

# PROLOG

## (INTERROGAÇÕES E LISTAS)

---

Parcialmente adaptado de  
<http://www.learnprolognow.org/>

# Pesquisa em Prolog

- Sabendo o processo de unificação, podemos agora aprender como o Prolog pesquisa a base de conhecimentos para responder às interrogações.

# Exemplo

$f(a).$

$f(b).$

$g(a).$

$g(b).$

$h(b).$

$k(X):- f(X), g(X), h(X).$

$?- k(Y).$

# Exemplo

$f(a).$

$f(b).$

$g(a).$

$g(b).$

$h(b).$

$k(X):- f(X), g(X), h(X).$

$?- k(Y).$

$?- k(Y).$

# Exemplo

f(a).

f(b).

g(a).

g(b).

h(b).

k(X):- f(X), g(X), h(X).

?- k(Y).

?- k(Y).

Y=X

?- f(X), g(X), h(X).

# Exemplo

$f(a).$

$f(b).$

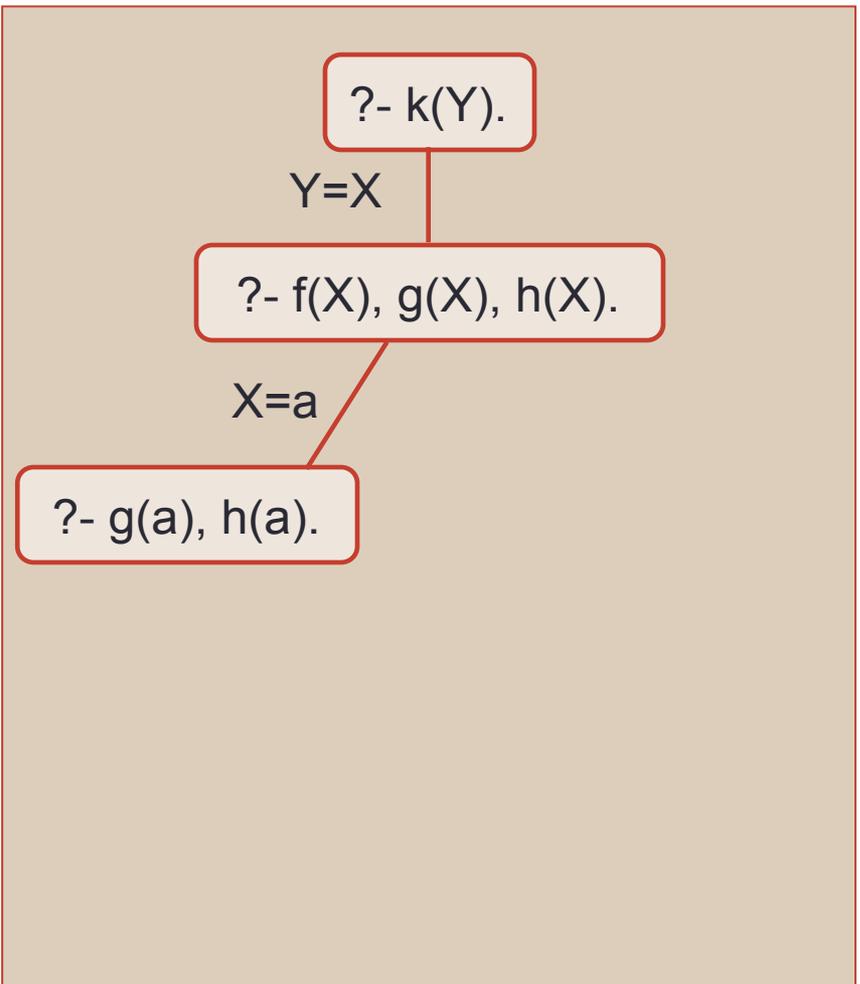
$g(a).$

$g(b).$

$h(b).$

$k(X):- f(X), g(X), h(X).$

$?- k(Y).$



# Exemplo

f(a).

f(b).

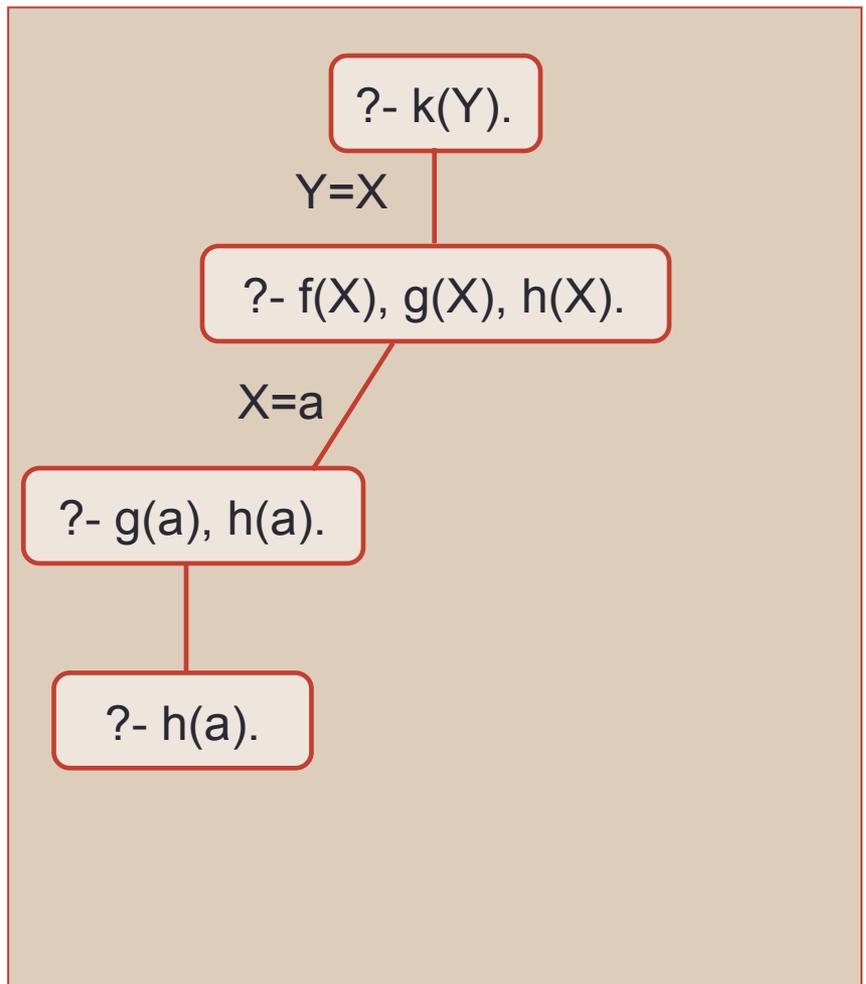
g(a).

g(b).

h(b).

k(X):- f(X), g(X), h(X).

