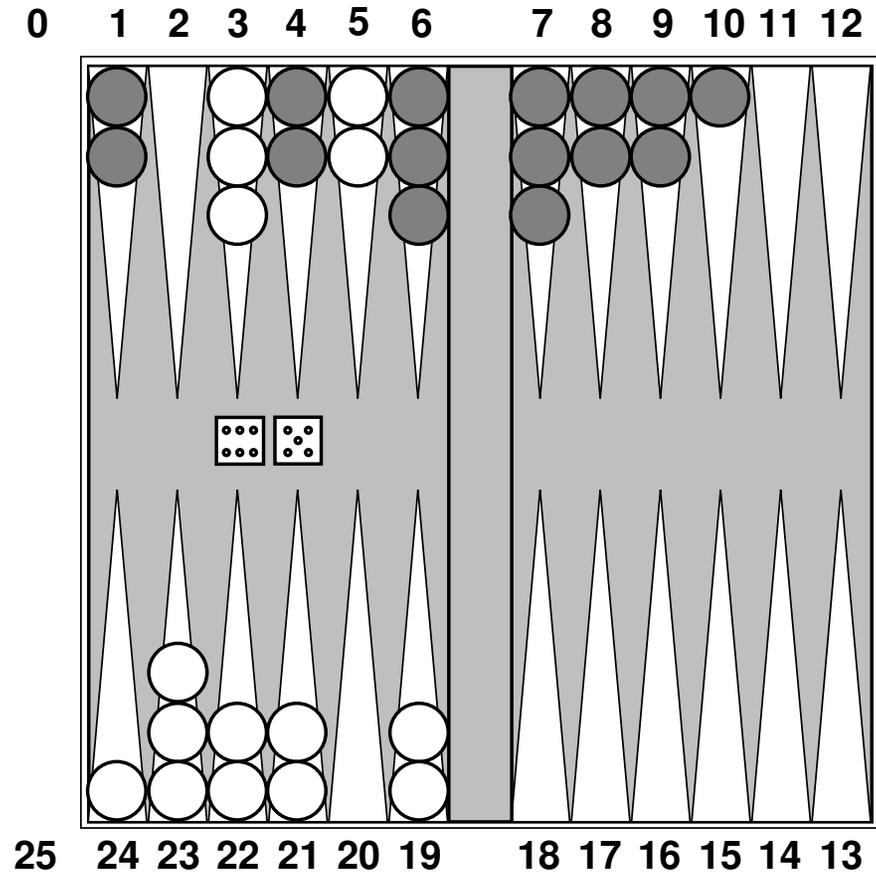
Damas: Chinook terminou com o reinado de 40 anos do campeão mundial Marion Tinsley em 1994. Utilizou uma base de dados de final de jogo definindo a estratégia perfeita para todas as posições com 8 ou menos peças no tabuleiro, num total de 443,748,401,247 posições.

Xadrez: Deep Blue derrotou o campeão mundial humano Gary Kasparov num encontro a 6 partidas em 1997. Deep Blue procura 200 milhões de posições por segundo, utiliza avaliação muito sofisticada, e recorre a métodos para estender algumas linhas de procura até 40 jogadas.

Othello: campeões humanos recusam-se a competir contra computadores, que são demasiado bons.

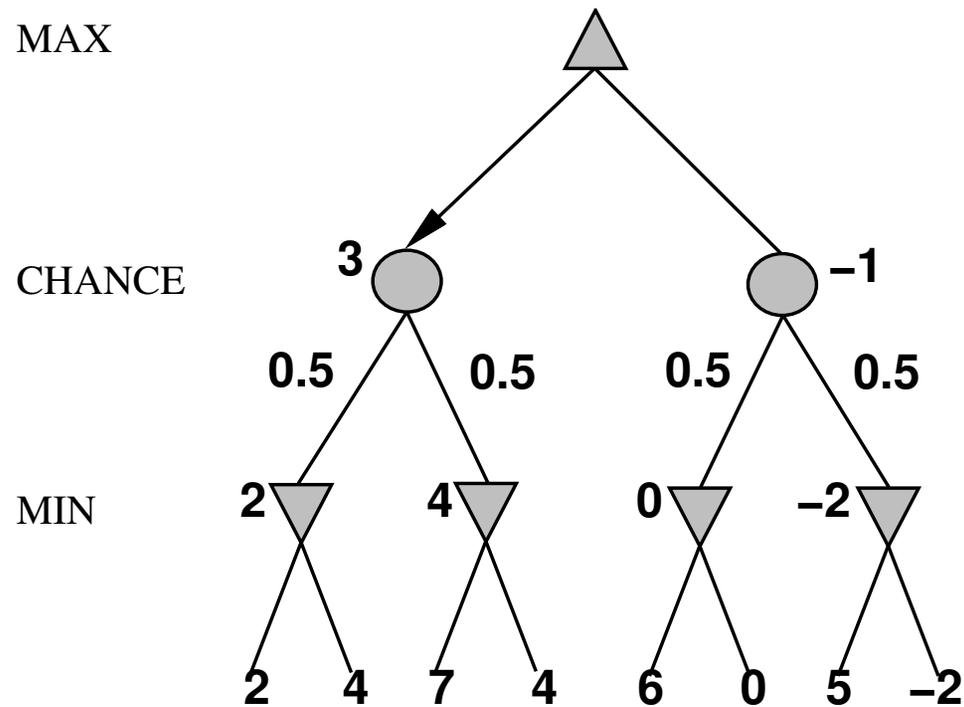
Go: campeões humanos recusam-se a competir contra computadores, que são péssimos jogadores. No go,  $b > 300$ , portanto a maioria dos programas recorrem a bases de conhecimento de padrões para sugerir jogadas plausíveis.

# Jogos não deterministas: Gamão



# Jogos não deterministas em geral

Jogos não deterministas, factor sorte introduzido pelos dados, baralhar das cartas.  
Exemplo simplificado com moeda-ao-ar:



# Algoritmo para jogos não deterministas

EXPECTIMINIMAX fornece estratégia óptima

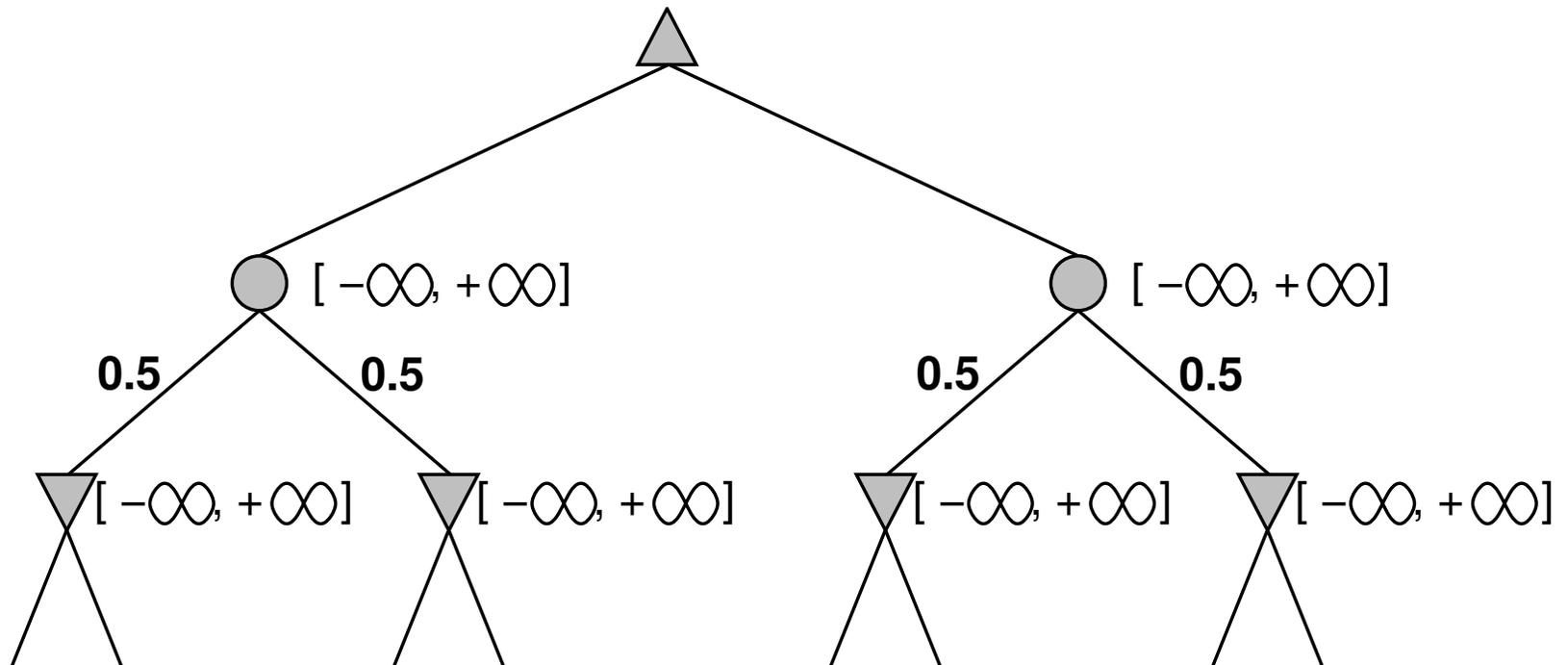
Como o MINIMAX, excepto que se tem de ter em conta nós de sorte:

