## Lógica Computacional

LEI FCT UNL,  $2^{\rm o}$  Semestre 2010/2011

Teste 1 A, 16/3/2011

Justifique cuidadosamente todas as respostas	Duração:	$Z\Pi UU\Pi \Pi$
--	----------	------------------

## Identificação

Nome:

Número:

Grupo I (2+2 valores)

Considere o seguinte raciocínio:

A Joana gosta de bebidas frescas quando está com sede, a não ser que tenha dores de garganta. A Joana tinha sede mas bebeu uma bebida quente. Logo, tinha dores de garganta.

- 1. Represente-o em lógica proposicional
- 2. prove-o correcto (semanticamente)

## Grupo II

(2+2+2 valores)

Sejam p e q símbolos proposicionais. Determine, usando tabelas de verdade, a natureza (válida, possível ou contraditória) das seguintes fórmulas.

- 1.  $(p \lor q) \leftrightarrow (p \land q)$
- 2.  $((p \to p) \lor q) \to (\neg p \land (q \land p))$
- 3.  $(p \leftrightarrow q) \rightarrow (p \lor \neg q)$

Verifique semanticamente se:

$$1. \models \varphi \to \neg \varphi$$

2. 
$$\{\varphi \to \psi\} \models \neg \psi \to \neg \varphi$$

$$3. \ \neg \varphi \to \neg \psi \ \equiv \ \psi \to \varphi$$

Grupo IV (2+2 valores)

1. Como se pode definir o conectivo implicação à custa dos conectivos negação e conjunção?

2. Defina equivalência lógica e diga (sem provar) porque é uma congruência.