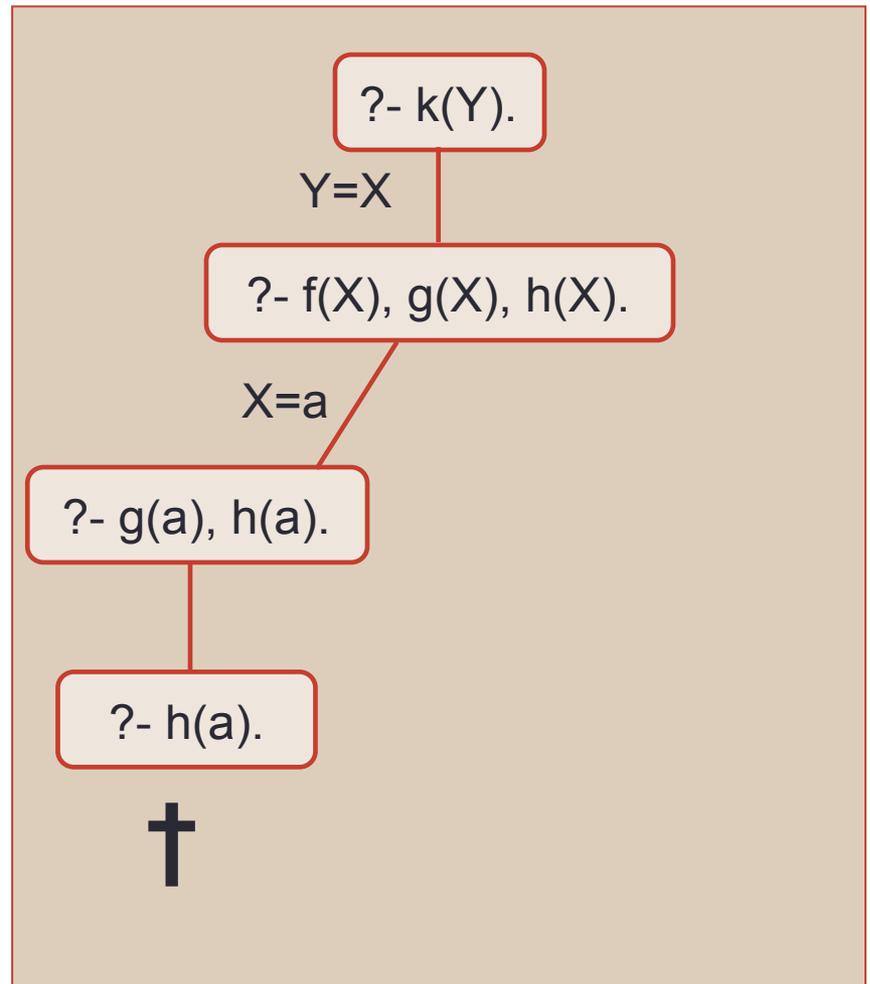
?- k(Y).



# Exemplo

f(a).  
f(b).  
g(a).  
g(b).  
h(b).  
k(X):- f(X), g(X), h(X).

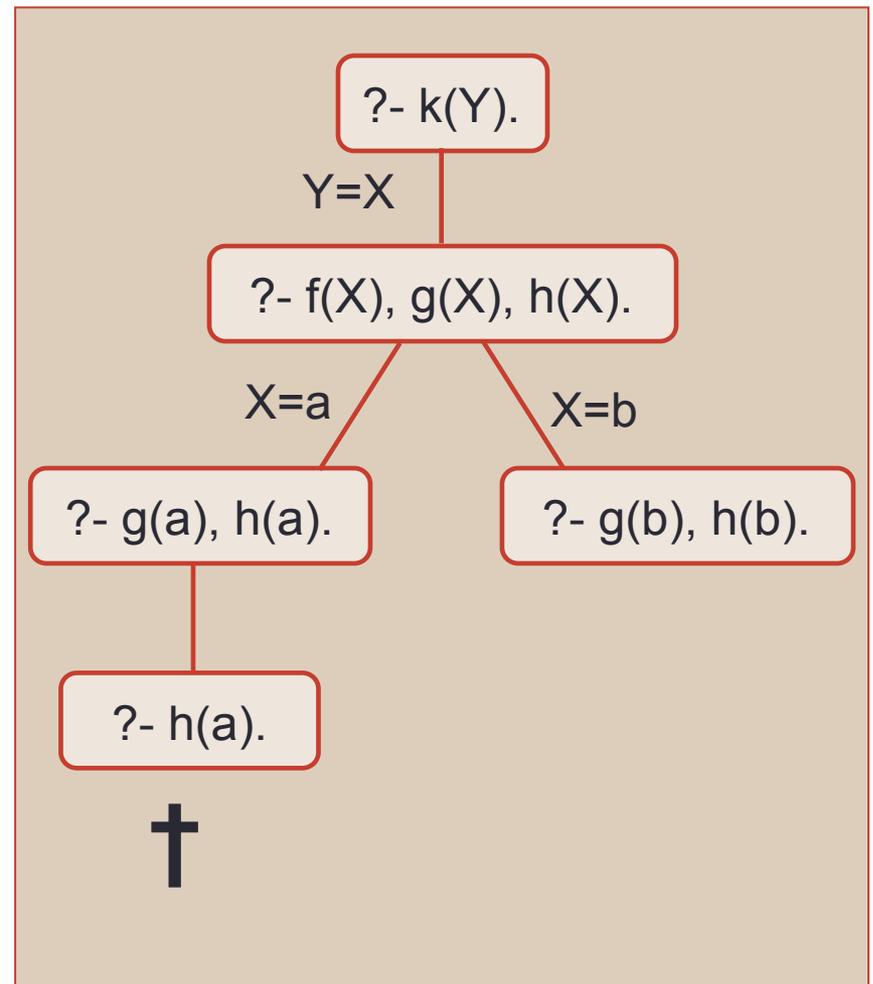
?- k(Y).



# Exemplo

f(a).  
f(b).  
g(a).  
g(b).  
h(b).  
k(X):- f(X), g(X), h(X).

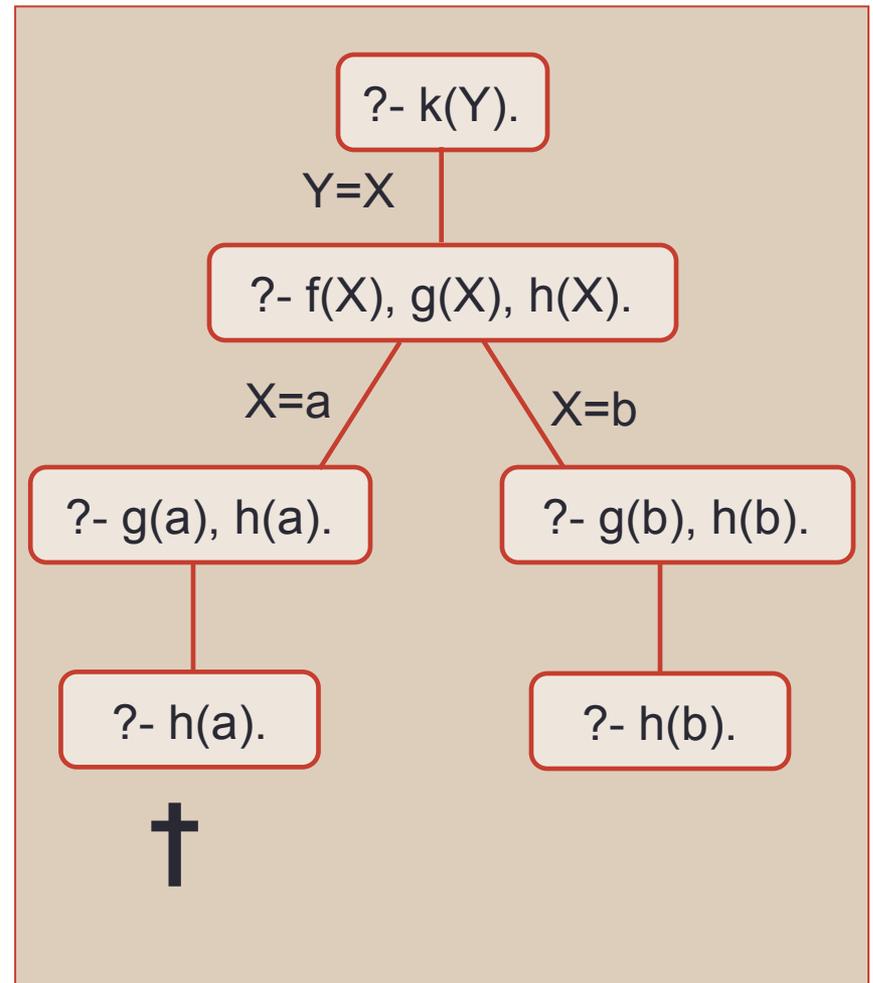
?- k(Y).



# Exemplo

f(a).  
f(b).  
g(a).  
g(b).  
h(b).  
k(X):- f(X), g(X), h(X).