EXPECTIMINIMAX( $n$ ) =

$$\left\{ \begin{array}{ll} \text{UTILITY}(n) & \text{se } n \text{ é um estado terminal} \\ \max_{s \in \text{Successors}(n)} \text{EXPECTIMINIMAX}(s) & \text{se } n \text{ é um nó MAX} \\ \min_{s \in \text{Successors}(n)} \text{EXPECTIMINIMAX}(s) & \text{se } n \text{ é um nó MIN} \\ \sum_{s \in \text{Successors}(n)} P(s) \times \text{EXPECTIMINIMAX}(s) & \text{se } n \text{ é um nó CHANCE} \end{array} \right.$$

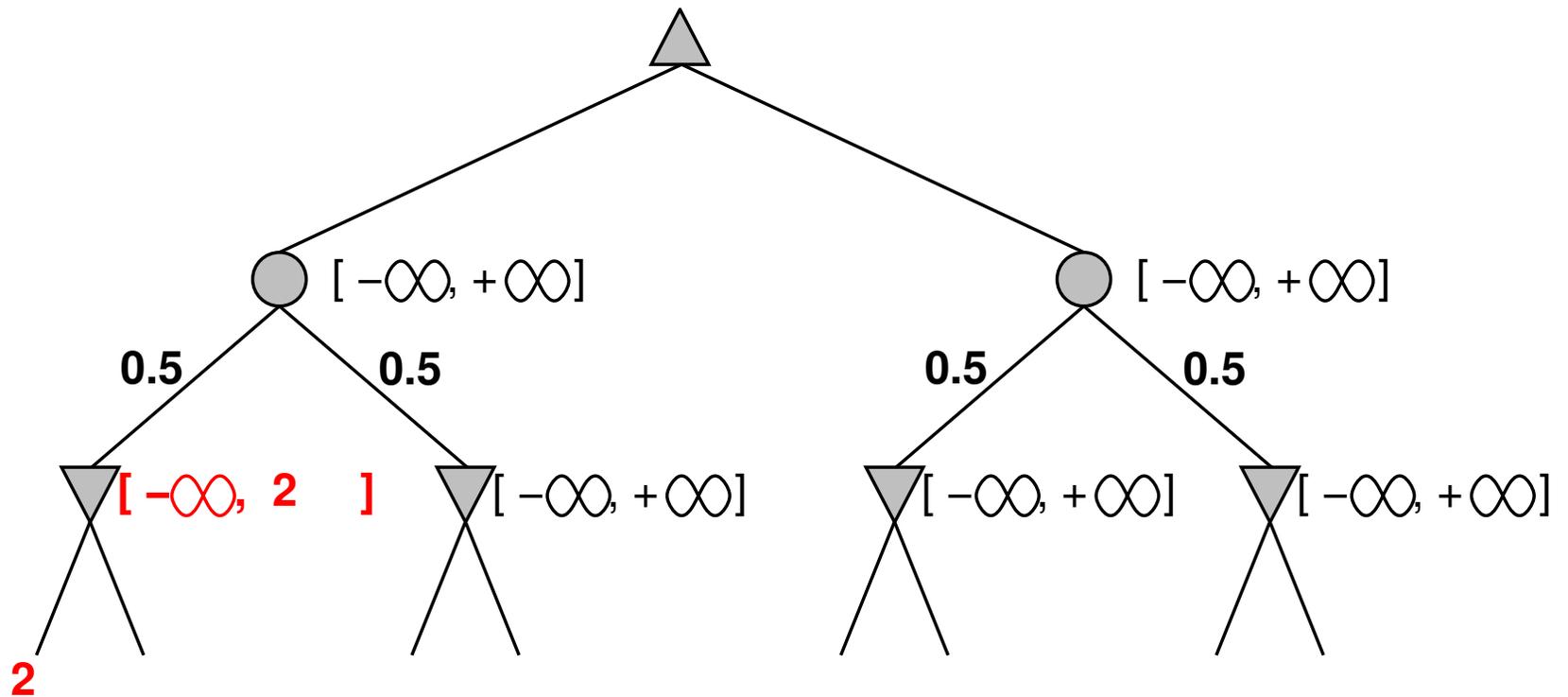
# Corte em árvores de jogos não deterministas

Uma adaptação do corte  $\alpha$ - $\beta$  é possível:



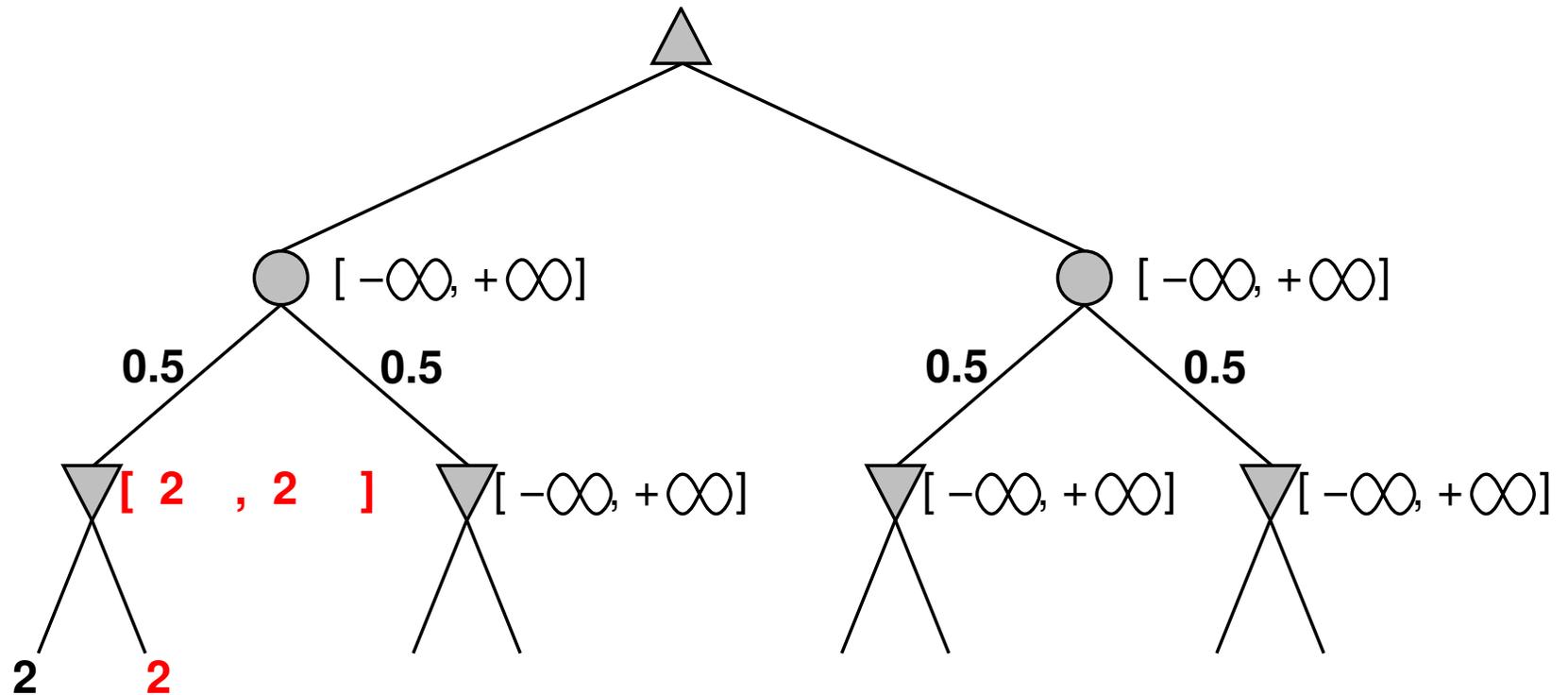
# Corte em árvores de jogos não deterministas

Uma adaptação do corte  $\alpha$ - $\beta$  é possível:



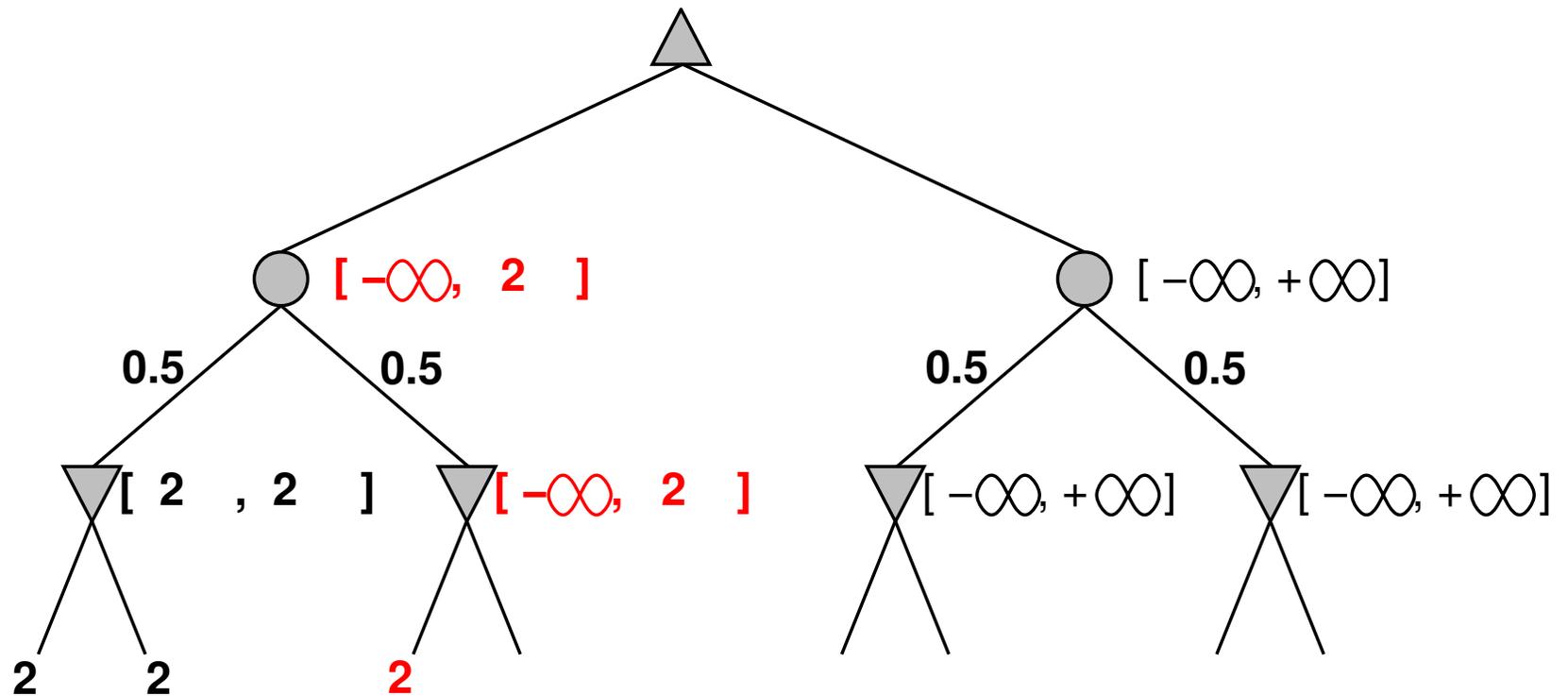
# Corte em árvores de jogos não deterministas

Uma adaptação do corte  $\alpha$ - $\beta$  é possível:



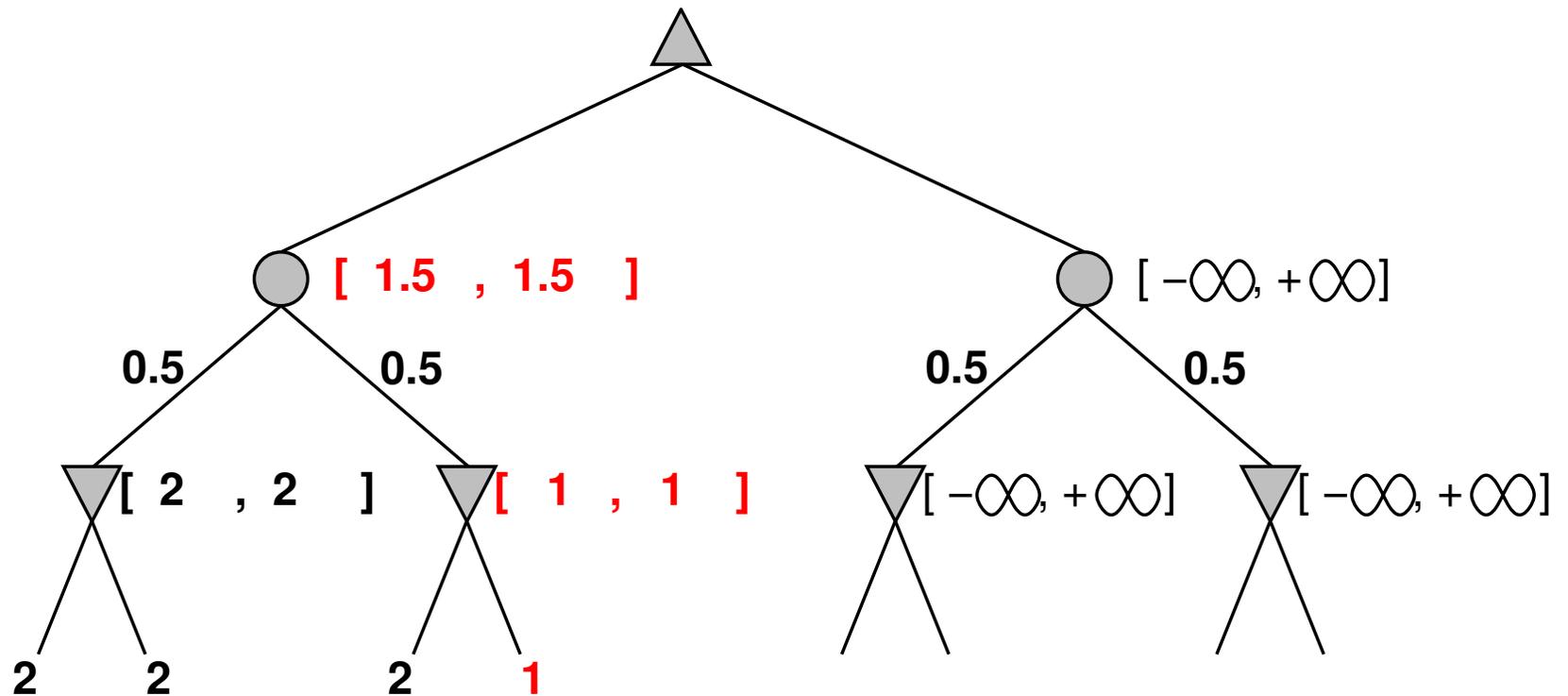
# Corte em árvores de jogos não deterministas

Uma adaptação do corte  $\alpha$ - $\beta$  é possível:



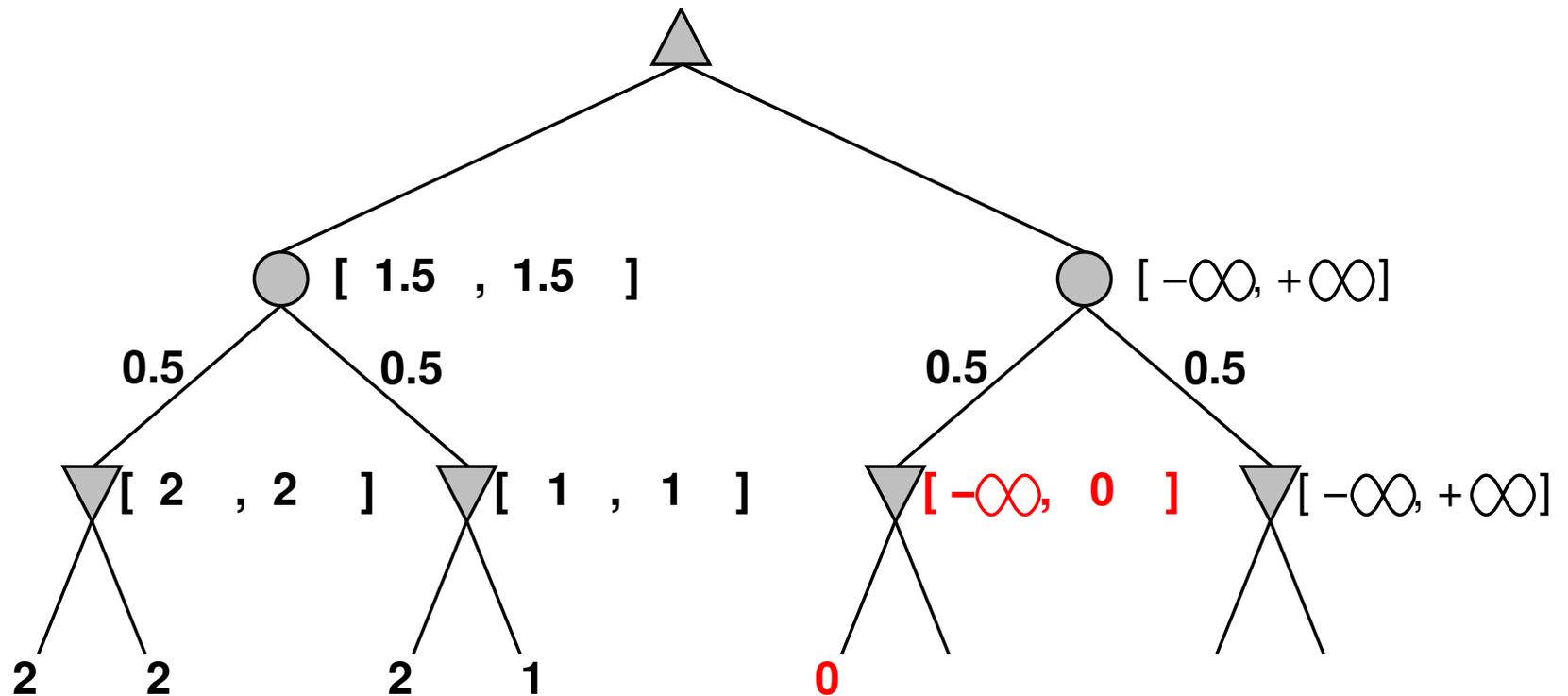
# Corte em árvores de jogos não deterministas

Uma adaptação do corte  $\alpha$ - $\beta$  é possível:



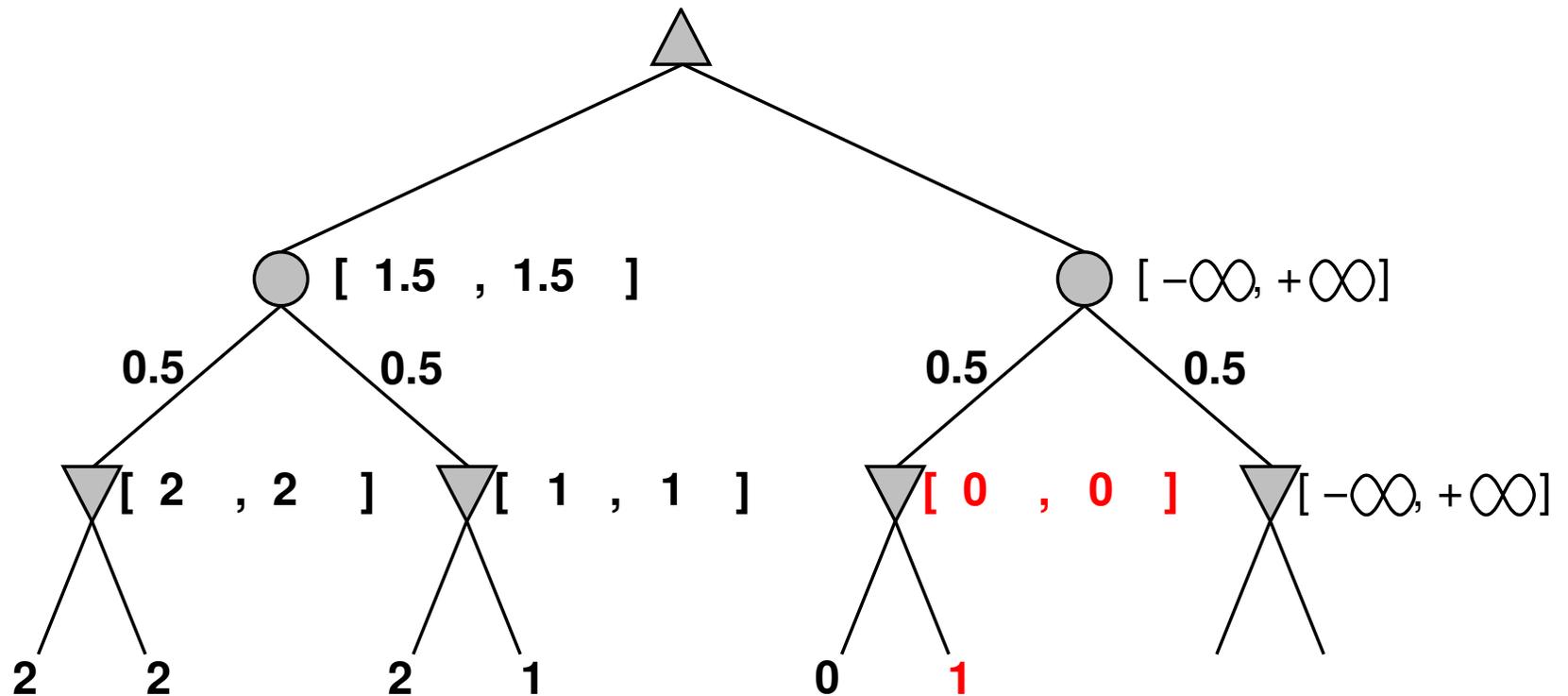
# Corte em árvores de jogos não deterministas

Uma adaptação do corte  $\alpha$ - $\beta$  é possível:



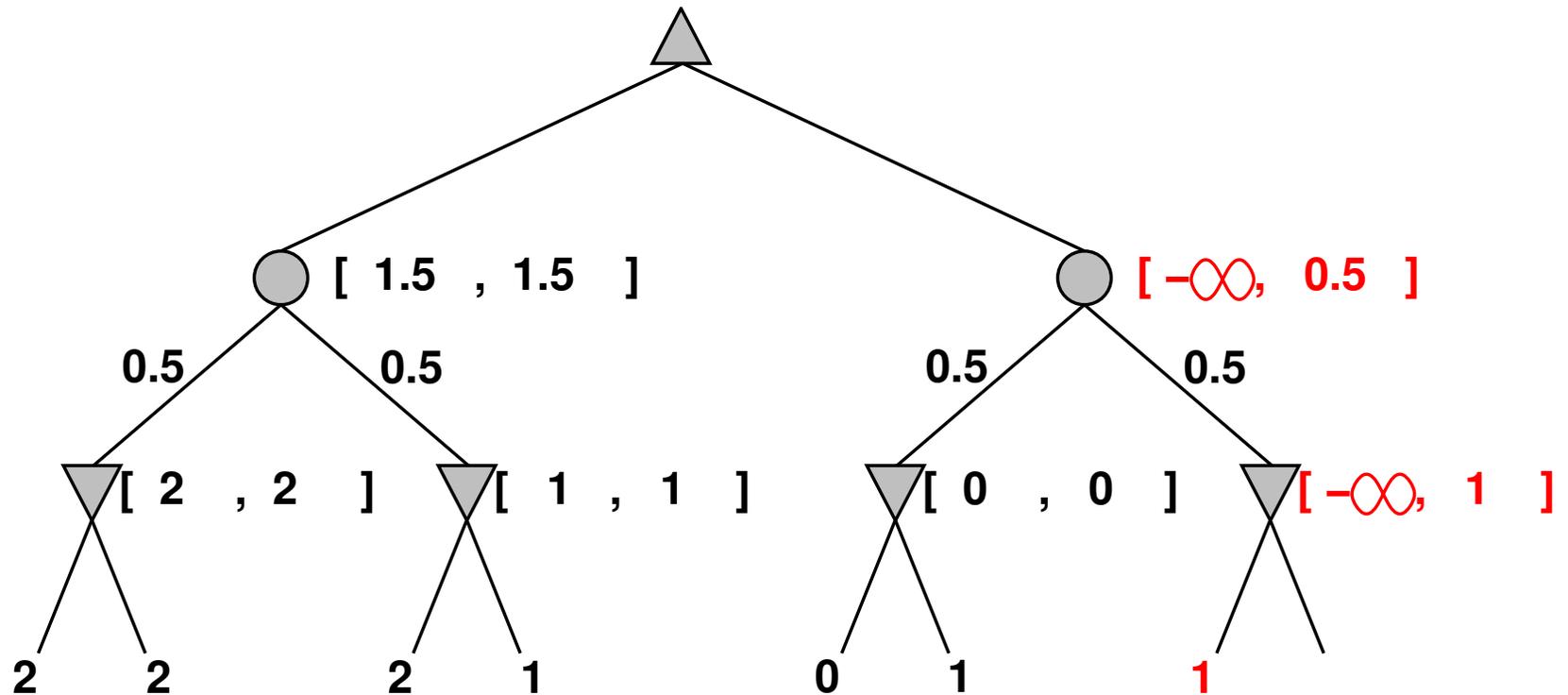
# Corte em árvores de jogos não deterministas