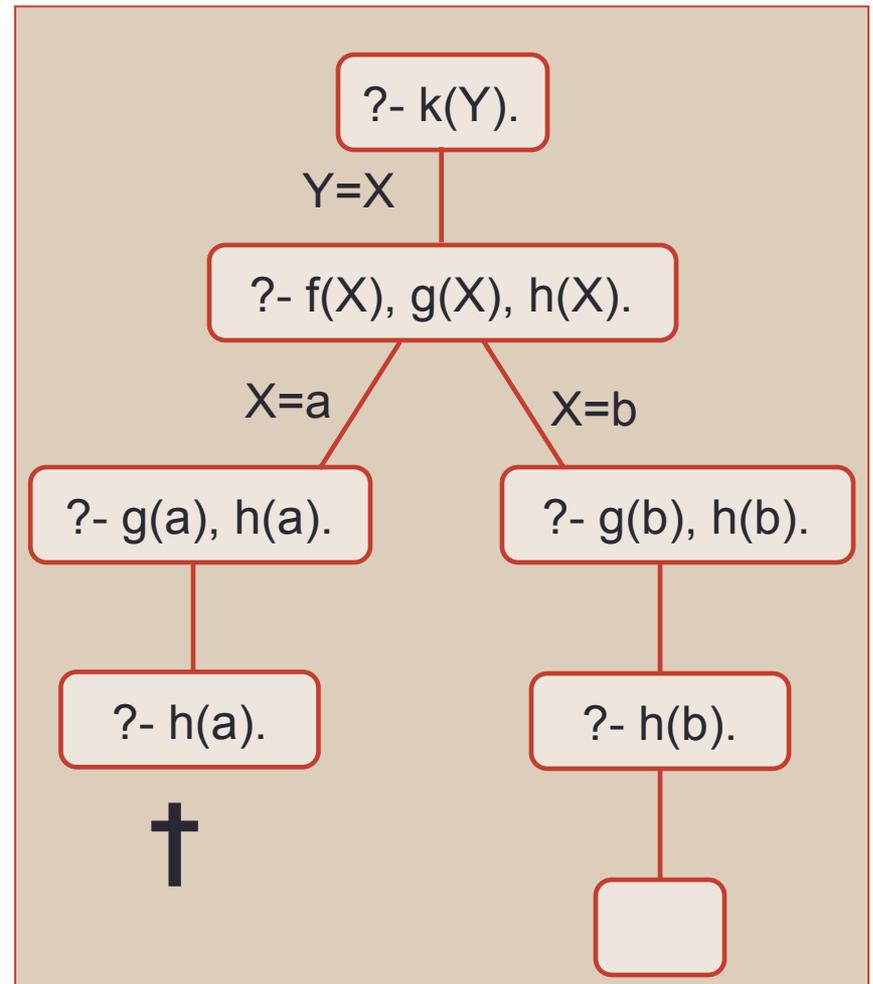
?- k(Y).



# Exemplo

f(a).  
f(b).  
g(a).  
g(b).  
h(b).  
k(X):- f(X), g(X), h(X).

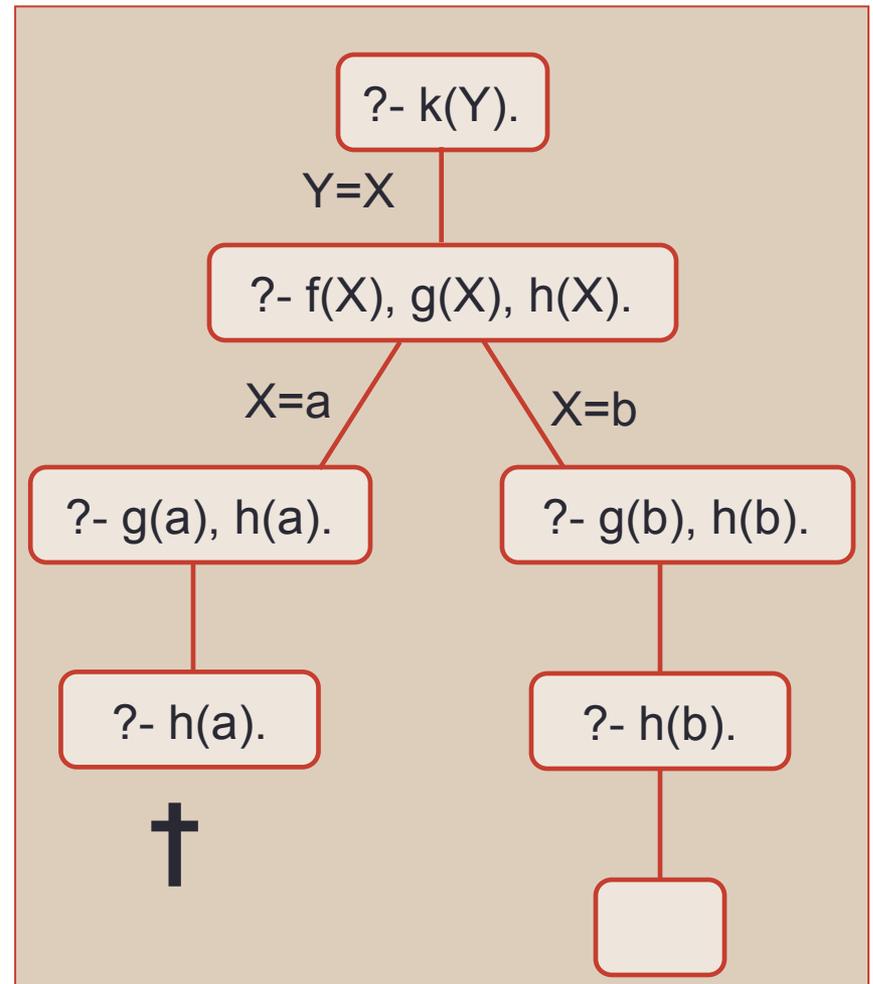
?- k(Y).  
Y=b



# Exemplo

f(a).  
f(b).  
g(a).  
g(b).  
h(b).  
k(X):- f(X), g(X), h(X).

?- k(Y).  
Y=b;  
no  
?-



# Outro Exemplo

```
loves(vincent,mia).
```

```
loves(marsellus,mia).
```

```
jealous(A,B):- loves(A,C), loves(B,C).
```

```
?- jealous(X,Y).
```

# Outro Exemplo

loves(vincent,mia).

loves(marsellus,mia).

jealous(A,B):- loves(A,C), loves(B,C).

?- jealous(X,Y).

?- jealous(X,Y).

# Outro Exemplo

loves(vincent,mia).

loves(marsellus,mia).

jealous(A,B):- loves(A,C), loves(B,C).

?- jealous(X,Y).

?- jealous(X,Y).

X=A | Y=B

?- loves(A,C), loves(B,C).

# Outro Exemplo

loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).

jealous(A,B):- loves(A,C), loves(B,C).

?- jealous(X,Y).

?- jealous(X,Y).

X=A | Y=B

?- loves(A,C), loves(B,C).

A=vincent  
C=mia

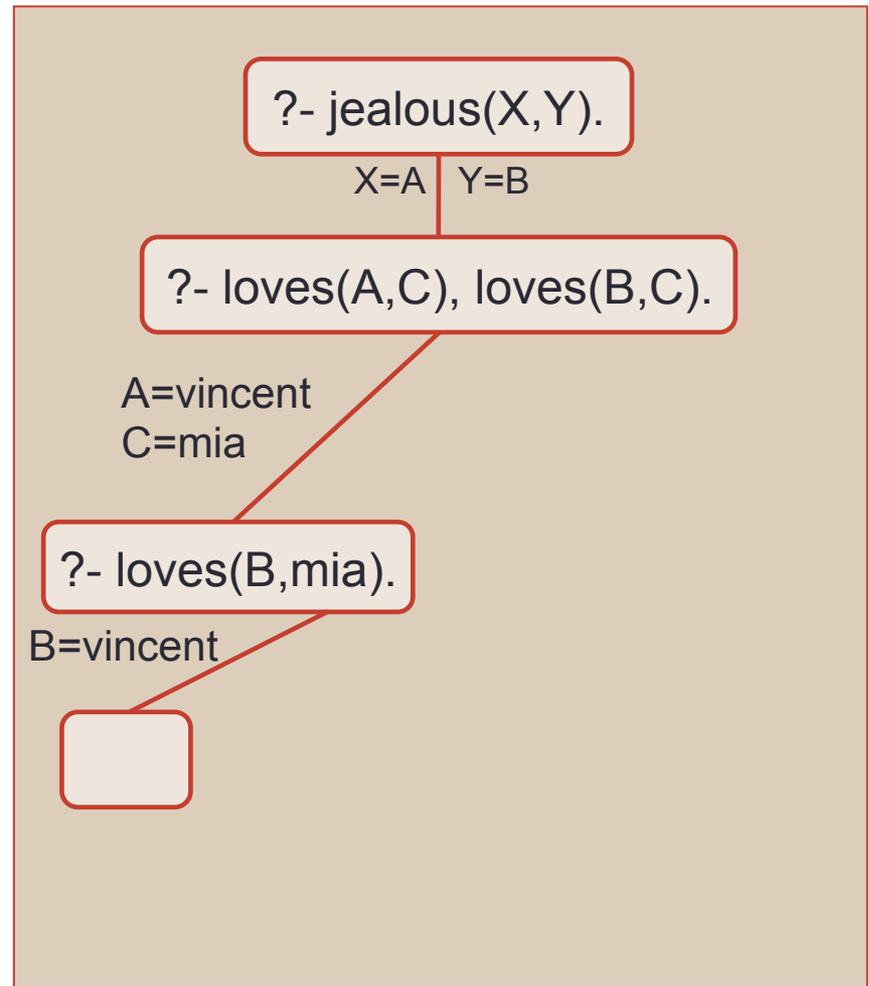
?- loves(B,mia).

# Outro Exemplo

loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).

jealous(A,B):- loves(A,C), loves(B,C).

?- jealous(X,Y).  
X=vincent  
Y=vincent

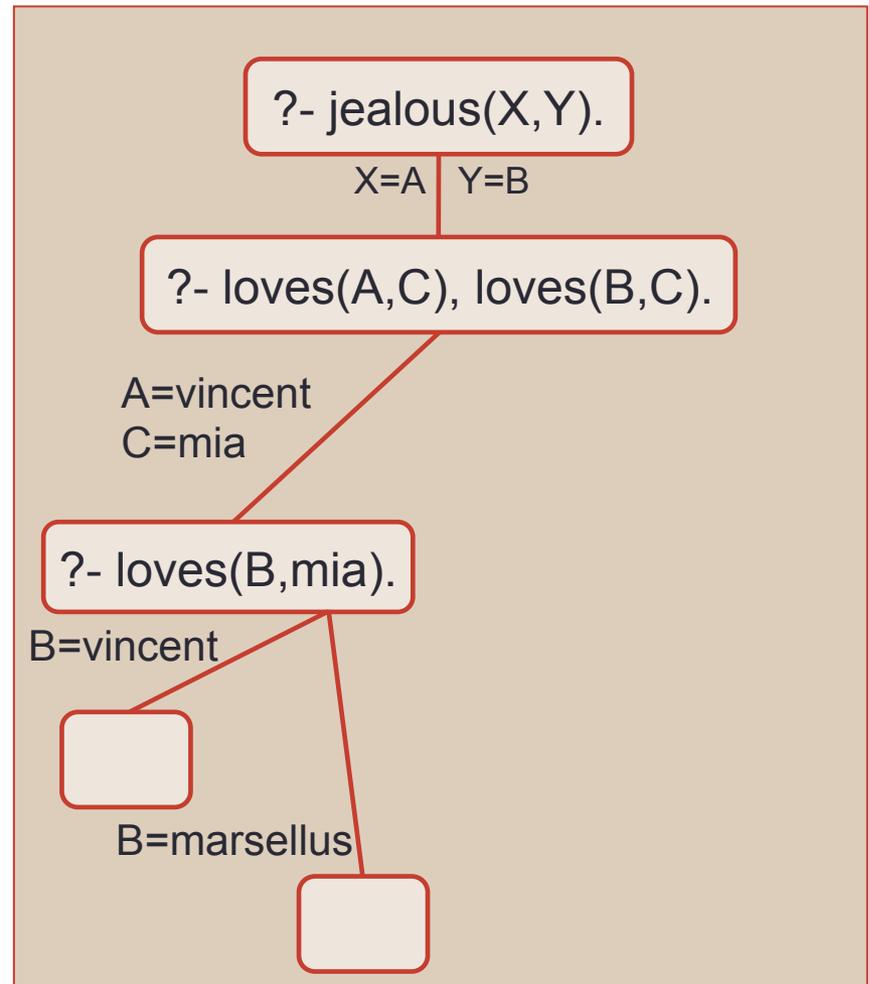


# Outro Exemplo

loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).

jealous(A,B):- loves(A,C), loves(B,C).

?- jealous(X,Y).  
X=vincent  
Y=vincent;  
X=vincent  
Y=marsellus

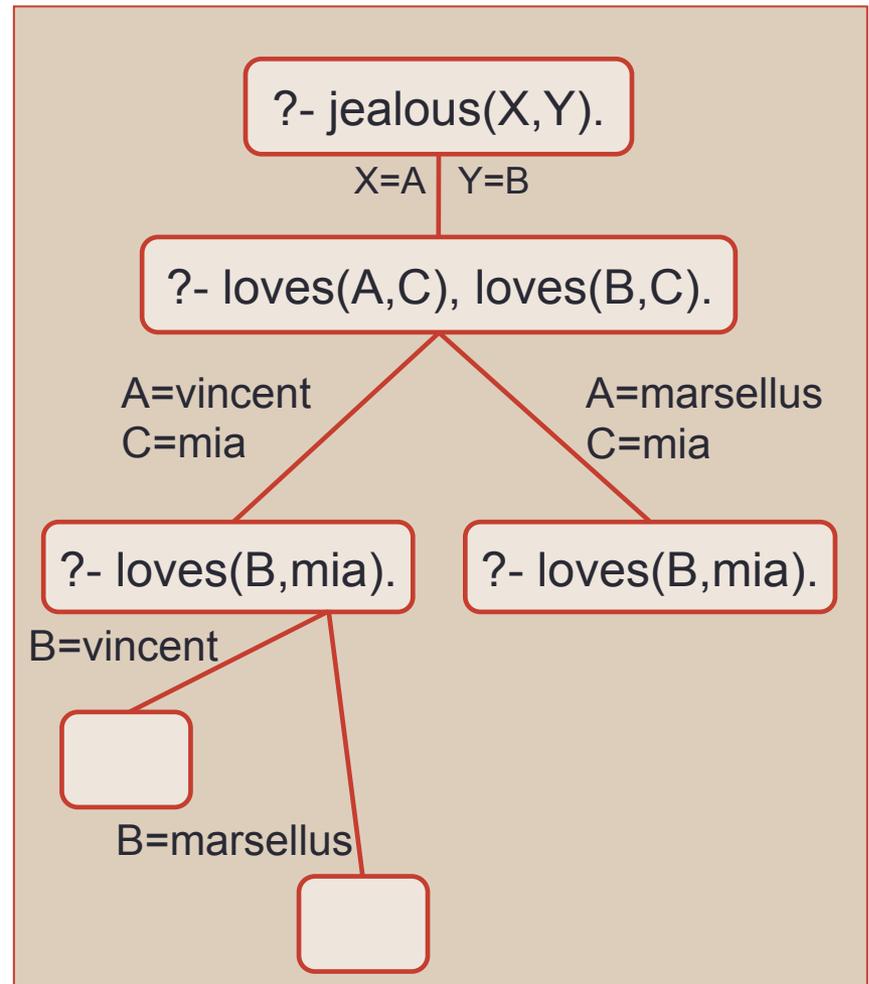


# Outro Exemplo

loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).

jealous(A,B):- loves(A,C), loves(B,C).