Uma adaptação do corte  $\alpha$ - $\beta$  é possível:



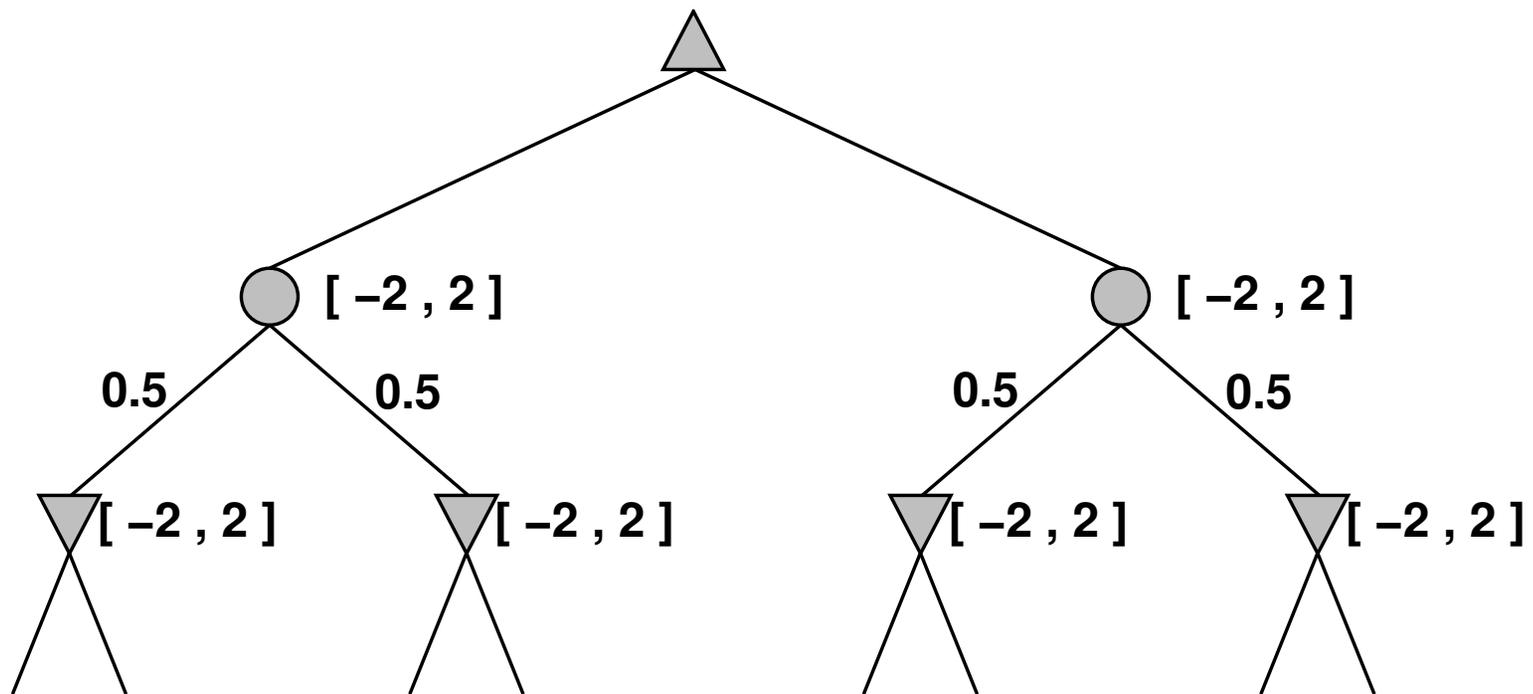
# Corte em árvores de jogos não deterministas

Uma adaptação do corte  $\alpha$ - $\beta$  é possível:



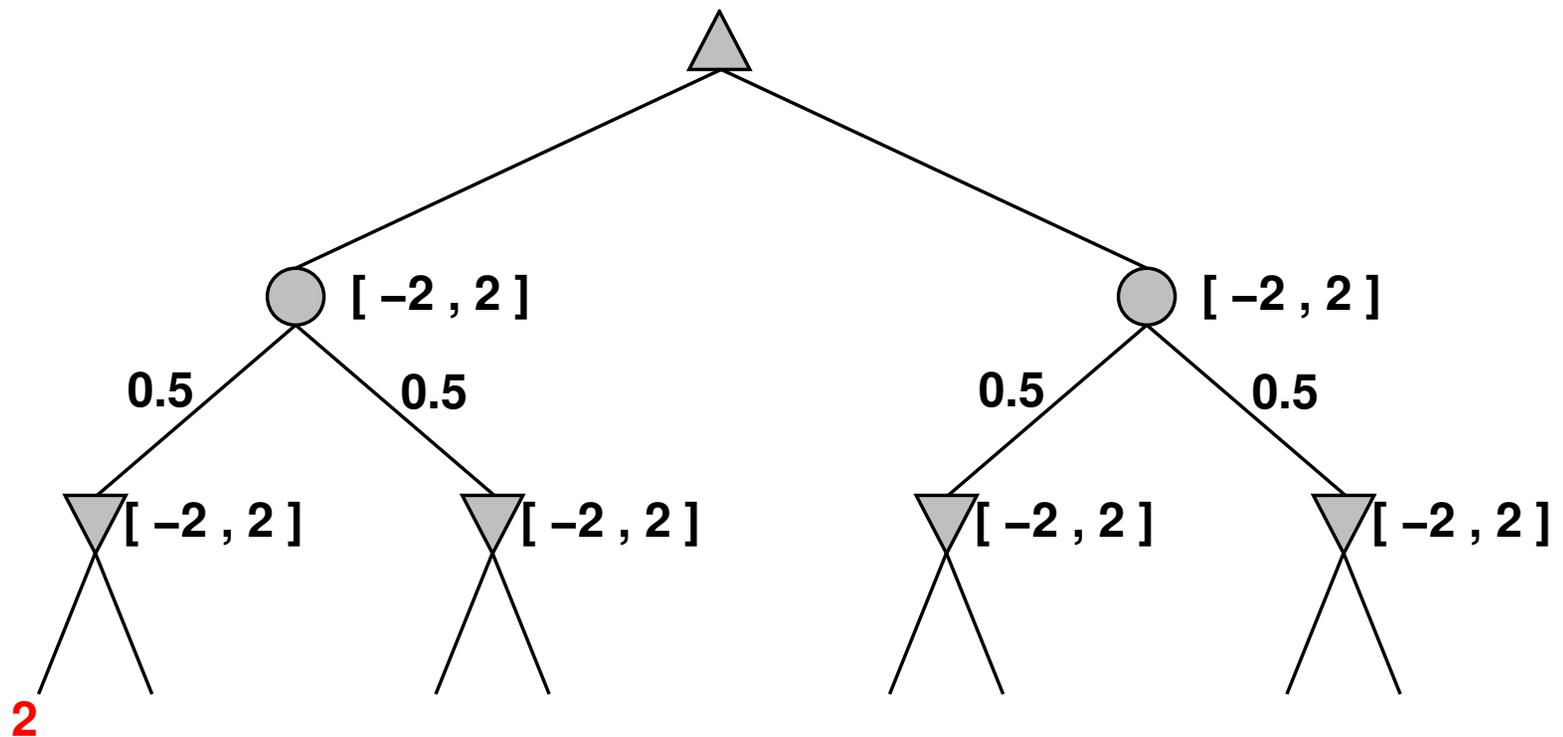
## Corte (cont.)