?- jealous(X,Y).  
X=vincent  
Y=vincent;  
X=vincent  
Y=marsellus;

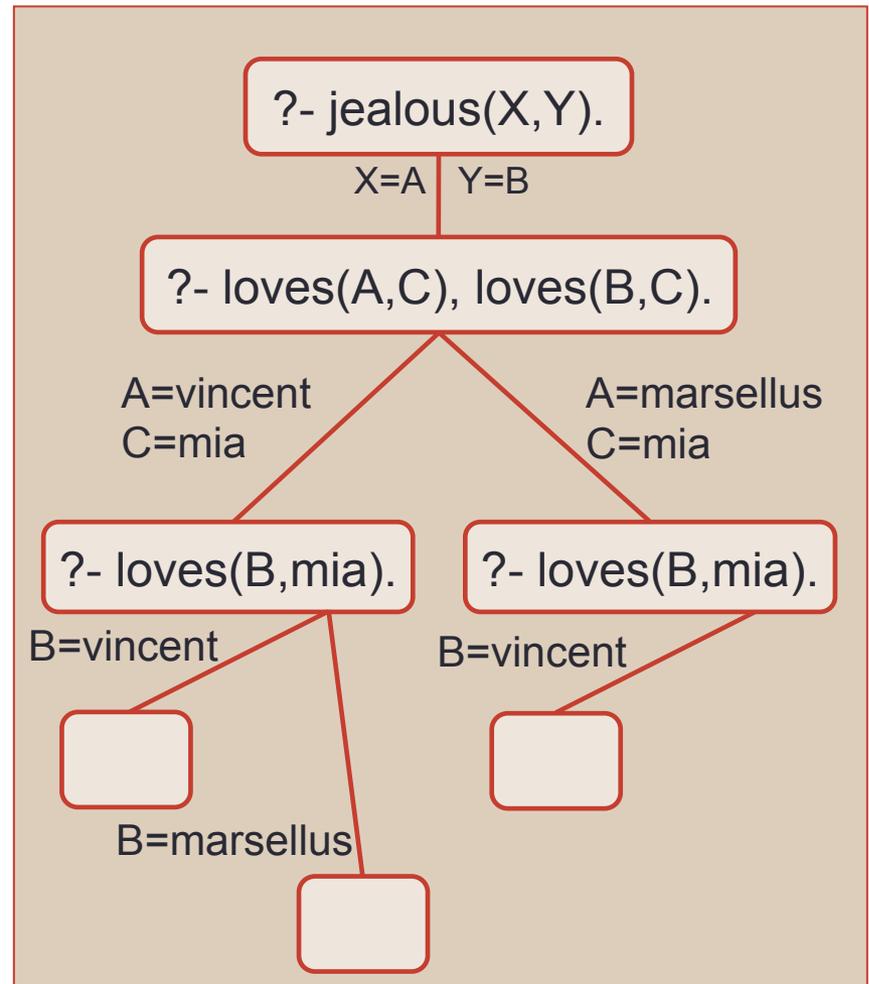


# Outro Exemplo

loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).

jealous(A,B):- loves(A,C), loves(B,C).

?- jealous(X,Y).  
X=vincent  
Y=vincent;  
X=vincent  
Y=marsellus;  
X=marsellus  
Y=vincent

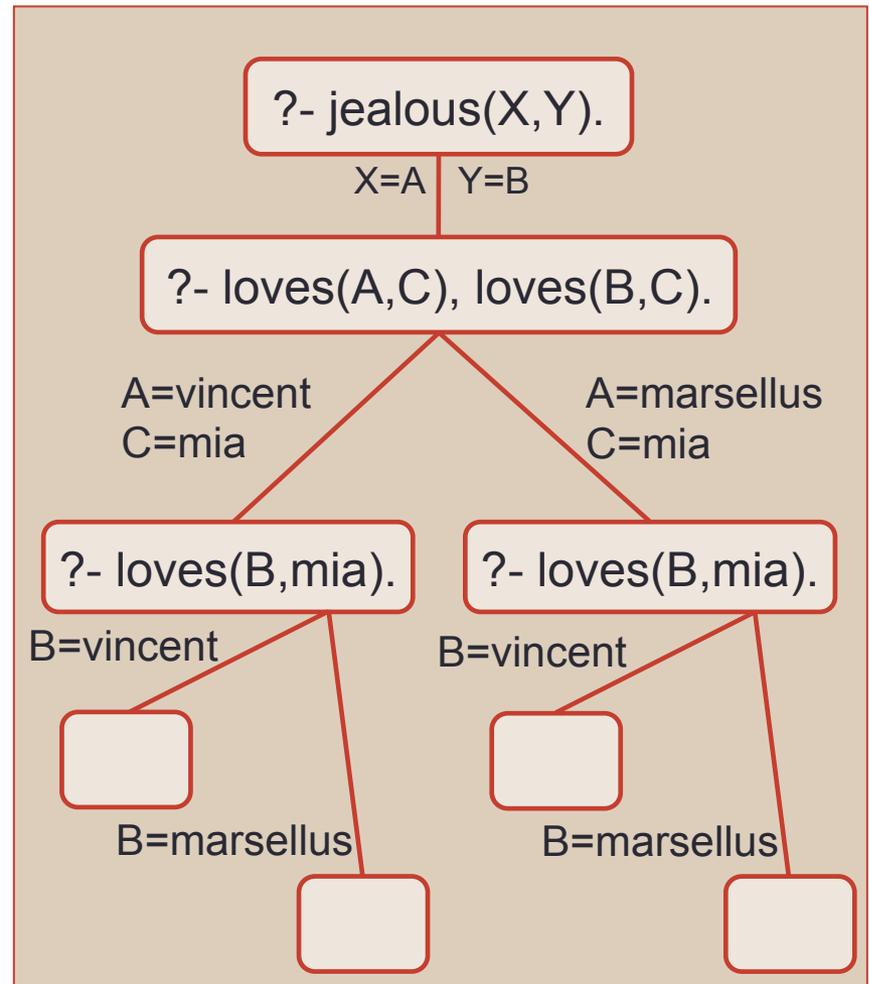


# Outro Exemplo

loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).

jealous(A,B):- loves(A,C), loves(B,C).

?- jealous(X,Y).  
X=vincent  
Y=vincent;  
X=vincent  
Y=marsellus;  
X=marsellus  
Y=vincent;  
X=marsellus  
Y=marsellus