Pode-se cortar mais se os valores das folhas forem limitados



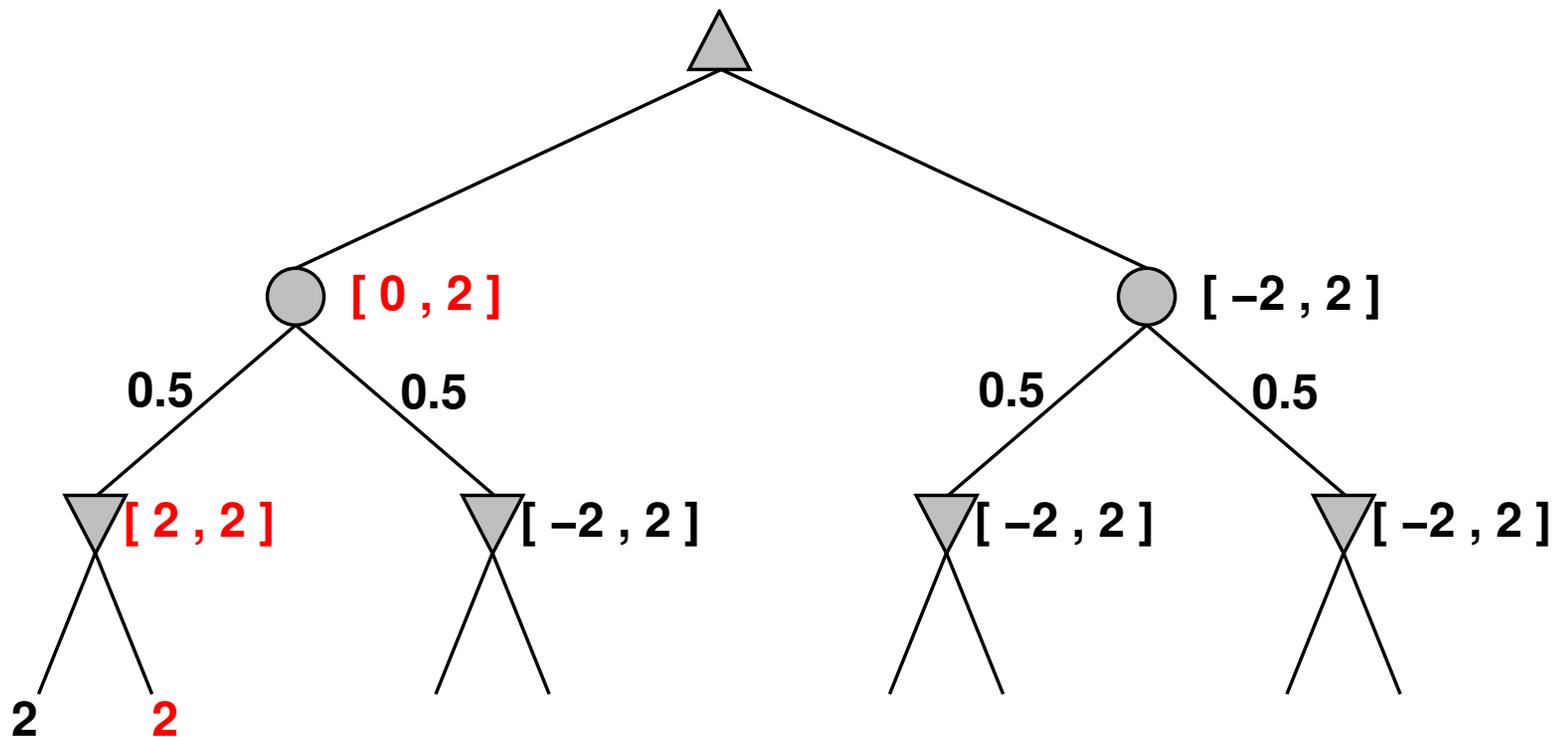
## Corte (cont.)

Pode-se cortar mais se os valores das folhas forem limitados



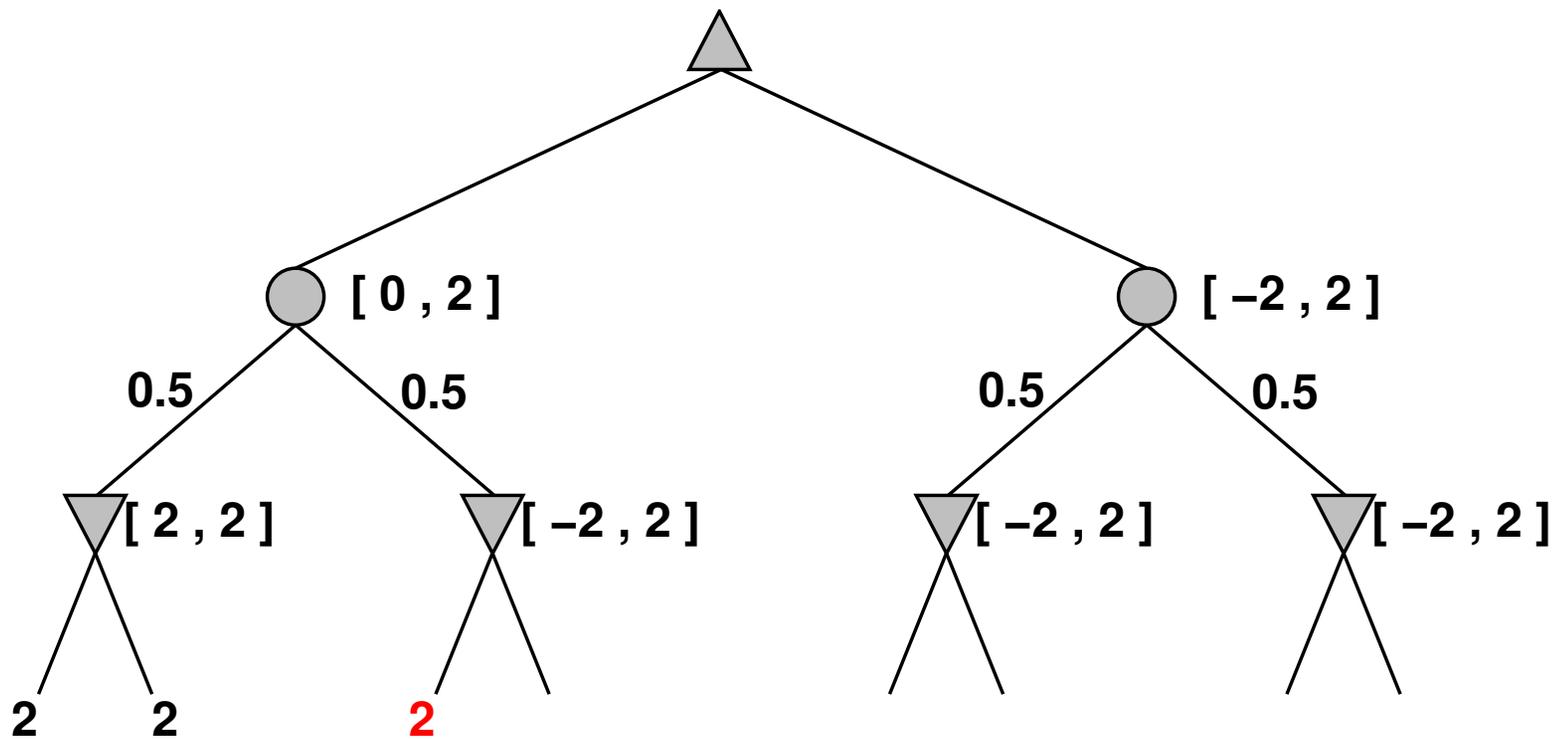
## Corte (cont.)