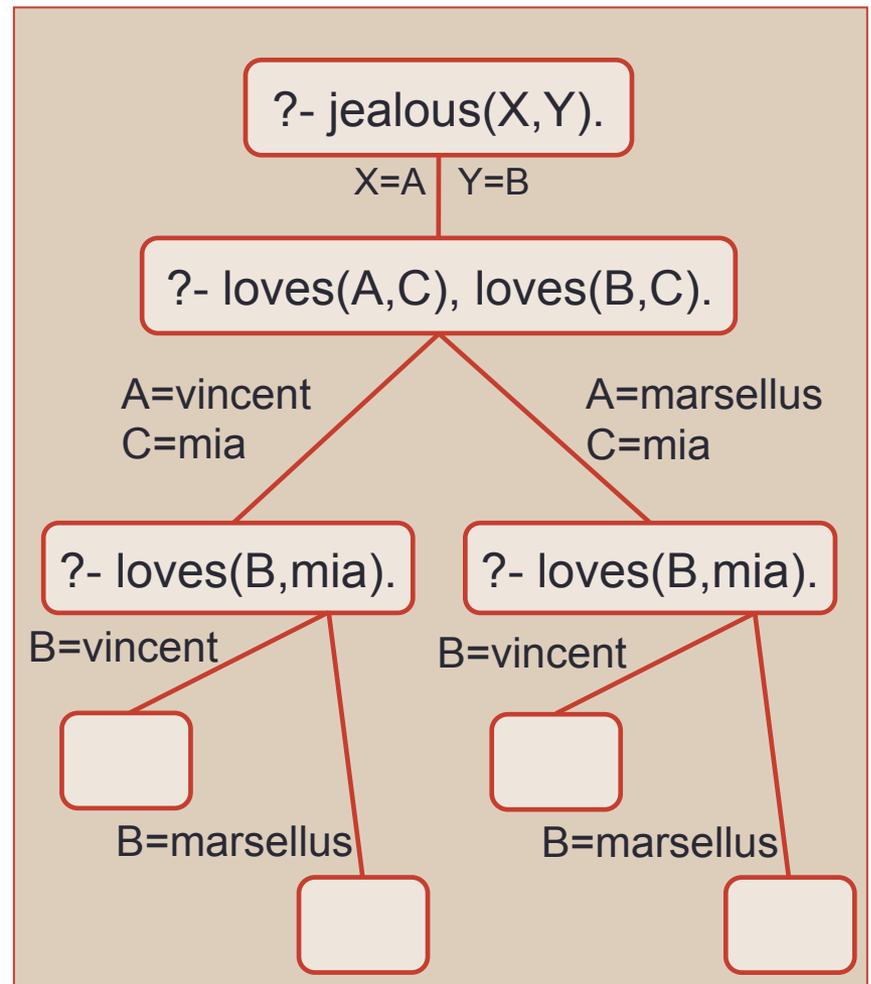


# Outro Exemplo

loves(vincent,mia).  
loves(marsellus,mia).

jealous(A,B):- loves(A,C), loves(B,C).

?- jealous(X,Y).  
X=vincent  
Y=vincent;  
X=vincent  
Y=marsellus;  
X=marsellus  
Y=vincent;  
X=marsellus  
Y=marsellus;  
no



# Definições Recursivas

- Os predicados podem ser definidos recursivamente em Prolog
- Um predicado é definido recursivamente se uma ou mais regras da sua definição se referem a si próprias

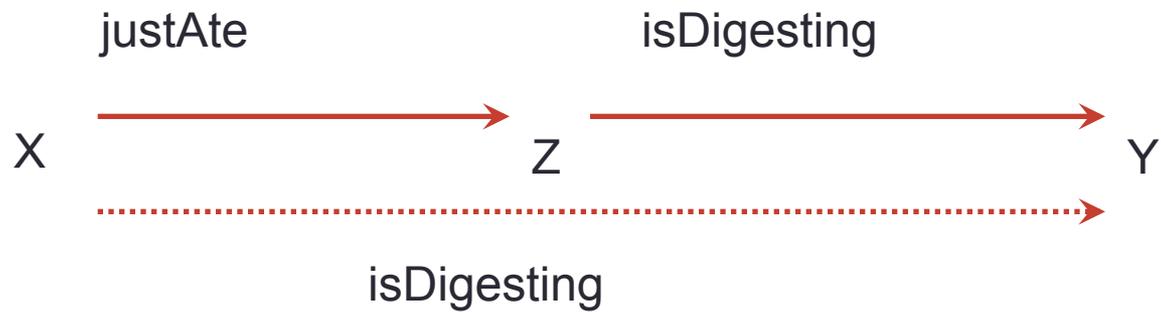
# Exemplo 1: Comida

```
isDigesting(X,Y):- justAte(X,Y).  
isDigesting(X,Y):- justAte(X,Z),  
                    isDigesting(Z,Y).
```

```
justAte(mosquito,blood(john)).  
justAte(frog,mosquito).  
justAte(stork,frog).
```

?-

# Retrato da situação



# Exemplo 1: Comida

```
isDigesting(X,Y):- justAte(X,Y).  
isDigesting(X,Y):- justAte(X,Z),  
                    isDigesting(Z,Y).
```

```
justAte(mosquito,blood(john)).  
justAte(frog,mosquito).  
justAte(stork,frog).
```

```
?- isDigesting(stork,mosquito).  
yes
```

# Outra definição recursiva

`p :- p`

`?- p.`

ERROR: out of memory

# Exemplo 2: Descendência

```
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Y).  
descend(X,Y):- child(X,Z), child(Z,Y).
```

```
?- descend(bridget,donna).  
yes
```

## Exemplo 2: Descendência

```
child(anna,bridget).  
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).  
child(donna,emily).  
  
descend(X,Y):- child(X,Y).  
descend(X,Y):- child(X,Z), child(Z,Y).
```

```
?- descend(anna,donna).  
no
```

## Exemplo 2: Descendência

```
child(anna,bridget).
```

```
child(bridget,caroline).
```

```
child(caroline,donna).
```

```
child(donna,emily).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Y).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Z), child(Z,Y).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Z), child(Z,U),  
                child(U,Y).
```

?-

## Exemplo 2: Descendência

```
child(anna,bridget).  
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).  
child(donna,emily).
```

```
descend(X,Y):- child(X,Y).  
descend(X,Y):- child(X,Z),  
                 descend(Z,Y).
```

```
?- descend(anna,donna).  
yes
```

# Exemplo 3: Sucessor

Considere-se a seguinte definição de números naturais:

- **0** é um natural.
- Se **X** é um natural, então **succ(X)** também.

```
natural(0).  
natural(succ(X)):- natural(X).
```

```
?- natural(succ(succ(succ(0)))).  
yes
```

```
?- natural(X).
```

```
X=0;
```

```
X=succ(0);
```

```
X=succ(succ(0));
```

```
X=succ(succ(succ(0)));
```

```
X=succ(succ(succ(succ(0))))
```

# Exemplo 4: Adição

```
add(0,X,X).  
add(succ(X),Y, succ(Z)):- add(X,Y,Z).
```

```
?- add(succ(succ(0)),succ(succ(succ(0))),  
      Result).  
Result=succ(succ(succ(succ(succ(0))))))  
yes
```

# Prolog e Lógica

- O Prolog foi a primeira tentativa de criar uma linguagem de programação em lógica
  - O programador fornece uma especificação declarativa do problema usando uma linguagem lógica
  - O programador não tem que dizer o que o computador tem que fazer
  - Para obter informação, o programador apenas formula uma interrogação

# Prolog e Lógica

- O Prolog dá alguns passos importantes nesta direcção, mas não é uma pura linguagem de programação em lógica!
- O Prolog tem uma forma específica para responder às interrogações:
  - Pesquisa a base de conhecimentos de cima para baixo
  - Processa as cláusulas da esquerda para a direita
  - Retrocede para refazer escolhas alternativas

# Descendentes v1

```
child(anna,bridget).
child(bridget,caroline).
child(caroline,donna).
child(donna,emily).

descend(X,Y):- child(X,Y).
descend(X,Y):- child(X,Z),
                descend(Z,Y).
```

```
?- descend(A,B).
A=anna
B=bridget;
A = bridget
B = caroline;
...
A = caroline,
B = emily;
no
```

# Descendentes v2

```
child(anna,bridget).
child(bridget,caroline).
child(caroline,donna).
child(donna,emily).

descend(X,Y):- child(X,Z),
                descend(Z,Y).
descend(X,Y):- child(X,Y).
```

```
?- descend(A,B).
A=anna
B=emily;
A = anna
B = donna;
...
A = donna
B = emily;
no
```

# Descendentes v3

```
child(anna,bridget).  
child(bridget,caroline).  
child(caroline,donna).  
child(donna,emily).
```

```
descend(X,Y):- descend(Z,Y),  
                child(X,Z).  
descend(X,Y):- child(X,Y).
```

```
?- descend(A,B).
```

```
ERROR: OUT OF LOCAL STACK
```

# Descendentes v4

```
child(anna,bridget).
child(bridget,caroline).
child(caroline,donna).
child(donna,emily).

descend(X,Y):- child(X,Y).
descend(X,Y):- descend(Z,Y),
                child(X,Z).
```

```
?- descend(A,B).
```

```
A = anna
```

```
B = bridget;
```

```
A = bridget
```

```
B = caroline;
```

```
...
```

```
A = anna
```

```
B = emily;
```

```
ERROR: OUT OF LOCAL STACK
```

# Listas

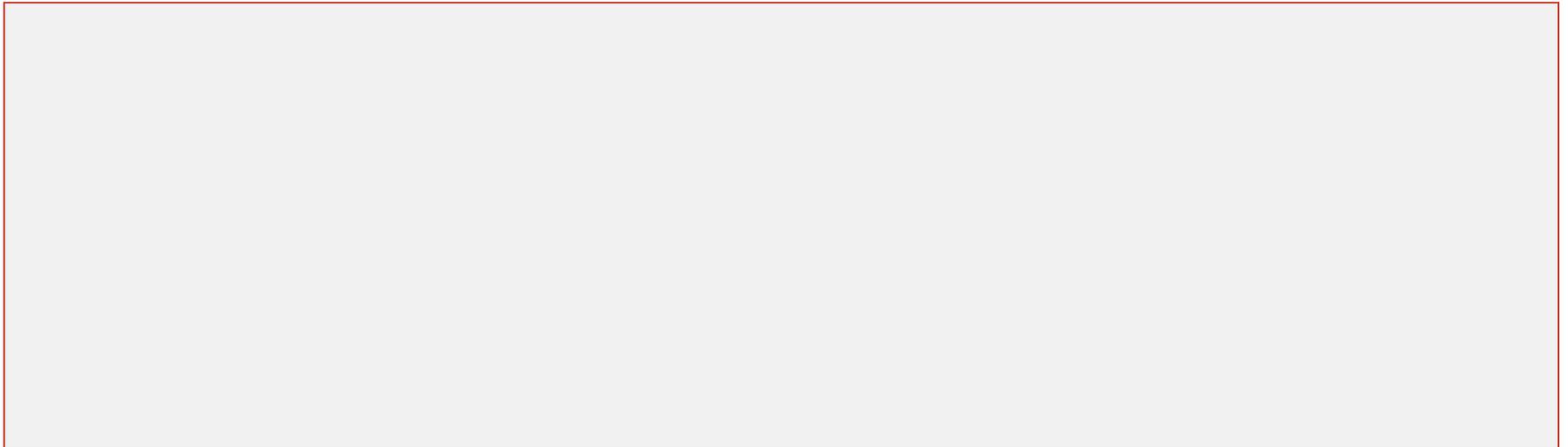
- Uma lista é uma sequência finita de elementos
- Exemplos de listas em Prolog:
  - [mia, vincent, jules, yolanda]
  - [mia, robber(honeybunny), X, 2, mia]
  - [ ]
  - [mia, [vincent, jules], [butch, friend(butch)]]
  - [[ ], dead(z), [2, [b,c]], [ ], Z, [2, [b,c]]]
- Os elementos das listas estão entre parêntesis rectos
- O comprimento de uma lista é o seu número de elementos
- Qualquer termo Prolog pode ser um elemento de uma lista
- Existe uma lista especial:
  - a lista vazia [ ]

# Cabeça (Head) e Resto (Tail)

- Uma lista não vazia tem duas partes
  - A cabeça
  - O resto
- A cabeça é o primeiro elemento da lista
- O resto é tudo menos o primeiro elemento
  - O resto de uma lista é sempre uma lista

# Cabeça (Head) e Resto (Tail)

- Uma lista não vazia tem duas partes
  - A cabeça (head)
  - O resto (tail)
- A cabeça é o primeiro elemento da lista
- O resto é tudo menos o primeiro elemento
  - O resto de uma lista é sempre uma lista



# Cabeça (Head) e Resto (Tail)

- Uma lista não vazia tem duas partes
  - A cabeça (head)
  - O resto (tail)
- A cabeça é o primeiro elemento da lista
- O resto é tudo menos o primeiro elemento
  - O resto de uma lista é sempre uma lista

- [mia, vincent, jules, yolanda]  
Head:  
Tail:

# Cabeça (Head) e Resto (Tail)

- Uma lista não vazia tem duas partes
  - A cabeça (head)
  - O resto (tail)
- A cabeça é o primeiro elemento da lista
- O resto é tudo menos o primeiro elemento
  - O resto de uma lista é sempre uma lista

- [mia, vincent, jules, yolanda]  
Head: mia  
Tail:

# Cabeça (Head) e Resto (Tail)

- Uma lista não vazia tem duas partes
  - A cabeça (head)
  - O resto (tail)
- A cabeça é o primeiro elemento da lista
- O resto é tudo menos o primeiro elemento
  - O resto de uma lista é sempre uma lista

• [mia, vincent, jules, yolanda]  
Head: mia  
Tail: [vincent, jules, yolanda]

# Cabeça (Head) e Resto (Tail)

- Uma lista não vazia tem duas partes
  - A cabeça (head)
  - O resto (tail)
- A cabeça é o primeiro elemento da lista
- O resto é tudo menos o primeiro elemento
  - O resto de uma lista é sempre uma lista

• [mia, vincent, jules, yolanda]

Head: mia

Tail: [vincent, jules, yolanda]

• [[ ], dead(z), [2, [b,c]], [ ], Z, [2, [b,c]]]

Head:

Tail:

# Cabeça (Head) e Resto (Tail)

- Uma lista não vazia tem duas partes
  - A cabeça (head)
  - O resto (tail)
- A cabeça é o primeiro elemento da lista
- O resto é tudo menos o primeiro elemento
  - O resto de uma lista é sempre uma lista

- [mia, vincent, jules, yolanda]  
Head: mia  
Tail: [vincent, jules, yolanda]
- [[ ], dead(z), [2, [b,c]], [ ], Z, [2, [b,c]]]  
Head: [ ]  
Tail:

# Cabeça (Head) e Resto (Tail)

- Uma lista não vazia tem duas partes
  - A cabeça (head)
  - O resto (tail)
- A cabeça é o primeiro elemento da lista
- O resto é tudo menos o primeiro elemento
  - O resto de uma lista é sempre uma lista

- [mia, vincent, jules, yolanda]  
Head: mia  
Tail: [vincent, jules, yolanda]
- [[ ], dead(z), [2, [b,c]], [ ], Z, [2, [b,c]]]  
Head: [ ]  
Tail: [dead(z), [2, [b,c]], [ ], Z, [2, [b,c]]]

# Cabeça (Head) e Resto (Tail)

- Uma lista não vazia tem duas partes
  - A cabeça (head)
  - O resto (tail)
- A cabeça é o primeiro elemento da lista
- O resto é tudo menos o primeiro elemento
  - O resto de uma lista é sempre uma lista

- [mia, vincent, jules, yolanda]  
Head: mia  
Tail: [vincent, jules, yolanda]
- [[ ], dead(z), [2, [b,c]], [ ], Z, [2, [b,c]]]  
Head: [ ]  
Tail: [dead(z), [2, [b,c]], [ ], Z, [2, [b,c]]]
- [dead(z)]  
Head:  
Tail:

# Cabeça (Head) e Resto (Tail)

- Uma lista não vazia tem duas partes
  - A cabeça (head)
  - O resto (tail)
- A cabeça é o primeiro elemento da lista
- O resto é tudo menos o primeiro elemento
  - O resto de uma lista é sempre uma lista

- [mia, vincent, jules, yolanda]  
Head: mia  
Tail: [vincent, jules, yolanda]
- [[ ], dead(z), [2, [b,c]], [ ], Z, [2, [b,c]]]  
Head: [ ]  
Tail: [dead(z), [2, [b,c]], [ ], Z, [2, [b,c]]]
- [dead(z)]  
Head: dead(z)  
Tail:

# Cabeça (Head) e Resto (Tail)

- Uma lista não vazia tem duas partes
  - A cabeça (head)
  - O resto (tail)
- A cabeça é o primeiro elemento da lista
- O resto é tudo menos o primeiro elemento
  - O resto de uma lista é sempre uma lista

- [mia, vincent, jules, yolanda]  
Head: mia  
Tail: [vincent, jules, yolanda]
- [[ ], dead(z), [2, [b,c]], [ ], Z, [2, [b,c]]]  
Head: [ ]  
Tail: [dead(z), [2, [b,c]], [ ], Z, [2, [b,c]]]
- [dead(z)]  
Head: dead(z)  
Tail: [ ]