Pode-se cortar mais se os valores das folhas forem limitados



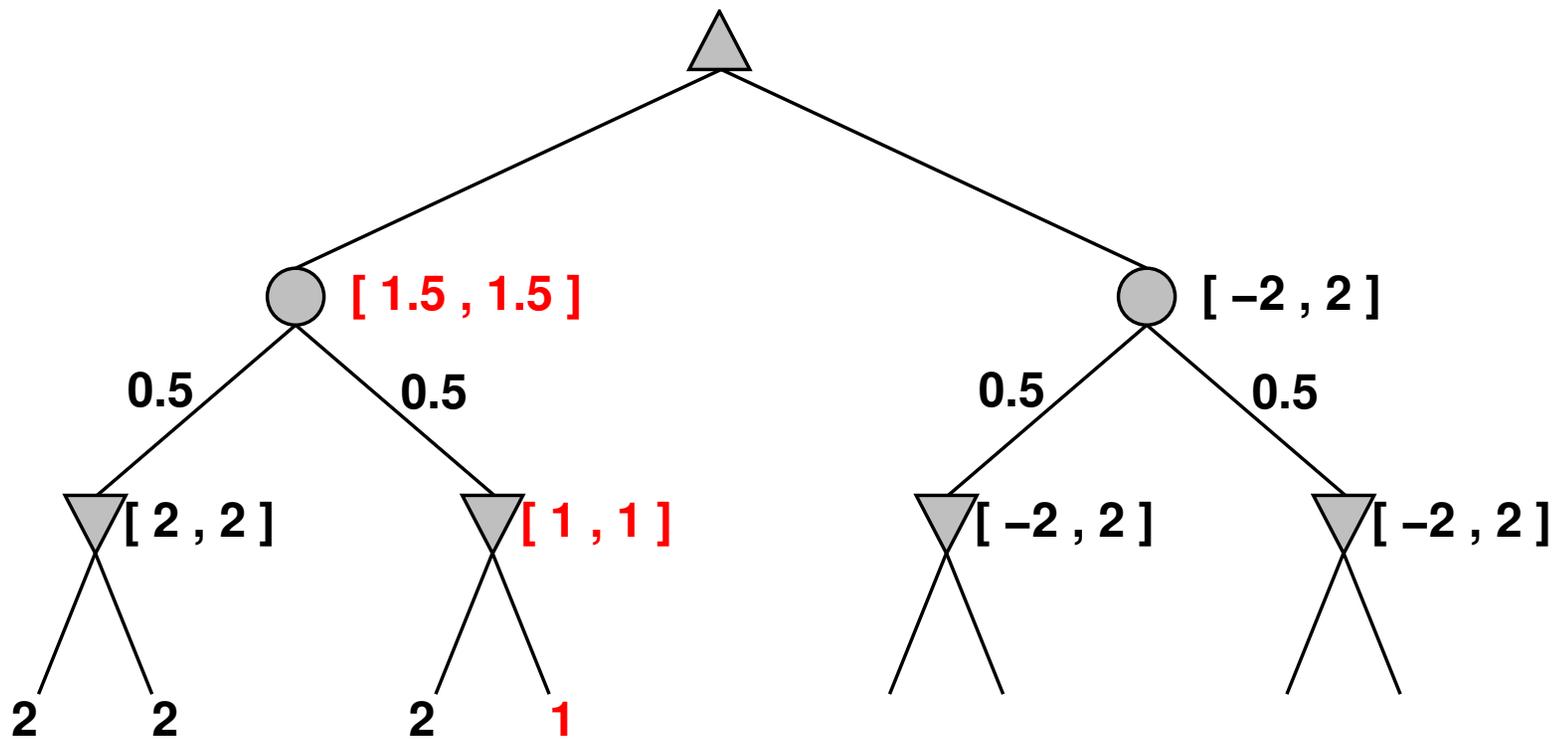
## Corte (cont.)

Pode-se cortar mais se os valores das folhas forem limitados



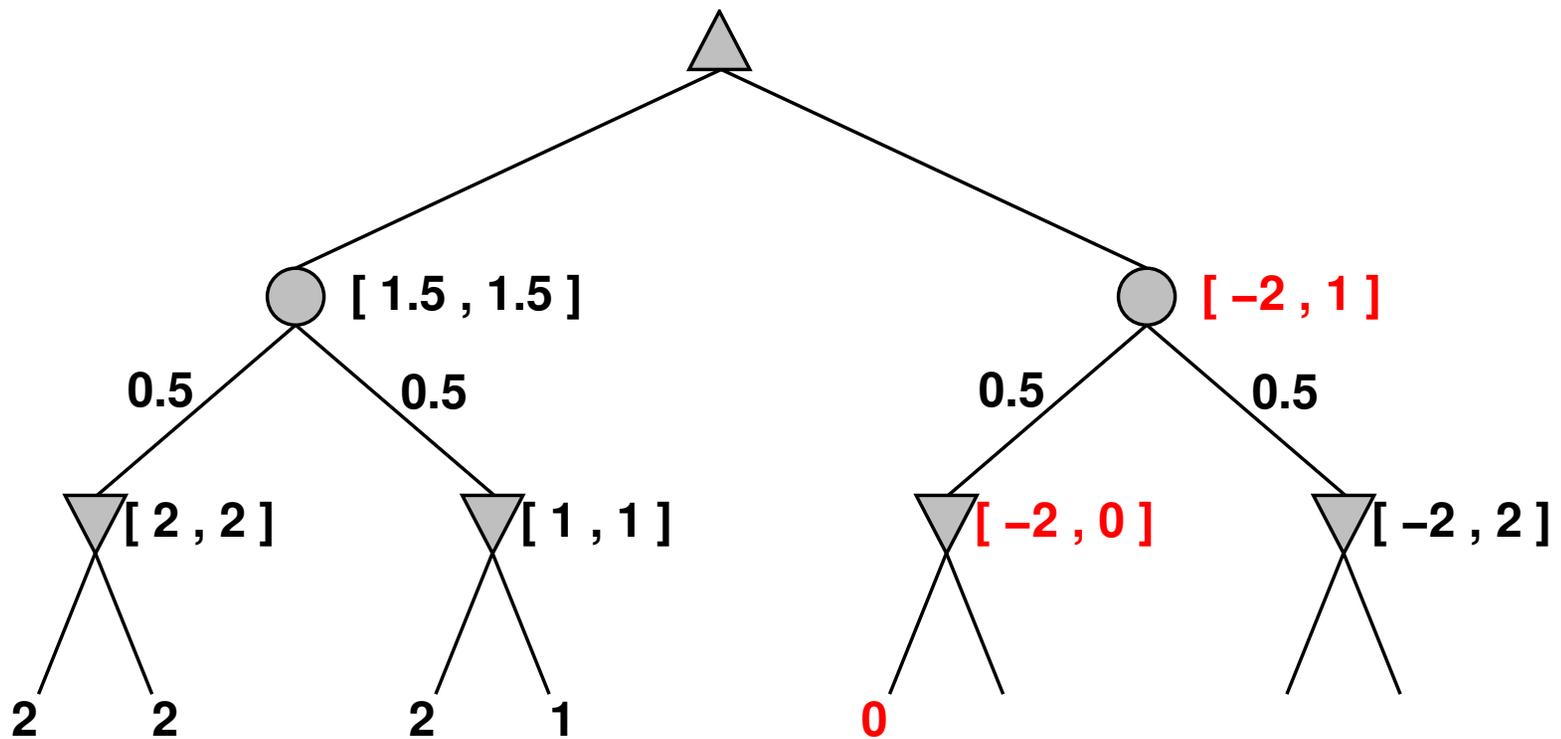
## Corte (cont.)

Pode-se cortar mais se os valores das folhas forem limitados



## Corte (cont.)

Pode-se cortar mais se os valores das folhas forem limitados



## Jogos não deterministas na prática

Lançamentos de dados aumentam  $b$ : 21 lançamentos possíveis com 2 dados  
Gamão  $\approx$  20 jogadas legais (podem ser 4000 com lançamentos de doubles)

$$\text{profundidade } 4 = 20 \times (21 \times 20)^3 \approx 1.2 \times 10^9$$

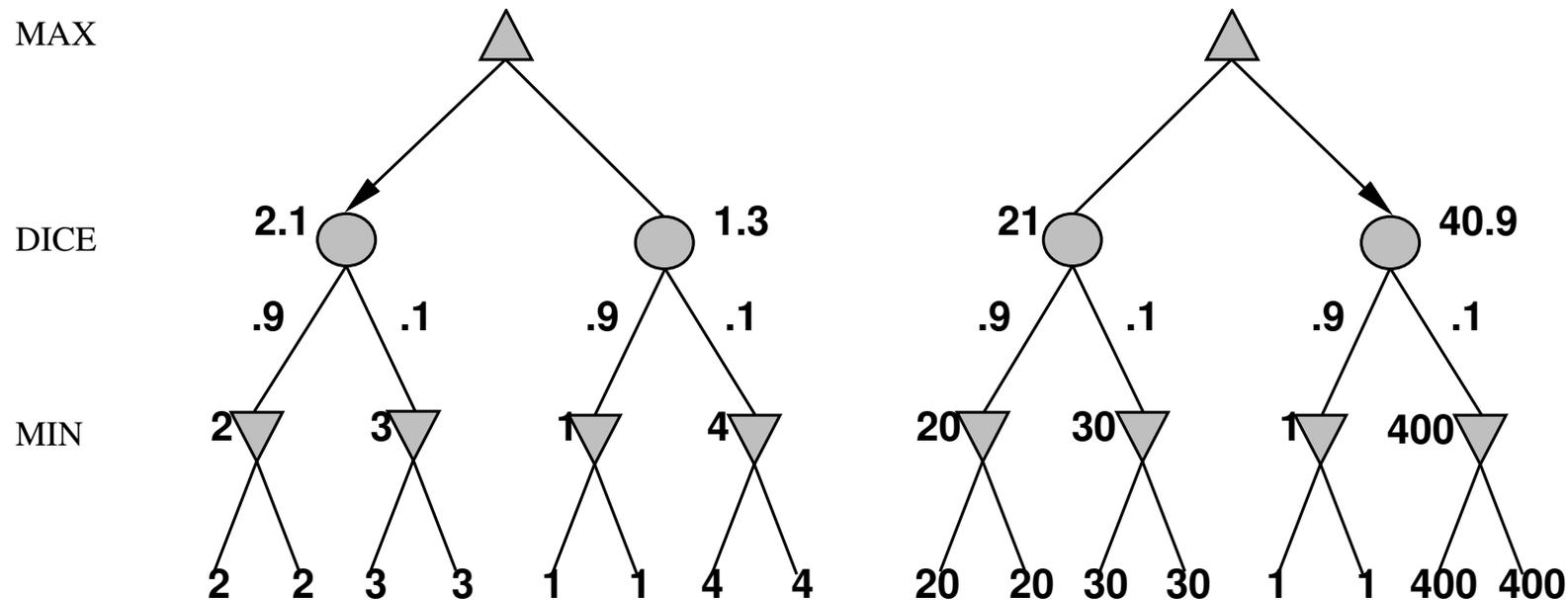
Com o aumento da profundidade, probabilidade de chegar a um determinado nó diminui