# Cabeça e resto da lista vazia

- A lista vazia não tem nem cabeça nem resto
- Em Prolog, [ ] é uma lista simples especial sem nenhuma estrutura interna
- A lista vazia tem um papel importante nos predicados recursivos para o processamento de listas em Prolog

# O operador |

- O Prolog tem um operador especial | que pode ser usado para decompor a lista em duas partes: cabeça e resto
- O operador | é essencial para escrever predicados de manipulação de listas

```
?- [Head|Tail] = [mia, vincent, jules, yolanda].
```

```
Head = mia
```

```
Tail = [vincent,jules,yolanda]
```

```
yes
```

```
?- [X|Y] = [mia, vincent, jules, yolanda].
```

```
X = mia
```

```
Y = [vincent,jules,yolanda]
```

```
yes
```

```
?- [X|Y] = [ ].
```

```
no
```

```
?- [X,Y|Tail] = [[ ], dead(z), [2, [b,c]], [], Z, [2,[b,c]]]
```

```
X = [ ]
```

```
Y = dead(z)
```

```
Z = _4543
```

```
Tail = [[2, [b,c]], [ ], Z, [2, [b,c]]]
```

```
yes
```

```
?-
```

# Variáveis Anónimas

- Considere-se que estamos interessados no segundo e quarto elemento de uma lista
- O underscore é uma variável anónima
- É usada quando é necessário usar uma variável mas não nos interessa saber o seu valor
- Cada ocorrência da variável anónima é independente

```
?- [X1,X2,X3,X4|Tail] = [mia, vincent, marsellus,  
jody, yolanda].
```

```
X1 = mia
```

```
X2 = vincent
```

```
X3 = marsellus
```

```
X4 = jody
```

```
Tail = [yolanda]
```

```
yes
```

```
?- [_,X2,_,X4|_] = [mia, vincent, marsellus, jody,  
yolanda].
```

```
X2 = vincent
```

```
X4 = jody
```

```
yes
```

# Member

- Uma das coisas mais básicas que gostaríamos de saber é se algo é um elemento de uma lista ou não
- Vamos escrever um predicado que quando é dado um termo  $X$  e uma lista  $L$ , indica se  $X$  pertence ou não a  $L$
- Este predicado chama-se `member/2`

```
member(X,[X|T]).  
member(X,[_|T]):- member(X,T).
```

```
?- member(yolanda,[yolanda,trudy,vincent,jules]).  
yes  
  
?- member(vincent,[yolanda,trudy,vincent,jules]).  
yes  
  
?- member(zed,[yolanda,trudy,vincent,jules]).  
no  
  
?- member(X,[yolanda,trudy,vincent,jules]).  
X = yolanda;  
X = trudy;  
X = vincent;  
X = jules;  
no
```

# Rescrevendo Member

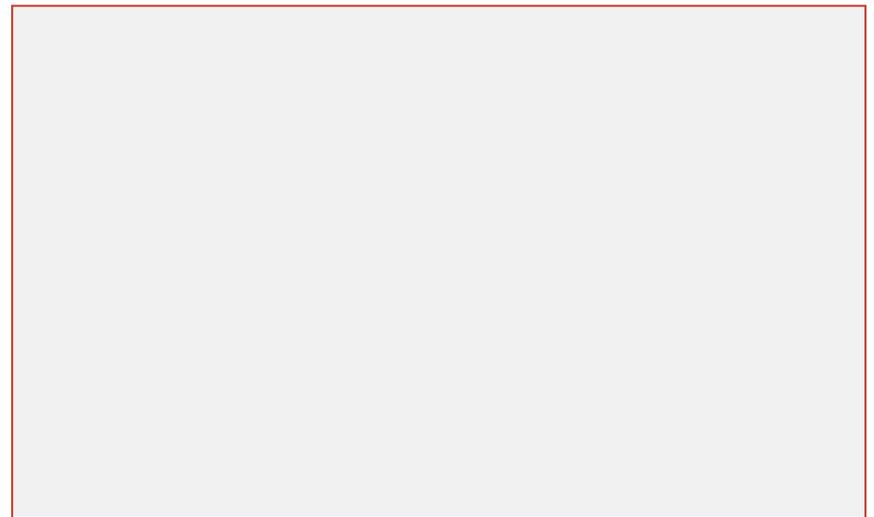
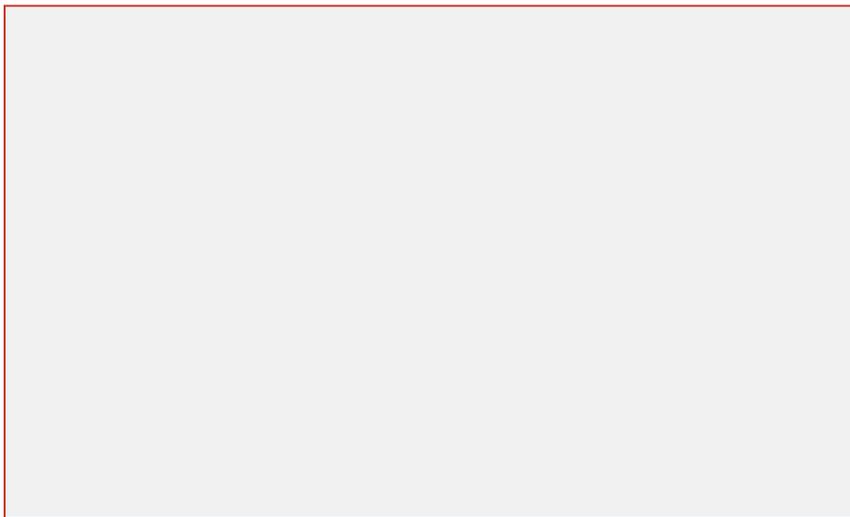
- Uma das coisas mais básicas que gostaríamos de saber é se algo é um elemento de uma lista ou não
- Vamos escrever um predicado que quando é dado um termo  $X$  e uma lista  $L$ , indica se  $X$  pertence ou não a  $L$
- Este predicado chama-se `member/2`

```
member(X,[X|_]).  
member(X,[_|T]):- member(X,T).
```

```
?- member(yolanda,[yolanda,trudy,vincent,jules]).  
yes  
  
?- member(vincent,[yolanda,trudy,vincent,jules]).  
yes  
  
?- member(zed,[yolanda,trudy,vincent,jules]).  
no  
  
?- member(X,[yolanda,trudy,vincent,jules]).  
X = yolanda;  
X = trudy;  
X = vincent;  
X = jules;  
no
```

# Recursividade em listas

- O predicado `member/2` acede recursivamente aos elementos da lista
  - faz alguma coisa na cabeça, e em seguida,
  - recursivamente faz a mesma coisa na cauda
- Esta técnica é muito comum em Prolog!



# Recursividade em listas (exemplo: a2b/2)

- O predicado a2b/2 recebe 2 listas como argumentos e sucede
  - se o primeiro argumento é uma lista de as, e
  - o segundo argumento é uma lista de bs exactamente do mesmo tamanho

?- a2b([a,a,a,a],[b,b,b,b]).

yes

?- a2b([a,a,a,a],[b,b,b]).

no

?- a2b([a,c,a,a],[b,b,b,t]).

no

# Recursividade em listas (exemplo: a2b/2)

- Frequentemente, o melhor é pensar no caso mais simples
- Neste caso: a lista vazia
- Agora pensar recursivamente!

`a2b([],[]).`

`a2b([a|L1],[b|L2]):- a2b(L1,L2).`

?- `a2b([a,a,a],[b,b,b]).`  
yes

?- `a2b([a,a,a,a],[b,b,b]).`  
no

?- `a2b([a,t,a,a],[b,b,b,c]).`  
no

?- `a2b([a,a,a,a,a], X).`  
`X = [b,b,b,b,b]`  
yes

?- `a2b(X,[b,b,b,b,b,b]).`  
`X = [a,a,a,a,a,a]`  
yes