$\Rightarrow$  valor do “lookahead” diminui

Corte  $\alpha$ - $\beta$  é muito menos eficaz

TDGAMMON usa procura profundidade 2 + EVAL muito bom  
 $\approx$  nível de campeão mundial

# Digressão: Valores exactos SÃO importantes



O comportamento é preservado apenas com transformações *lineares positivas* de EVAL

Logo EVAL deve ser proporcional à recompensa esperada

# Jogos com informação imperfeita

Exemplo: jogos de cartas, em que as cartas iniciais do adversário são desconhecidas

Tipicamente pode-se calcular a probabilidade de cada distribuição de cartas pelos jogadores

Aparentemente semelhante a um lançamento de dados no início do jogo

Ideia: calcular o valor minimax de cada acção em cada mão,  
então escolher a acção com maior valor esperado de entre todas as mãos\*

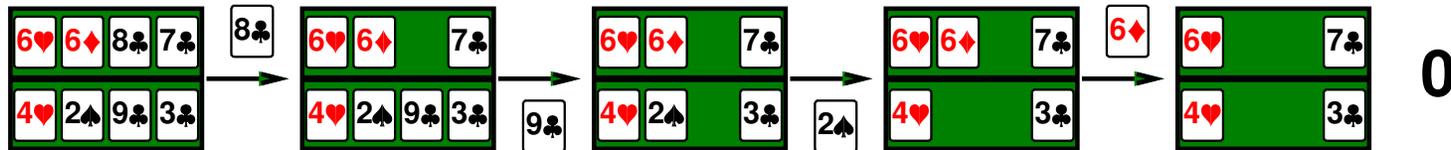
Caso especial: Se uma acção é óptima para todas as mãos então é óptima.\*

GIB, melhor programa de bridge actualmente, aproxima esta ideia

- 1) gerando 100 mãos consistentes com a informação de apostas actuais
- 2) escolhe a acção que ganha mais vazas em média

# Exemplo

Mão de quarto cartas, MAX joga primeiro



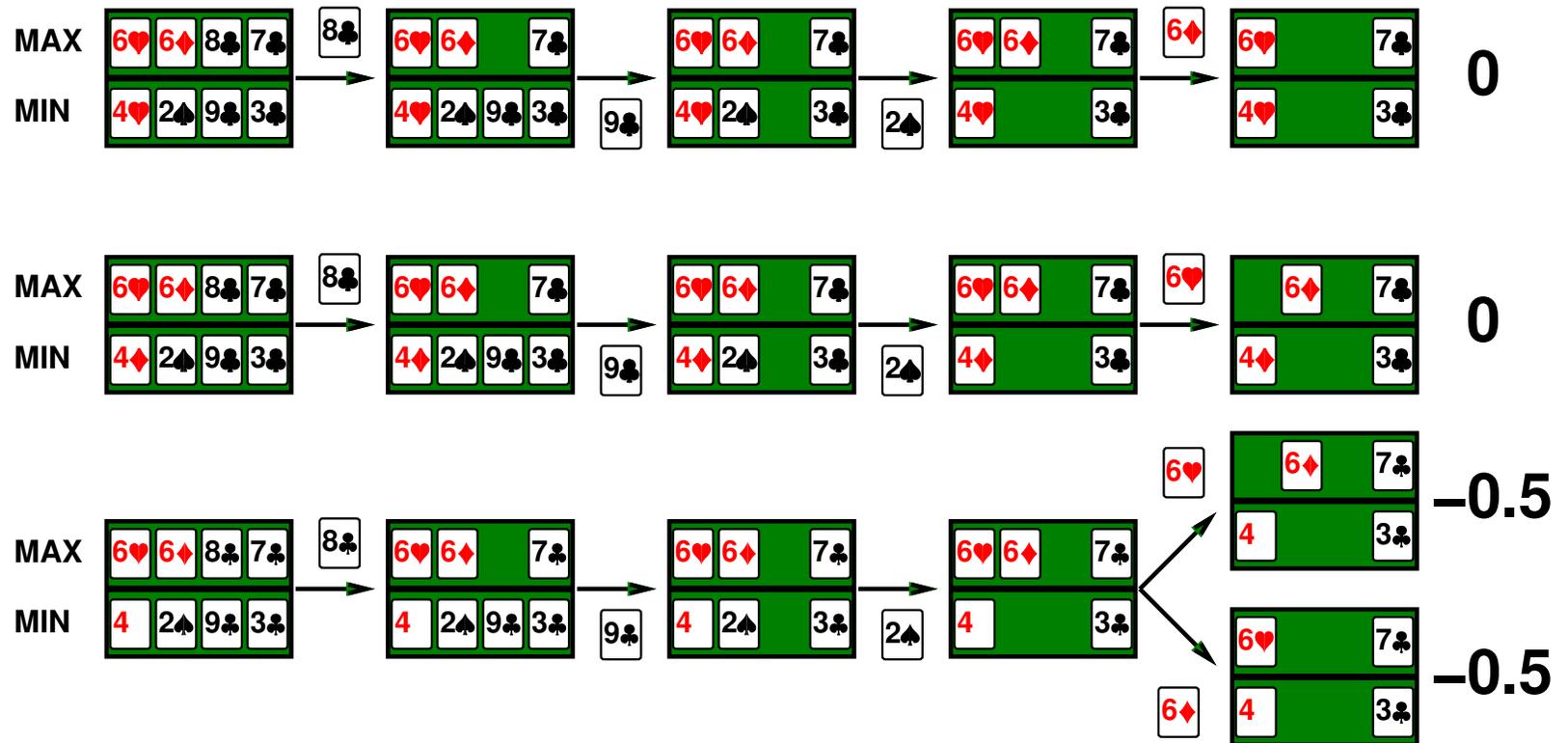
# Exemplo

Mão de quarto cartas, MAX joga primeiro



# Exemplo

Mão de quarto cartas, MAX joga primeiro



## Exemplo de senso comum

Estrada A leva a um pequeno pote de moedas de ouro

Estrada B leva a um cruzamento:

se for pela esquerda encontra um monte de jóias;

se for pela direita é atropelado por um autocarro.

## Exemplo de senso comum

Estrada A leva a um pequeno pote de moedas de ouro

Estrada B leva a um cruzamento:

- se for pela esquerda encontra um monte de jóias;
- se for pela direita é atropelado por um autocarro.

Estrada A leva a um pequeno pote de moedas de ouro

Estrada B leva a um cruzamento:

- se for pela esquerda é atropelado por um autocarro.
- se for pela direita encontra um monte de jóias;

## Exemplo de senso comum

Estrada A leva a um pequeno pote de moedas de ouro

Estrada B leva a um cruzamento:

se for pela esquerda encontra um monte de jóias;  
se for pela direita é atropelado por um autocarro.

Estrada A leva a um pequeno pote de moedas de ouro

Estrada B leva a um cruzamento:

se for pela esquerda é atropelado por um autocarro.  
se for pela direita encontra um monte de jóias;

Estrada A leva a um pequeno pote de moedas de ouro

Estrada B leva a um cruzamento:

adivinha correctamente e encontra um monte de jóias;  
adivinha incorrectamente e é atropelado por um autocarro.

## Análise correcta

\* Intuição que o valor de uma acção é a média de todos os seus valores em todos os estados possíveis é ERRADA

Com observação parcial, valor de uma acção depende do estado de informação ou estado de crença em que o agente se encontra

Pode gerar e procurar a árvore de estados de informação

Origina os seguintes comportamentos racionais

- ◇ Agir para obter informação
- ◇ Fazer sinais ao parceiro
- ◇ Agindo aleatoriamente para minimizar a descoberta de informação

# Sumário

Jogos ilustram vários aspectos importantes da IA

- ◇ perfeição é inatingível  $\Rightarrow$  tem de se aproximar
- ◇ boa ideia pensar sobre o que se vai pensar
- ◇ a incerteza limita a atribuição de valores a estados

Os jogos estão para IA como a Fórmula 1 está para a indústria automóvel